

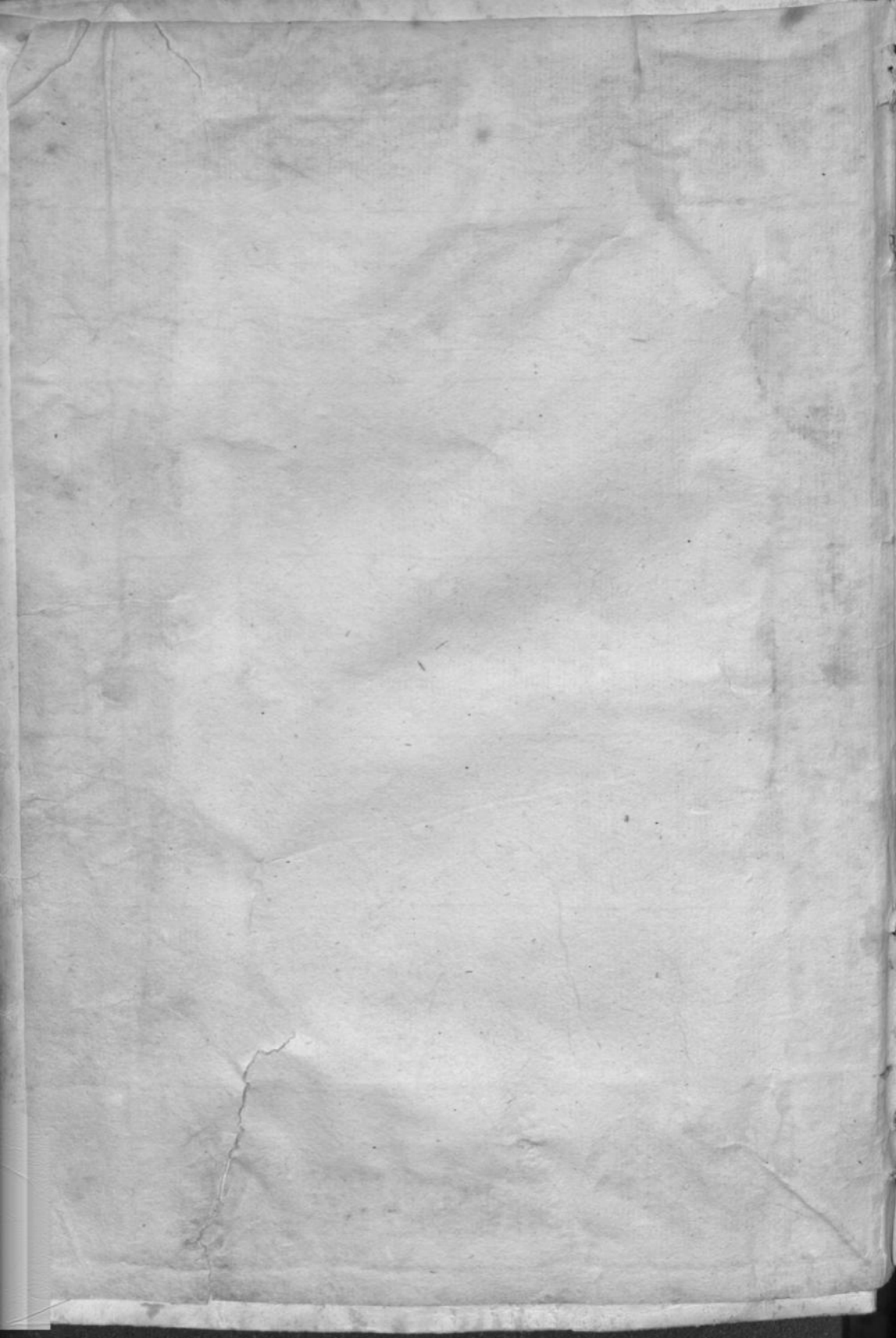
Euclides (367 a.C.-283 a.C)

La prospettiva di Euclide, nella quale si tratta di quelle cose, che per raggi diritti si veggono: & di quelle, che con raggi riflessi nelli specchi appariscono. Tradotta dal R.P.M. Egnatio Danti ... Con alcune sue annotationi de' luoghi più importanti ; Insieme con la prospettiva di Eliodoro Larisseo cauata della Libreria Vaticana, e tradotta dal medesimo nuouamente data in luce. - in Fiorenza : nella Stamperia de' Giunti, 1573. - [8], 110, [36] p. ; 4°. - La Prospettiva di Eliodoro inizia con proprio front.; segue a c. R1, con proprio front., il testo in greco e latino della stessa. - Marca (U500) sul front. - Segn.: 4 A-S4 T2

(IT-MiFBE)300033

The digital reproduction of this work is licensed under a [Creative Commons Attribution - NonCommercial - NoDerivs 3.0 Unported License](#). Permissions beyond the scope of this license may be available at customer.service@beic.it.

La riproduzione digitale di quest'opera è distribuita con la licenza [Creative Commons - Attribuzione - Non commerciale - Non opere derivate 3.0 Unported](#). Permessi oltre lo scopo di questa licenza possono essere richiesti a customer.service@beic.it.



I.

Euclides

1573

No 5. v. 34.

F.

MED
1293

No. 3, p. 4.

34

LA PROSPETTIVA DI EVCLIDE,

*Nella quale si tratta di quelle cose, che per raggi di
ritti si veggono: & di quelle, che con raggi
reflessi nelli SPECCHI appariscono.*

Tradotta dal R. P. M. Egnatio Danti Cosmografo del
Seren. Gran Duca di Toscana. Con alcune sue
Annotationi de' luoghi piu importanti.

INSIEME CON LA PROSPETTIVA DI
Eliodoro Larisseo

*Cauata della Libreria Vaticana, e tradotta dal
medesimo nuouamente data in luce.*



IN FIRENZA.
Nella Stamperia de' Giunti.
M D L X X I I I.

Con licenzia & Priuilegio.

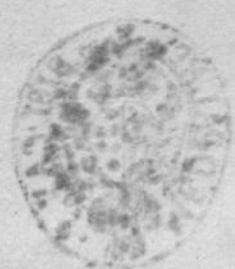
*11608
Antico
663*



PROSPECTIVA
DI EVIDENZE



La Biblioteca di San Carlo
di Napoli
ha ricevuto in deposito
la presente opera
il giorno 10. 1874



IN FLORENZA
M. D. L. X. I. I.
M. D. L. X. I. I.

1874
Biblioteca
di San Carlo

2

ALLI MOLTO MAGNI-

FICI NOSTRI OSSER.

Gli Accademici del Disegno

D I P E R V G I A.



ONOSCENDO tra tutte, l'honorate scienze, che possono render chiaro, & intendente l'animo, quanto sia l'eccellenza delle Matematiche; le quali oltre all'altre, ne sono scala alla contemplatione delle piu alte cose. Et sapendo che il R. M. Egnatio Danti vostro Cittadino haueua tradotto in questa nostra lingua la prospettiva, e Specularia d'EVCLIDE, & ne' luoghi piu importanti fattoui vtili annotationi; desiderosi giouare continuamente, come habbiamo sempre fatto, agli amatori delle virtù; procurammo d'hauerle. Et benche .S. R. le hauesse semplicemente tradotte per commodo della sua scuola; tuttauia per farcene piu grato dono, ui aggiunse in margine quelle propositioni della Geometria usate presupporfi chiare ne' tempi, che l'Autore
• 2 queste

queste scrisse; le quali siamo certissimi, scuferanno vn bello, e lungo commēto. Hora dandole in luce, per conformarci con la volontà di S. R^x, desiderosa mostrar qualche segno di gratitudine alla sua cara Patria, & alla vostra nobilissima Accademia, ci pregò, che douendosi pur stampare, non si mandassino sotto altro nome, che vostro. Parendoli potersi sperare, che tanto honorata professione del disegno fondata sopra le Matematiche, sia per ritonar di nuouo, come già fu, in huomini non solo per chiarezza d'ingegno; ma ancora p nobiltà di sangue illustri. vedendo ne' tēpi nostri nella Accademia vostra tãte persone nobili cō ardēte desiderio attēdere a cotali studij. degnin si dunque Vv. Ss. accettar da lei, e da noi questa cortesia, che cō quella prontezza d'animo gli offeriamo, cō la quale desideriamo seruirle in maggior cose. Viuiamo felici. Di Fiorēza Il di 15. di Giugno. 1573.

D. Vv. Mm. Ss.

Affettionatissimi

Filippo, e Iacopo Giunti.

M. EGNATIO DANTI PER VGINO.

*Frate di San Domenico, e Cosmografo del Sereniss.
Gran Duca di Toscana,*

Delle Lodi della Prospettiva

A GLI ACCADEMICI DEL DI-
SEGNO DI PERUGIA.



*Q*UELLE arti fra tutte l'altre debbono essere tenute principalissime, & degne di essere apprese con ogni attentione di animo, le quali dependendo da proprij principij, seruono alla intelligenza, & cognitione dell'altre, tra le quali la Prospettiva tiene vno de' primi luoghi; poiche senz'essa niuna dell'arti liberali puote perfettamente essere intesa. Onde con gran ragione si può dire, che come il Sole da luce alle stelle, così essa apporti luce, & splendore à tutte le scienze. Imperoche imparando noi dalla Prospettiva, che il raggio visuale, che passa per mezzi diuersi, come per l'aria pura, & per la densa, & per l'aria, & per l'acqua come anco per l'aria, & per il fuoco, rompendosi, & uscendo del lor diritto ne auuiene, che quelle cose, che si veggono per diuersi mezzi, come è detto, ci appariscono fuori del luogo loro, & uariamente pare che mutino non solo il sito, ma la figura, la grandezza, il colore, & la distanza, come facilmente si può uedere per quelle cose, che si ueggono in diuerse qualità di aria, & per il uetro, & per l'acqua, & per simili corpi diafani, & trasparenti. Mostraci anco la Prospettiva, che delle cose, che si muouono, quelle che ci sono piu lontane, appariscono di piu tardo moto, che non fanno quelle, che piu appresso ci sono, & bene spesso auuiene, che quelle, che stanno ferme, & si muouono lentamente, par che si muouino nella contraria parte. Come potrà adunq; il Filosofo naturale senza la Prospettiva intendere, & conoscere perfettamente il moto, la quiete, il sito, la grandezza, et qualità delle cose naturali intorno alle quali consiste tutta la sua speculatione? Et come potranno mai essere conosciute, &

P R O E M I O

te, & intese le Meteore di Aristotile senza l'aiuto della Prospettiva? Essendo, che questa ci insegna come nel concorso de' raggi del Sole rotti si genera il fuoco; il che ci viene dimostrato dalla sperienza nelle palle di uetro piene di acqua, ò negli specchi còcavi, oue battendo il Sole & facendo reflettere i raggi, è cagione, che nel punto oue detti raggi riflessi, ò rotti concorrono, essendouì posta materia a ciò atta si accende, & arde. Però rompendosi anco i raggi del Sole nell'aria condensata, potrà accendersi quìuì il fuoco, & fare ardere le comete, & così si uedrà che oltre alla sfera del fuoco, anco i raggi del Sole hauranno forza di farci uedere noui lumi per l'aria, & della luce di Sào Ermo, et de' fuochi Castori, de' quali alle uolte se ne uede due, et alle uolte un solo, & se ne uàno per l'aria scorrendo, & calàdo spesso fino in terra; di donde poi risalgono in alto. Hor quale scienza ci può di tutte queste cose meglio dimostrar la cagione, che la prospettiva, come anco delle piramidi, & delle traui ardenti, che per l'aria di notte si neggono, & così d'ogn'altra Meteora apparente; In oltre questa mirabile sciēza è cagione, che possiamo sfuggire mille inganni; poiche ella ci insegna, che non solo nelli specchi, & nell'acqua per la reflessione de' raggi si neggono le imagini delle cose, ma ancora nell'aria condensata caliginosa, & grossa, & ne' uapori, che si liuano di su la rugiada, da che bene spesso auuiene, che di notte neggiamo cose strauaganti, quali non sono altro, che la imagine nostra, che si uede nell'aria condensata, & ci apparisce di diuersi colori, hor nera, hor bianca, & taluolta di colore di sangue secondo la qualità de' mezzi per li quali si neggono. Et molto piu degl'altri restano ingannati, & neggono queste cose quelli, che hanno la uista alquanto impedita, onde auuiene, che à' uecchi, quali per il piu hanno la uista debole, par uedere cose strane, horribili, & marauigliose, & di tutto la Prospettina ci rende la ragione, & liberaci ancora dalle fraudi delle sagaci incantatrici, che molte uolte agli buomini ignoranti, & semplici facendoli guardare in uasi di uetro pieni di acqua, ò in specchi di diuerse maniere danno loro à credere le imagini uolar per aria, & simili altre cose, le quali tutte, ci dimostra la Prospettina essere cagionate dalla Natura, & dall'arte. A ciascuno anco facilmente puote essere noto quanto, & quale ornamento arrechi la prospettiva alla Geografia, poiche ella sola ci mostra il modo di ridurre in piano, in forma o ouata, ò circolare, & in diuerse altre maniere proportioneuolmente il sito di tutta la terra insieme, & delle prouincie particolari & ci fa hauere perfetta cognitione delle distanze de' luoghi facendoci conoscere chiaramente non solo la proportion, & conuenienza di

P R O E M I O

za di sito, che ha una regione con l'altra, ma con il Cielo ancora. Et non minore aiuto dà alla *Astronomia* essendo cagione, che sappiamo al certo la grandezza delle stelle, & la positura de' Cieli, & conosciamo mediante essa la Luna essere più bassa, Saturno più alto, che il Sole, & più basso delle stelle fisse, che sono locate nella ottava sfera. Ci fa anco conoscere ueramente la distantia, che è dall'un Cielo, & l'altro, & dall'una all'altra stella, & ci rende la ragione da che auuenga che le stelle ci appariscono maggiori in un luogo, che in un altro del Cielo; le quali sono tutte cose, che ciascuno douerrebbe desiderare di sapere. Et essendo (come bene disse il diuin Platone) dati da Dio ottimo, & gradissimo all'huomo gl'occhi per loro natura riuolti in uerso il Cielo, posti in così nobil luogo, & simili à lumi celesti, non pare dice il detto Filosofo, che ad altro effetto ci siano stati dati, che per considerare, & contemplare li moti celesti, & questo così bello, & marauiglioso palco fabbricato dalla diuina Maestà cotanto ornato; Et soggiugne, che grande errore fanno coloro, che non si seruono degl'occhi à questo, à che principalmente furono ordinati. Quanto più graueamente possiamo noi dire, errare hoggi la maggior parte de gl'huomini à non si seruire di questo senso sì nobile à quello, che è senza alcun dubbio più suo proprio, che qual si uoglia altra cosa; poiche non possiamo uolgere gl'occhi in parte alcuna, che non ci scoprino effetti marauigliosi di questa sciēza. Et lasciādo da banda il raccōtare il giouamento, & l'utile, che ella arreca, anzi quāto sia necessaria à infinite arti mecaniche, & particularmēte alla *Architettura*, & à tutte le altre arti del disegno, si come à uoi nobilissimi *ACCADEMICI* è notissimo dirò solo, che non posso se non marauigliarmi grademēte come possa essere, che appresso le persone scientiate, & dotte questa sciēza della prospettiva sia hauuta in così poca stima, anzi, il dirò pure, et cō molto mio dispiacere, pare che sia da ciascuno tenuta à uile, et che nō bisogni più andare à impararla nelle scuole de' Filosofi essendo da essi sbādita, ma quel poco che ci resta, resta tutto in un poco di pratica appresso à gl'artefici mecanici, di che essendoni giudiciosamēte accorti uoi, hauete nuouamēte con bell'ordine instituita la nuoua *Accademia* dell'arti del Disegno, nella quale seguitando, come hauete cominciato, si può credere anzi tener p fermo, che in breue spatio di tempo, renderete la Città nostra nō meno adorna di questa sciēza che ella sia hoggi con molta sua lode, & quanto altra Città di Italia ornata, & della facultà delle Leggi, & dello splendore delle Armì

I L F I N E.



LA PROSPETTIVA DI EVCLIDE

Tradotta, & Illustrata con le dichiarazioni de' principij, & altri luoghi d'importanza da Maestro
Egnatio Danti,

*Cosmografo del Serenissimo Gran Duca
DI TOSCANA.*



DICHIARATIONE DI ALCVNE COSE APPARTENENTI Alla Prospettiva.



ENTRE che quelle cose, ch'appartengono alla vista andaua dimostrando, daua alcuni auuertimenti, con i quali cōcludeua ogni luce esser portata per retta linea, della qual cosa adduceua per potissimo argomento, e l'ombre, che da corpi sono gittate, e i raggi, che per le finestre, & per le fessure passono, i quali non vedremo esser portati rettamente come sono, se i raggi cheescano dal Sole non andassero per retta linea. Diceua in oltre che i raggi qua giù del nostro fuoco erano cagione, che i corpi opposti erano da quelli in parte illuminati, & in parte gittauano ombra, hor equale ad essi corpi, hora maggiore, & hora minore. Et diceua ch'eguale a i corpi sono gittate l'ombre, all'hora che i corpi sono equali à i luminosi fuochi che gl'illuminano. A i quali affermua che interueniua, che gli estremi, & vltimi raggi fossero paralleli, & che ne concorrendo insieme diminui

Raggi del Sole, & della luce vanno per retta linea.

La proportion dell'ombra col corpo che la fa.

A uano

uano l'ombra, ne manco discostandosi, & allargandosi l'acrescenano, ma che quali erano i proposti corpi in tal misura fosse loro da i raggi conseruata l'ombra. Et all'hora sono minori l'ombre, che non sono i corpi, quando i lumi che gl'illustrano, sono maggiori de gl'illuminati corpi, perche gli estremi raggi concorrendo insieme si congiungono, & per questo fanno l'ombra minore del corpo illuminato. Et finalmente all'hora l'ombre sono maggiori de' corpi illuminati quando gl'illustranti lumi sono minori de' corpi illustrati. Perche à questi auuiene che gl'estremi raggi s'allargano, & discostano talmente che la parte luminosa resta minore della oscura. Il che negaua esser possibile ch'accadesse, se i raggi ch'escono dal corpo luminoso, non uscissero per linea retta; ma tutto questo si puo chiarissimamente vedere in quelle cose, che percio artificialmente si fanno. Imperoche se innanzi a vna accesa lucerna sarà collocata vn'asficella, che nel mezzo habbia vna picciola fessura fatta da sottile sega, talmente che la fessura stia giustamente all'incontro del mezzo della lucerna, di poi adattati un'altra asficella auanti la prima, nella quale percuota il raggio che per la fessura della prima trapassa, troueremo detto raggio essere del tutto contenuto da linee rette. Similmente quello, che dal mezzo della lucerna partendosi si congiugne alla fessura della asficella sarà nella medesima retta linea. Essendo adunque manifesto ad ogn'uno, ch'ogni luce è portata per linea retta, di qui volgendosi alla dichiarazione delle cose uisibili giudico che se li douesse concedere, ch'ogni raggio uisuale ch'esce dall'occhio, esca & sia portato per linea retta, talmente pero che l'uno dall'altro per qualche spatio & interuallo sia distate. Dal che diceua nascere, che nessuna cosa visibile si potea tutta insieme in un tratto vedere, adducendo questa ragione, diceua che spesse uolte un Ago, o altra cosi fatta cosa cadendo in terra, non si trouaua, anchor che da molti fosse diligetemente ricercato con tutto, che non vi fosse impedimento alcuno, che da gl'occhi loro l'occultasse. Et nondimeno poco poi fissando gl'occhi oue era quell'Ago lo veddono. Dal che chiaro si scorge, che non si uedendo quel picciolo corpo, che con tanta attenzione si cerca, non si vede manco il luogo oue egli iace. Onde dall'occhio non sono viste in vn tratto tutte le parti del luogo oue egli mira. Perche se cio fosse, che fissando gli occhi vedesse ogni parte del luogo, che attentamente guarda, vedrebbe anchor

Gli strumenti fatti dall'arte ci mostrano, che i raggi sò portati per retta linea.

Nessuna cosa visibile si puo tutta in vn tratto uedere.

Esempio dell'Ago.

cho l' Ago, che si accuratamente cerca, & nondimeno non lo vede. Et riuoltatosi a quei che fissamente guardauano sopra i libri aperti, affermò, che ne manco essi poteuano in un tratto vedere tutte le lettere d'una faccia del libro. Et spesso uolte sforzandosi di trouare alcune lettere, che radamente nella detta faccia erano scritte, non poteuano. Et questo auuiene perche i raggi visuali non si gettano in vn tratto à ciascuna lettera del foglio, ne manco sono insieme vniti, & congiunti, ma distinti, & diuisi l'vno dall'altro, p qualche spatio, & interuallo, dal che nasce, ch'ogni lettera del foglio non si può nel medesimo tempo vedere. Et di qui si manifesta, che non si uede in vn tratto tutto il luogo del foglio. Et il medesimo iaccade d'ogni altra cosa visibile. Onde quelle cose che si veggono non si ueggono tutte in vn tratto, & se bene apparisce, che si veggono, ciò auuiene per la gran prestezza, con la quale si muouono i raggi visuali, i quali discorrono sopra la cosa vista talmente, che non lassano parte di quella che non tocchino. Ma quel che molti dicono che l'immagine esce dalla cosa vista, & uiene all'occhio, dalla quale mosso compréde la cosa veduta, ributtaua in questa maniera. Percio che proponendo in campo il dubbio, & dell' Ago, che cascato in terra non si vedeua, & di colui, che intentamente guardaua sopra il libro, diceua se la visione si fa da' raggi ch'escono dalla cosa vista, & vengono all'occhio, et che da tutti i corpi escono l'immagini, che venendo all'occhio muouono il nostro senso del vedere. Come starà, che quel che cerca l' Ago cascato in terra nò lo troui? Et colui che con ogni attenzione guarda la faccia del libro non vegga tutte le lettere, che in essa sono? Ma questo forse auuiene, perche nel guardare hanno la mente intenta ad altre cose? Nondimeno alcuni che con attentione cercano la cosa, & nò la trouano, & spesso volte mentre che con altri ragionano, & hanno la mente distratta, & applicata ad altro con prestezza la trouano. Diranno forse, che non ogni simulacro corre all'occhio. Hora per qual cagione quei che non ui corrono restano esclusi? Al che diceua EVCLIDE che la Natura hauea fatto negl'animali gli strumenti da sentire talmente, che alcuni erano accomodati à riceuere, & alcuni nò. Percioche allo vdito, al gusto, all'odorato gli hauea fatti concaui, acciò potessero riceuere i corpi, che di fuori veniuano a muouer detti sensi. Onde la voce applicandosi all'udito, ha bisogno di trouare vn luogo atto oue possa fer

Le lettere di
vna faccia del
libro non si
vedono tutte
in un tratto.

Che i raggi
eschino dall'
occhio, &
che egli non
riceua la im-
magine della
cosa veduta.

nascia d'è l'aspetta
della ago d'essere la
restituire nella sua
lo, o per essere conia
lume e d'acqua spessa
ti distingue della terra
oue si troua l'ago o
da l'ouere con la l'oua
quali Orga-
ni s'istruiti sic-
no dalla Na-
tura fatti per
riceuerele col
se che di fuo-
ri uengono &
quali no.

A 2 marfi

ragione e il comune giudicio di quella cosa e nel luogo
il senso parta
nel loco a l'aspetta

marfi al quanto, perche se subito giunta si partisse, lascierebbe il senso senza hauerlo mosso, & la voce portata confusa. Per la medesima ragione, la Natura fece lo strumento dello Odorato concauo; Et percio del gusto ch'accade parlarne? Sono adunque questi sensi stati fatti concaui à guisa di cauerne, accio che i corpi quiui portati, vi potessero dimorare alquanto. Onde se i corpi, che muouono la vista, venissero all'occhio, senza che da esso si partissero i raggi per trouare la cosa veduta, era mestiero nel fabbricare l'occhio di farlo concauo, accio fosse piu commodo à riceuere i simulacri delle cose vedute. Ma questo veggiamo essere in verità altrimenti. Perche piu tosto la figura dell'occhio è tonda, e sferica. Et questo li parue in cio esser bastantè a confermare che i raggi visuali, che'l nostro senso muouono al vedere, escono dall'occhio, & vanno alla cosa veduta. In oltre per mostrare che le circòferenze che sono poste nel medesimo piano ch'è posto l'occhio gl'appariscono linee rette, adduceua queste ragioni; Perche l'occhio che stà nel medesimo piano ch'è la cosa veduta, stà talmente situato che non è piu alto, ne piu basso, che si sia la cosa vista, & questo vuol dire esser l'occhio nel medesimo piano. Onde se l'occhio non farà piu alto, ne piu basso, che si sia la circonferenza ch'è descritta nel medesimo piano, non manderà fuori nell'un raggio piu alto dell'altro a quelle parti piu alte della circonferenza, ne manco nessuno piu basso alle parti piu basse, ma tutti egualmente nel medesimo piano à tutte le parti della circonferenza, di maniera che questo è causa ancora, che'l piano nel quale è l'occhio c'apparisca una linea retta, come ancho la circonferentia descritta nel medesimo piano. Percioche il piano ch'è posto auanti all'occhio simile à vna linea retta, cio è tirato verso l'occhio sega il suo centro per mezzo ne si può vedere, non cascando sopra di quello raggio alcuno ch'esci dall'occhio, onde si vedrà solamente la sua estremità di uerso l'occhio che è vna retta linea; Et questo diceua perche quella retta linea del piano, che è innanzi all'occhio, coprendo l'altre parti del piano non le lascia vedere. Et la medesima cagione che fa, che il piano che ci è posto innanzi all'occhio per linea retta, ci apparisce vna retta linea, fa ancora che le circonferenze poste nel medesimo piano nel quale è l'occhio, in parte appariscono maggiori, quando à quelle sono applicati piu raggi visuali, & in parte eguali quando gli sono applicati raggi egua-

Perche l'occhio non sia di forma concaua.

Le circonferentie oue apparischino linee rette.

Superficie pinnaci apparisce una linea retta.

gi eguali, & in parte minori quando meno raggi gli sono applicati, nello stesso modo, che se questi fossero raggi de gl' angoli, che nell'occhio si fanno.

AVVERTIMENTO DI

M. Egnatio Danti.



CHE la presente dichiarazione non sia di EVCLIDE (poi che egli ni viene citato) non sene deue dubitare. Resta ben dubbio se ella sia di Teone non si trouando in alcuni antichi esemplari Greci della prospettiva, che sono nella libreria de Medici. L'ho ben uoluta por qui tradotta quasi a parola per parola dal libro greco stampato dal Pena à Parigi, per essere molto bella, & degna d'esser ueduta dagli studiosi di questa facultà.

SVPOSITIONE PRIMA.

Presupponga si adunq; che i raggi ch'escano dallo occhio sieno portati per retta linea, & che con qualche intervallo sieno l'uno dall' altro lontani.



SI DEE tenere per certo, che sia cosa necessaria a chiunque desidera la vera intelligenza delle scienze persuadersi indubitatamente, che elle non appartengono in alcun modo a i sensi humani, ma solamente s'aspettino allo intelletto, hauendo i sensi per loro oggetto solo le cose particolari, che sono fuori d'ogni intelligenza, ne possono in modo alcuno cascare sotto disciplina, ma tutto quello, che per mezzo loro si ritroua, lo propongono allo intelletto, che lo discerna, & così con la mentale intelligenza conosceranno le scienze hauere origine da certi, & inuiolabili principij, prima de' quali non si può insegnare cosa alcuna, dalla quale le scienze siano prodotte. Onde deuono meritamente essere tenute come principalissime essenze delle discipline, essendo la lor certezza così nota, & familiare all'intelletto nostro, che con la sola uoce proferiti (dopo l'intelligentia de' termini, senza cognitione alcuna di cose precedenti) ci appaiono manifesti, & chiari. EVCLIDE

M. Egnat.

Le scientie non appartengono a i sensi humani.

Le scientie hanno origine da i loro principij.

CLIDE adunq; accortamente ci propone nel principio della sua prospettiva queste dodici suppositioni come primi principj di questa facoltà, per se stessi talmente chiari, e manifesti, che da essi dependa tutta la dimostrazione, che con geometrici elementi si farà nelle sequenti propositioni; e perciò dice.

Queste cose sono da noi state proposte, accio per il mezzo di esse si dimostrino i sequenti theoremi.

M. Egnat. Tal differenza è fra le comuni sentenze, e le suppositioni, che doue quelle subito proscritte sono per se stesse chiare (con la sola cognitione de' termini, come quando diciamo che il tutto è maggiore della parte) le suppositioni hanno di bisogno di qualche picciolo auuertimento, o dichiarazione, che da Greci è chiamata *προαίρεσις*, e perciò nella precedente dichiarazione con quei piaceuoli auuertimenti si uà dimostrando che i raggi uscendo dall'occhio uanno alla cosa vista, e sono portati per retta linea lontani, e distanti l'uno dall'altro; onde non sarà cosa inconueniente, oltre alla dichiarazione de' termini porre qualche auuertimento attorno ciascuna suppositione.

Le suppositioni hanno bisogno della Paramitia

Raggio visuale

M. Egnat. E una retta linea luminosa che esce dall'occhio, e uà alla cosa uista, la quale se bene è linea Matematica senza larghezza alcuna, è considerata nondimeno dal prospettiuo, come naturale, e sensibile, ch'habbia qualche larghezza nella quale uiene immaginata la linea Matematica simile alla linea per la quale è portata la luce dal corpo luminoso al corpo oppositi, che è linea naturale, e sensibile etiamdio in larghezza come dimostra Vitellione nel secondo libro alla terza propositione; il che da **ARISTOTILE** fu chiaramente espresso nel secondo della Fisica al secondo capitolo, doue distingue la linea Geometrica dalla linea Prospettiva, dicendo che la Geometria considera la linea Fisica naturale, et sensibile, ma non in quanto ella è naturale, e sensibile; et la Prospettiva considera la linea geometrica non in quanto Geometrica, ma come naturale, e sensibile, perche il termine non essendo parte della cosa terminata, gli ultimi raggi che sono termini del Cono uisuale non saranno parte di quello, e consequentemente saranno linee indiuisibili in larghezza, ma perche il prospettiuo non considera se non quelle cose, che sensatamente uede, però i raggi, o linee uisuali saranno da lui considerate sensibili, e di qualche larghezza, nelle quali le linee Matematiche uengono immaginate dall'intelletto.

Linea Geometrica
Linea Prospettiva.

Il termine non è parte della cosa terminata.

letto. E questa linea Fisica, et sensibile, hauendo pur la larghezza nella quantità Fisica appresso i Matematici sarà stimata superficie, considerando eglino la linea senza larghezza alcuna nella quantità Matematica astratta dal corpo fisico: Hora se bene la prospettiva considera la linea uisuale contratta in quanto uisuale, e non assolutamente in astratto, come fa la geometria, non si deuene per ciò dire, che questo sia un aggregato accidentale, e per conseguenza non possa essere oggetto scientifico, perche come fanno i Filosofi la uisualità della linea non è differenza accidentale in questa parte; in quanto che costituisce una ragion formale dell'oggetto scientifico della prospettiva, si come la mobilità non è differenza accidentale dell'Ente, ma è ragione formale dell'oggetto della fisica chiamato da' Filosofi Ente mobile.

Che la Prospettiva sia scienza.

La uisualità della linea non è differenza accidentale.

Che i raggi che escono dall'occhio.

Euclide per principalissimo fondamento della prospettiva presuppone, che i raggi uisuali escono dall'occhio, et uanno alla cosa ueduta, e non dalle cose vedute escono i raggi, et uanno a trouar l'occhio, il che sufficientemente di sopra si è manifestato esser uero dall'autore della precedente dichiarazione, et perche io intendo con migliore occasione trattare diffusamente questa questione, se il vedere si fa da i raggi mandati dall'occhio alla cosa ueduta, o pur l'occhio riceue quegli, che dalla cosa uista le sono mandati, mi basterà qui bauer tocco solo qual sia l'opinione d'Euclide, alla quale se bene ueggiamo opporsi tutta la scuola Peripatetica, noi nondimeno come Matematici supponendo i principij d'Euclide, deuamo seguire la sua opinione, e di Platone suo maestro, alla quale aderiscono tutti i Matematici antichi, come Alchindo, Eliodoro Iarisseo, & Teone alestrandino, & Galeno nel settimo libro de' precetti di Hippocrate, & di Platone, & nella seconda parte del trattato de gl'occhi al sesto capo. Non ostante che fra' moderni Vitellione alla proposition quinta del terzo libro, e l'autor della prospettiva comune nel primo libro alla propositione 44. tengano altrimenti. Non lascierò già di dire che Platone afferma che quei raggi uisuali che escono dall'occhio siano una luce, & uno splendore, che nell'aria giunga fino a un certo spatio determinato, oue si congiugne col lume esteriore, & farsi dell'una, & l'altra una sola luce talmente ingagliardita, & fortificata, che mediante quella si uegga facilmente. Ma i Matematici vogliono, che detti raggi che escono dall'occhio uadino fino alla cosa ueduta, ne si fermino nell'aria. A quali par che aderisca Galeno nel luogo sopradetto, oue presuppone, che i nervi uisuali siano uacui, & bucati a guisa d'una picciola canna (come in il dritto è comune, i specchi esteriori, o inter uerità mettendoli, s'ed nell'occhio si si rappresenta la specie maggiore nell'occhio, e nell'altre e si dimora la veggiamo di maggiore grandezza etiam i falotti e i monti si si rappresentano quali e sono. Hora la risposta esolue della difficultà è questa. D' l'occhio è tutto uelace & intorbo imperfetto, e non riceue tutte le specie & li si rappresentano, ma in questo dritto fa la uisione perfetta, ma uisualmente di quella uisualità particolarmente s'affissa di uisualità di ad un tratto, e non la recepiere imperfetta di molte specie, la ne sia di cose, alberi, monti, e animali e celesti, e cio di gli si parli in

M. Egnat.

Platone. Matematici antichi, Galeno.

Vitellione. Prospettiva comune. Opinione di Platone.

Opinione di Galeno conforme a Matematici.

Colley da... m. p. cor... li imagin. e rappresent... m. p. cor... m. p. cor...

LA PROSPETTIVA

in un'ora in un'ora in un'ora
vede, per le specie insonno
nati in si moltiplicano l'aria

l'altre. Ripetendo
di si maggiori in
gione la specie di
chi le dicea l'ora
malafici del tutto
velocità di si
corse l'istesso di
vibere la
Similitudi
cosa in un
istate come e
de. Si come il
gioi del sole illumina
na questi animi
certamente e
in un istante
bramente accipite
tutte le
i raggi
all'istesso
re tanto
la semina
ne si facesse
seruare e pure
no di ista
ste passo
nel e nell
adunque nell
occhio e
fuori si
la visione
della suola
se guardi
figura l'ago
d'istesso
i quere
pla l'occhio
ma blamente
solari e l'istesso
llo ventante e
manente e
topo di g.
quia accipite
de quere
Ca in fine

verità sono) per iquali passano gli spiriti uisuali, che escono dal Cerebro, & giugnendo all'occhio mandano fuori la lor luce nell'aria, con la quale esce insieme non so che di virtù dall'anima, che giugne fino alla cosa uisibile per il cui mezzo si fa la uisione. Et se bene tal virtù è portata per l'aria alla cosa ueduta, gli spiriti uisuali rimangono nondimeno nell'occhio. Et l'aria illuminata è il mezzo, per il quale detta virtù giugne alla cosa uisibile. Non altrimenti auuiene che nella uirtù del tatto, la quale consiste ne' nerui, & nondimeno ancor la carne ritiene detta virtù che da' nerui gli vien mandata per mezzo de' gli spiriti animali, che dal Cerebro come per canali passando per i nerui, uanno a ciascuna parte del corpo, & se la uisione non si facesse da' raggi che escono dall'occhio, non saria possibile che potessimo comprendere la distanza della cosa ueduta, ne la quantita, ne la figura, ne il luogo, ne la sostanza di quella, perche essendo l'occhio di si picciola quantità, non è capace di ricevere cose si grandi, che di fuori gli venissero portate. Questa è in somma il parere di Galeno conforme alla supposizione di Euclide. La quale o sia uera o sia falsa; nulla o poco importa alle operazioni della prospettiva, percioche o eschino i raggi uisuali dall'occhio alla cosa ueduta, o non eschino, riceuendo egli quei che dalla cosa uista gli sono mandati; tanto l'una come l'altra supposizione serue nell'istesso modo alle dimostrazioni de' Theoremi della prospettiva.

Siano portati per retta linea

Vitellione nella prima propositione del secondo libro, apertamente afferma non si potere dimostrare matematicamente, che i raggi uisuali sieno portati per retta linea, ma si bene con istrumenti fabbricati dall'arte, questo potersi pienamente dichiarare. Per il che (oltre alle ragioni poste di sopra de' raggi del sole, & di quei della luna, che passando per le fessure, chiaramente si ueggono essere portati per linea retta) si addurrà anchora quanto ci dimostra la sperimenta ne' traguardi della Diottra dello Astrolabio, percioche drizzando un Ago nel centro dell'Astrolabio perpendicolarmente, di maniera che il raggio del sole che passa per il bugio d'un de' traguardi della Diottra, si riscontri, & passi per il bugio dell'altro traguardo, uedrai che il detto raggio del sole se gherà l'Ago, & passerà giustamente sopra la retta linea della Diottra. Il medesimo auuerrà, se ponendo l'occhio al bugio di un de' traguardi, mirando il bugio dell'altro traguardo, uedrai che il tuo raggio uisuale passerà per l'Ago, & con-

uolendo l'istesso a faccia in essi corpi animati & con-
giuncti in un agente quicquid in un vel corpus animatus albi in
de quere diu & l'istesso si facea nell'aria e con loro l'occhio si facea
Ca in fine. 196. Tot. de serm agente e. g. E uolte nel foglio

et consequentemente per la retta linea della Diottra, dal che rimarrà chiaro che i raggi uisuali sieno portati per retta linea.

E che con qualche intervallo siano l'uno dall'altro lontani.

Questa lontananza de' raggi uisuali si intende essere nella cosa ueduta M. Egnat.
ta doue i detti raggi giungono, perche nel centro dell'occhio facendo angolo l'un raggio con l'altro si toccano nelle loro estremità, non essendo altro l'angolo che la inclinazione d'una linea con l'altra, nelle Diffinitione dell'angolo.
punte oue si congiungono. Per il che facendo angolo i raggi uisuali nel centro dell'occhio (come di sotto si dirà) è forza che giungano alla cosa ueduta, l'un dall'altro lontani, non si toccando insieme le linee rette, che comprendono l'angolo, se non doue lo costituiscono. Senza che se raggi uisuali percotessero sopra la cosa ueduta uniti, & congiunti insieme l'uno all'altro si vedrebbe lo spatium che si mira tutto in un tratto, cosa impossibile come di sopra si è mostrato con l'esempio di quello, che cercando l'Ago non lo troua.

SUPPOSITIONE SECONDA.

La figura compresa da' raggi uisuali, è vn Cono, la cui punta è nell'occhio, & la basa è nella estremità della cosa ueduta.

IL CONO è una piramide rotonda. Questa è la diffinitione M. Egnat.
del Cono che Vitellione ci assegna nel libro quarto, & che si caua dalla diffinitione. 18. del x. libro di Euclide, & dalla descrittione della superficie conica, & dalla quarta diffinitione del primo libro de' Conici di Appollonio Pergèo. Hauendo adunq; il Cono per basa un cerchio pare che sia difficile quel che qui da Euclide si suppone, auuenga che, quando si mira una figura retti linea, andàdo i raggi uisuali à trouare tutti gl'angoli, & tutti i lati di quella constituiranno una piramide di tante faccie quanti sono i lati della cosa ueduta, onde si uerificherà, che i raggi uisuali facciano un Cono. solamente quando si mira un cerchio ò qual si uoglia cosa sferica. Et perciò hanno detto alcuni che l'autore sotto nome di Cono comprende ogni sorte di piramide, cosa certamente dura à periti della Geometria, i Diffinitione del Cono.
Dubitatione.
B quali

Heliodoro Larissio.

Cono è una luce, & splendore che esce dall'occhio.
Tiberio Impe.

Animali che di notte ueggono la luce

Angolo maggiore coprende maggiore parte della luce del Cono.

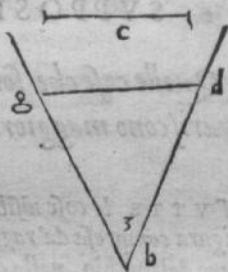
quali fanno molto bene che esso nelle diffinitioni dello x. l. libro della Geometria seppe mostrare qual fosse la differenza, che è fra la piramide, e'l Cono. Si che si può indubitatamente credere, che Euclide nella presente suppositione intendesse quello, che poi Heliodoro Larissio più apertamente esplicò in un discorso che fece sopra la prospettiva, dicendo che quando apriamo gl'occhi per mirare qualche cosa, noi non uediamo solamente la cosa intenta, ma molto maggiore spatio intorno à quella à guisa d'un cerchio, il quale uole che sia la basa del Cono la cui punta (come l'autore dice) viene à essere nel centro dell'occhio. Et si sforza il Larissio di mostrare che questo Cono è pieno d'una luce e splendore che dall'occhio uscendo va fino alla cosa ueduta, & di qui dice nascere che molti huomini si sono trouati (tra' quali fu Tiberio Imperatore) che hanno ueduto lune, ne' luoghi tenebrosi e senza aiuto di luce esteriore, come si vede accadere à molti animali, che di notte ueggono lume come di giorno. Ma essendo questo risplendente Cono pieno di raggi uisuali quando fissiamo le luci alla cosa, che nel mezzo della basa di detto Cono attentamente miriamo, si applicano detti raggi alla cosa ueduta, & ce la fanno scorgere distintamente. Et perciò quelle cose che sotto maggiori angoli sono uiste, si ueggono più distintamente, perche gl'angoli maggiori comprendono maggior parte della luce del Cono, che non fanno gl'angoli minori; Ne di qui segue, che lo spatio della basa del Cono si nezza tutto in un tratto, perche uolgendo gl'occhi per cercare l'Ago cascato in terra, & discorrendo diligentemente co i raggi uisuali sopra la basa del Cono difficilmente si ritroua, il che è manifesto inditio che non si ueda la basa del Cono tutta in un tratto. Et oltre che la sperienza ci mostra, che aprendo gl'occhi sempre uediamo uno spatio circolare attorno la cosa uista, che è la basa del Cono; questo ci viene anche accompagnato dalla ragione, perche essendo il cerchio più capace d'ogni altra figura di eguale circonferenza, sarà anche più capace la basa del Cono, che non sarà quella della piramide à con tenere in se qual si voglia figura uisibile. Senza che formandosi la punta del Cono nel centro dell'occhio, et uscendo lo splendore et i raggi uisuali per la pupilla che è rotonda uengono à pigliare forma di Cono, & nel medesimo modo si uanno stendendo fino alla cosa ueduta.

SUPPOSITIONE TERZA.

Quelle cose si ueggono, alle quali arriunono i raggi uisuali.

NON

NON PAR possibile, che si dia cosa nessuna in questo mondo, alla quale non possino arriuare i raggi uisuali. Perche non essendo il diametro dell'Orizzonte piu che. 250. miglia (come afferma Proclo Liceo) et stando l'occhio nostro sempre nel centro di esso Orizzote, la maggiore distanza che possa uedere, sarà di miglia. 125. alla quale senza alcun dubbio giugneranno sempre i raggi uisuali, poiche arriuano fino all'ottaua Sfera à uedere le Stelle fisse. Onde nasce adunque, che in terra molte cose (eziandio per non molta distanza lontane) non si ueggono? Si risponde che non basta, perche una cosa si possa uedere, che à quella giungano i raggi uisuali, ma bisogna, che u giungano per linea retta (come si afferma nella prima supposizione) perche se la cosa da uederli non sarà posta all'incontro dell'occhio nostro à retta linea, non si potrà uedere da' raggi uisuali, che sempre à retta linea sono portati. In oltre bisogna che detti raggi uisuali siano l'un dall'altro lontan per qualche spatio et interuallo; accio nel centro dell'occhio possino formare un angolo di tale grandezza, che per quello possa discernere le qualità della cosa ueduta. Come nelle due grandezze eguali. c. & g. d. si scorge, supponendo che l'angolo. b. sia il minore angolo, per il quale le dette grandezze si possono distintamente uedere, dal quale angolo giugneranno le linee uisuali alla grandezza. g. d. distinte, & lontane l'una dall'altra, le quali linee o raggi uisuali uolendo poi giugnere alla grandezza. c. piu lontana della. g. d. sarà forza che l'angolo. g. b. d. si diminuisca talmente, che l'occhio non possa comprendere sotto quel piccolo angolo (che in se contiene poca parte dello splendore, & luce del Cono) la grandezza. c. Et di qui nasce, che le cose picciole come si allontanano punto dall'occhio, non si ueggono, perche à quelle non possono peruenire i raggi uisuali, lontani, & distinti l'uno dall'altro sufficientemente. Onde diremo, che quelle cose si ueggono, alle quali arriuano i raggi uisuali per retta linea, & distinti, & lontani l'uno dall'altro di maniera che nel cetro dell'occhio formino un angolo, per il quale si possa comprendere la grandezza, & qualità della cosa ueduta.



Il diametro dell'Orizzonte è miglia 225.

Come si intende che i raggi uisuali giungano alla cosa ueduta.

SVPPOSITIONE QVARTA.

Quelle cose non si possono uedere, alle quali non arrivano i raggi uisuali.

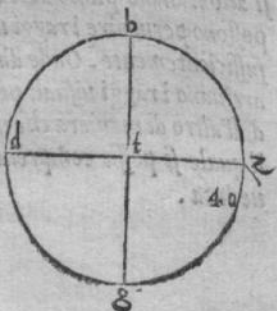
M. Egnat. QVSTA suppositione resta chiara per la superiore annotazione, perche se dal punto. B. (della figura di sopra.) hanno à uscire i raggi uisuali alla grandezza . C. formeranno un angolo tanto piccino (che comprendendo sì piccola parte della luce e splendore del Cono) non potrà l'occhio in esso angolo discernere le qualità della grandezza. C. Però diremo, che quelle cose non si possono uedere alle quali non arrivano i raggi uisuali per retta linea distanti, & lontani l'uno dall'altro, talmente che possino formare nell'occhio un angolo sufficientemente grande.

SVPPOSITIONE QVINTA.

Quelle cose che sotto maggiore angolo si ueggono, ci appariscono maggiori.

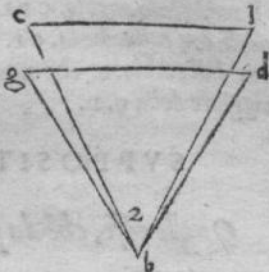
M. Egnat. T V T T E le cose uisibili si veggono sotto qualche angolo, poiche la figura compresa da' raggi uisuali è un Cono, che ha la punta sua nel centro dell'occhio, nella quale essi raggi uisuali formano diuersi angoli secondo la diuersità delle cose uedute. Ma acciò questa con le due suppositioni se questi sieno più chiaramente intese, è da sapere, che la grandezza degl'angoli, & la ragione, che è fra l'un angolo, & l'altro, si cauà dalla grandezza de' pezzi delle circonferenze, de' cerchi, che sono abbracciate da quelle linee, che formano gl'angoli. Perche al lo'ncontro di eguali parti delle circonferenze de' cerchi sono costituiti eguali angoli per la. 26. propositione del terzo libro degl'elemēti di Euclide. Onde essendo la circonferenza del cerchio. B D G Z. tagliata in quattro parti eguali dalli diametri. B G. & D Z. ueggiamo che all'incontro delle quattro par

Onde si cauà la ragione che è fra un angolo et l'altro.



ti,

ti eguali della circonferenza BD . DG . GZ . ZB . sono da' diametri con-
stituiti quattro angoli eguali, che sono li quattro angoli retti attorno
il centro. T . & in somma la ragione che haranno le parti della circon-
ferenza fra di loro, haranno ancora fra loro gl'angoli, che sono for-
mati adirimpetto delle dette parti della circonferenza del cerchio.
Hora, che quelle cose che sotto maggiore angolo si ueggono ci appari-
schino maggiori, si dichiara nella pre-
sente figura, oue sono poste due gran-
dezze eguali. CL . & GD . uedute sot-
to diuersi angoli delle quali l'una appa-
rirà maggiore dell'altra cio è la. GD .
apparirà maggiore della. CL . per-
che l'angolo sotto al quale si uede la.
 GD . che è. GBD . è maggiore dell'an-
golo sotto il quale si uede la. CL . più
lontana dall'occhio che la. CBL .



SVPPOSITIONE SESTA.

*Quelle cose che sotto minori angoli si ueggono ci appa-
riscono minori.*

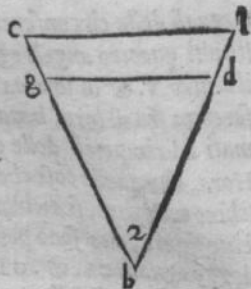
QUANTO in questa sesta supposizione dall'autore si afferma, re- M. Egnat.
sta chiaro con l'esempio della superiore figura. Perche la grandez-
za. CL . apparisce minore della. GD . con tutto che siano eguali essen-
do che la. CL . è più lontana dall'occhio che non è la. GD . & per con-
sequenza è uista sotto l'angolo. CBL . che è minore dell'angolo. GBD .
sotto il quale si uede la grandezza. GD .

SVPPOSITIONE SETTIMA.

*Quelle cose che sotto eguale angolo si ueggono ci ap-
pariscono eguali.*

PERCHE quanto l'angolo sarà maggiore, ò minore, tanto più ò me M. Egnat.
no, comprenderà dello splendore del Cono formato da' raggi uisuali,
onde

onde quelle cose, che saranno viste con eguale lume, e splendore, cio è sotto eguale angolo ci appariranno eguali, non ostante che l'una delle grandezze sia maggiore dell'altra come si uede delle grandezze. C L. & G D. che essendo viste sotto il medesimo angolo. C B L. appariscono eguali, con tutto che la. C L. (che è piu lontana dall'occhio. B. che non è la. G D) sia maggiore della G. D.

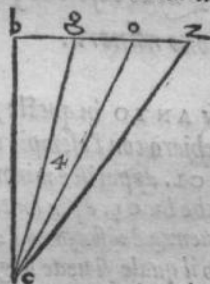


SVPPOSITIONE OTTAVA.

Quelle cose, che da piu alti raggi sono viste, piu alte ci appariscono.

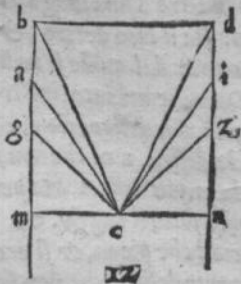
M. Egnat.

L'OCCHIO discerne la differenza dell'altezza delle cose, secondo la differenza dell'altezza de' raggi uisuali, come nella presente figura si scorge, oue sieno le tre altezze differenti. G. D. Z. nella linea. B Z. eleuata ad angoli retti sopra il piano. B C. dico, che l'altezza. Z. ci apparirà maggiore che la. D. & la. D. maggiore della. G. essendo che il raggio uisuale. C Z. che esce dall'occhio. C. è piu alto che non è il raggio. C D. & C D. parimente è piu alto che. C G. adunq; quelle cose che da piu alti raggi son viste, piu alte ci appariscono. Et di qui auuiene, che stando l'occhio nel mezzo della testa d'una loggia, & mirando l'altra testa, li parrà che la volta si abbassi, & che il pavimento si innalzi, à poco à poco quanto piu si allontana dall'occhio; di modo che le cose alte par che si abbassino, & le basse si innalzino per rispetto de' raggi uisuali, che percuotono nella loggia piu alti, ò piu bassi, come si uede in questa figura, nella quale l'occhio è nel punto. c. & la linea. M B. rappresenta il pavimento, & la. N D. la volta della loggia, nella quale giungendo i raggi uisuali. C Z. C I. C D. che escono dall'occhio. C. dico che quella parte della volta che è nel punto z. apparirà piu alta che quella del punto. i. & quella del punto. i. piu alta di quella della. d. essendo il raggio uisuale. C Z. piu alto del. C I. & il.



C I.

C. I. piu alto del. C. D. Onde il punto. D. apparirà piu basso del punto. N. il medesimo si dice del pavimento. M. B. che essendo uisto il punto. G. dal raggio. C. G. piu basso del raggio. C. A. apparirà piu basso, & la. A. vedendo si dal raggio. C. A. piu basso del raggio. C. B. apparirà piu bassa della. B. Onde il punto. B. apparirà piu alto del punto. A. & l' A. piu alto del. G. & il piu to. G. piu alto del punto. M. la onde quelle cose che sono uiste da' raggi piu alti, piu alte ci appariscono.



SVPPOSITIONE NONA.

Quelle cose che da' raggi piu bassi sono viste, piu basse ci appariscono.

NELLA figura precedente il raggio. C. G. essendo piu basso del M. Egnat, raggio. C. B. nel pavimento della loggia. M. B. & mostrandoci la speranza che il punto. B. ci apparisce essere piu alto, che non è il punto. G. (come di sopra si è detto) resterà chiaro, che quelle cose che si vedono da' raggi piu bassi ci appariscono piu basse. Il medesimo si scorge nella linea. N. D. figurata per la volta della loggia, nella quale il punto. D. apparisce piu basso, del punto. z. che è uisto con il raggio. C. D. piu basso del raggio. C. z. Auuertendo che l'altezza, & la bassezza de' raggi si piglia rispetto al pavimento, o all' Orizzonte (che uoliam dire). Onde il raggio. C. G. essendo piu uicino al pavimento. M. B. degl' altri due sarà ancho piu basso di nessuno di loro, come etiamdio C. D. che è piu uicino al pavimento degl' altri due superiori, & il piu basso. Dell' altezza si intende nel medesimo modo auuenga, che essendo il raggio. C. z. piu lontano dal pavimento degl' altri due superiori sarà anco piu alto, & il raggio. C. B. essendo piu lontano dal pavimento. M. B. sarà piu alto degl' altri due inferiori.

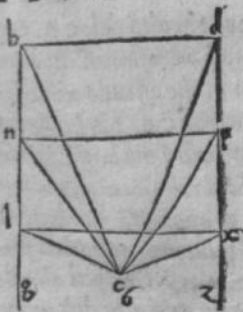
SVPPOSITIONE DECIMA.

Quelle cose che sono viste da' raggi, che piu piegono dalla mano destra, ci appariscono piu destri.

SVPP-

M. Egnat.

SUPPONGASI, che la linea. G.B. sia il lato sinistro d'una lunga strada, & che la. Z.D. sia il lato destro, & l'occhio stia nel punto. C. dal quale si uedino li punti. B. N. L. Dico che nel lato sinistro, il punto. B. apparirà piu destro, cio è, che pieghi piu verso la destra. Z.D. che non farà il punto. N. et la. N. piu della. L. Ma perche il punto. B. è uisto sotto il raggio. C.B. che è piu destro, cio è che piega, & si accosta piu alla. Z.D. parte destra, che non fa il raggio. C.N. & C.N. piu che non fa. C.L. seguirà che quelle cose, che sono uiste da' raggi piu destri, ci appariscino piu destre.



SUPPOSITIONE VNDECIMA.

Quelle cose, che sono viste da raggi che piu piegano alla sinistra, ci appariscono piu sinistri.

M. Egnat.

DELLI punti. Z. X. P. D. posti nella parte destra della superiore figura il D. par che declini piu verso la sinistra parte, che non fa il punto P. & il P. piu dell' X. & l' X. piu del Z. ma essendo che il punto D. è visto con il raggio. C.D. che piu piega verso la sinistra, che non fa il raggio. C.P. & il raggio. C.P. piu del. C.X. resterà chiaro, che quelle cose, che sono viste da raggi che piu piegano verso la sinistra, ci appariscono piu sinistre.

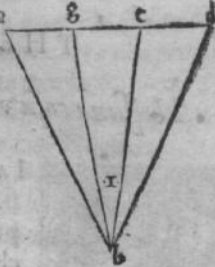
SUPPOSITIONE DVODECIMA.

Quelle cose che si vedono sotto piu angoli, si vedono piu distintamente.

M. Egnat.

LA verità della presente suppositione, cosi si manifesta, supponendo che nella presente figura l'occhio sia nel punto. B. & la cosa veduta sia la. A.D. la quale essendo vista sotto li tre angoli. A.B.G. G.B.C. & C.B.D. dico che sarà vista piu distintamente che non si vedria solamente sotto l'angolo. A.B.D. percioche vedendosi sotto vn angolo solo, li raggi visuali. A.B. & B.D. cascheranno solamente sopra li due punti.

punti. A. et D. Ma vedendosi sotto li tre angoli predetti, li raggi visuali cascherano negli punti. A. G. C. D. & cosi la grandezza. A. D. essendo vista sotto piu angoli sarà vista piu distintamente, vedendosi le tre parti A. G. C. C. & C. D. della, A. D. distinte all'incontro de suoi angoli, il che non faria essendo vista solamente sotto l'angolo. A. B. D. Ma quelli che dicono, quelle cose vederse piu distintamente, che si vedono sotto piu angoli non attualmente ma in potenza, dicendo, che l'angolo. A. B. D. si puo diuidere in piu angoli che l'angolo. G. B. C. non so come si possino suggire di non confondere questa suppositione con la quinta precedente. Senza che l'autore haria saputo molto ben' dire nella quinta suppositione, che quelle cose, che si vedono sotto maggiore angolo, ci appariscono maggiori, & in oltre si vedono piu distintamente, senza hauere di nuouo superfluamente à ritrattare la medesima quinta suppositione qui nell'ultimo luogo, et poi l'Autore apertamente se ne serue a questo senso nel 2. Theorema.



Il Fine delle Suppositioni.

C

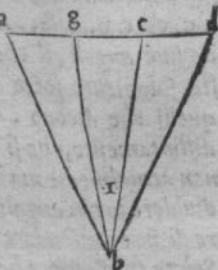


THEOREMA PRIMO.

Nessuna cosa visibile si vede tutta in vn tratto.



IA LA cosa da ueder
fi. a d. & l'occhio sia il
punto b., dal quale es-
chino i raggi. b a. b g.
b c. b d., Et perche i
raggi che escono dal
l'occhio sono talmen-



te portati (p la prima Suppositione) che
l'vno, dall'altro per qualche determina-
to interuallo sono lontan. Onde non per-
cuoteranno nella quantità a d. continuamente, essendo qual-
che spatio, & interuallo nella quantità a d., nel quale non ca-
scano i raggi uisuali. Per il che lo spatio a d. non si uede tutto in
vn tratto, & se bene par che si vegga, questo auuiente per la ve-
locità de' raggi uisuali che sopra quello scorrono.

A N N O T A Z I O N E.

M. Egnat.

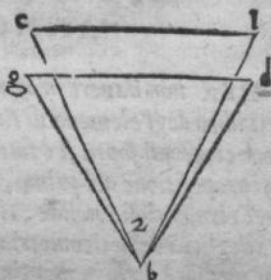
THEOREMA appresso i matematici è vna proposta, nella qua-
le si dimostra se le cose già costituite, & fatte stanno in verità come
ci sono proposte, & è tal voce hoggi fatta nostra, tolta interamente
dalla Greca *ἐπιχειρημα*, & viene nella nostra lingua detta speculatione,
perciocché ci propone a speculare, & disputare le cose, che ella contie-
ne. Et ogni Theorema, come anco ogni Problema, che sia perfetta-
mente composto delle sue conuenevoli parti contiene le infra scritte
cose. Prima la Propositione, nella quale è il Dato (cio è il sopposto)
& il quesito, Secondo è la esplicatione del Dato, Terzo quella del que-
sito. Quarto è la Delineatione della figura. Quinto la Dimostrazione. Se-
sto, & vltimo ha la conclusione del tutto. Imperciocché nella proposi-
tione ci si propone quel che cerchiamo della cosa proposta. Onde la per-
fetta propositione ha il Dato, & il Quesito, se bene alcune ne sono, che
mancano, o dell'vno, o dell'altro. La esplicatione considera il Dato,
separatamente, & viene aprendo la strada al Quesito. Il Quesito ci
mostra quel, che cerchiamo dalla cosa proposta. Ma la Delineatione
aggiugne quelle cose, che s'appartengono alla cognitione del quesito
Et la dimostrazione hauendo prese alcune cose già concesse, o dimostra-
te,

te conferma esser vero quel tanto, che nella cosa proposta si dimanda. Finalmente fatta la dimostrazione, la conclusione ritorna alla proposizione, & che ella sia dimostrata, & confermata conclude. Ma delle parti sopradette, si ritroueranno sempre necessariamente in qual si voglia Theorema, o Problema queste tre, cio è la proposizione, la dimostrazione & la conclusione, ma l'altre tre se bene per il piu visi trouano alle volte non di meno vi mancano come interuiene nelle propositioni Aritmetici, & in alcune del decimo libro di Euclide.

T H O R E M A S E C O N D O.

Delle grandezze eguali, la piu vicina all'occhio piu distintamente si vede.

SIA l'occhio il punto. b. & le cose da vederfi siano. c. l. g. d. le quali si presuppongono fra di loro eguali, & parallele, & sia la grandezza. g. d. piu vicina all'occhio che non c. l. vscendo dall'occhio. b. i raggi visuali. b. c. b. l. b. g. b. d. non diremo mai, che sia possibile, che i raggi ch'escano dall'occhio. b. & vanno al punto. c. & al punto l. passino per il punto g. & d. per il che se cosi fosse seguirebbe che l. c. l. lato del triangolo. c. b. l. forse maggiore del lato. g. d. del triangolo g. b. d. ma la. c. l. s'è posta eguale alla. g. d. adunq; g. d. è vista da piu raggi visuali, che non è vista la. c. l. per il che la grandezza. g. d. piu distintamente si vede che non fa la. c. l. †



A N N O T A T I O N E.

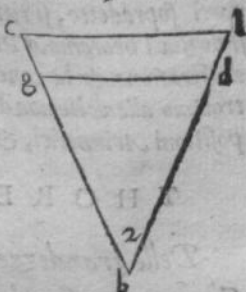
† Per la. 1. 2.
Supp.

QVI si vede che l'autore nell'ultima Suppositione voleua dire, che ^{M. Egnat.} quelle grandezze si veggono piu distintamente, che son viste da piu raggi visuali, attualmente, come qui accade, che la. g. d. è vista da quatro raggi visuali, & la. c. l. solamente da due c. b. & l. b. come si è annotato di sopra.

A N N O T A T I O N E.

ET CHE sia necessario che'l lato. c. l. sia maggiore del lato.
C 2 gd.

g d. tutte le uolte che i raggi uisuali. b c. & b l. passerāno p i pū ti. g. & d. si dimostrerà in questa maniera. Sia adunque come nel presente triangolo si uede, che nelle due rette parallele. c l. & g d. caschino le due linee rette. b c. & b l. seguirà che essendo li due angoli. b c l. & b l c. eguali alli due. b g d. & b d g (per la. 29. del primo) saranno li due triangoli. b c l. & b g d. equiangoli, adunq; (per la quarta del sesto) la ragione che haurà. b c. alla. c l. harà anco. b g. alla. g d. & scambievolmente come si harà. b c. à b g. così si harà. c l. alla. g d. (per la. 16. del quinto) ma. b c. è maggiore di. b g. adunq; . c l. sarà maggiore che non è. g d.



ANNOTATIONE.

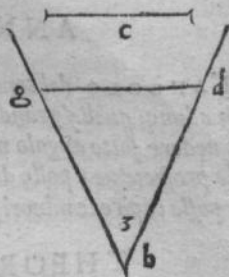
M. Egnat. PER non hauere in ogni propositione a replicare superflua-
mente il libro degl'elementi di Euclide, si porrà solo il libro, & la propo-
sitione come qui sopra si è fatto però quādo si dirà (verbigratia) per la
29. propositione del primo, intendesi che voglia dire del primo libro
degli elementi di Euclide. Il simile si dice di ciascuno altro libro, che
si allegherà della Geometria di Euclide. Et le ANNOTATIONI
oue non sarà posto in margine il nome del traduttore, si intenderanno
sempre essere di Euclide stesso, ò di Teone ritrouandosi in tutti gl' esem-
plari Greci che alle mie mani son peruenuti, le quali l' autore ha poste
da se separate dal comento delle propositioni per non confondere le di-
mostrazioni de' Teoremi.

THEOREMA TERZO.

*Ciascuna cosa uisibile ha una determinata lunghezza
d'intervallo, il quale finito, non si può piu uedere.*

SI A l'occhio nel punto. b. & la cosa da uederfi sia. g d. di-
co, che la. g d. si potrà mettere in tal distanza lontana dall'oc-
chio. b. che da esso non si potrà piu uedere. Sia adunq; la. g d.
nell'intervallo ch'è fra' raggi. b g. & b d. sopra la quale sia la
c. seguirà che nessun raggio, che si parta dal. b. punto dell'oc-
chio giunga alla. c. ma quella cosa oue non giungano i raggi
uisuali

visuali nō si puo vedere (per la quarta suppositione) adūq; ciascuna cosa visibile ha vna determinata distanza, la quale passata non si puo piu vedere. mafsimamente essendo necessario, che fra la cosa visibile, & l'occhio sia qualche interuallo, perche altrimenti non si potrebbe vedere.



A N N O T A T I O N E.

POTREBBE forse alcuno opporre, che non solamente i raggi visuali. b g, & b d, uadino alla grandezza. g d. ma siano molti piu raggi che fra i punti. g. & d. vanno alla. g d. adunque alla detta grandezza. g d. (essendo rimossa assai piu lontano dall'occhio che ella non è) se bene non giungono i raggi. b g. & b d. vi giugneranno nondimeno i raggi intermedij. Alla quale difficoltà in questa maniera risponderemo. Se bene la grandezza. g d. sia tanto rimossa dall'occhio che non vi giughino i raggi. b g. & b d. ma i raggi intermedij solamente si potrà nondimeno discostar tanto dall'occhio, che non vi giugneranno manco i raggi intermedij in modo alcuno

Un'altra differente dimostratione del medesimo terzo Theorema.

SIA L'OCCHIO nel punto. b. & la cosa da uederfi sia la. g d. la quale sia uista sotto il minore angolo. g b d. che si possa uedere, dico che la grandezza. g d. scostandosi piu dall'occhio non si potrà uedere. ma dato che si scosti piu dall'occhio, & uadia nel punto. c. sarà uista senza dubbio con manco raggi visuali, che prima non si uedeua, magia si uedeua sotto i meno raggi, che possibil sia uederfi, perche l'angolo. g b d. è il minore angolo, adunq; farebbe possibile trouare un angolo minore del minore; il che non si concede.

A N N O.

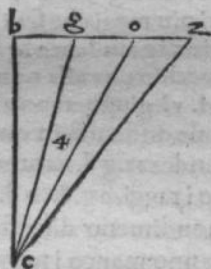
ANNOTATIONE.

L'ANGOLO del contatto è indivisibile, per la. IG. del terzo li bro; adunq; quella grandezza, che si uede sotto questo angolo non si può uedere sotto angolo minore. Di qui ancora procede che il punto nelle prospettive è posto determinatamente tanto lontano dall'occhio, che possa capire le minori grandezze, che in essa si hanno à uedere.

THEOREMA QVARTO.

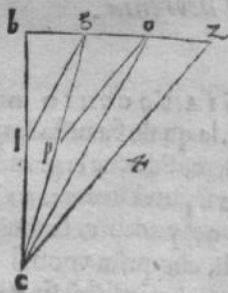
Se faranno eguali interualli sopra la medesima retta linea, quello che piu da lontano sarà visto, apparirà minore.

SIANO adunque eguali interualli. b.g. g.o. d.z. & l'occhio sia nel punto. c. dal quale eschino i raggi visuali. c.b. c.g. c.o. c.z. & sia la c.b. ad angoli retti con la b.z. Et pche nel triângolo rettangolo. c.b.z. sono eguali. b.g. g.o. o.z. farà maggiore l'angolo b.c.g. del l'angolo g.c.o. & l'angolo g.c.o. del l'angolo o.c.z. adunq; l'interuallo. b.g. apparirà maggiore dell'interuallo. g.o. & g.o. maggiore di. o.z.



ANNOTATIONE.

STA IL triangolo. c.b.z. del quale l'angolo. b. sia retto, & siano fra loro eguali gli spazij. b.g. g.o. o.z. & tirisi la. g.c. &. o.c. dico che l'angolo. b.c.g. è maggiore dell'angolo. g.c.o. & l'angolo. g.c.o. è maggiore del angolo. o.c.z. Dal punto. g. tirisi una linea retta che sia parallela alla. o.c. per la. 31. del primo la ragione adunq; che ha. o.g. à. g.b. haurà anche la. c.l. alla. l.b. (per la. 5da del sexto) ma. o.g. è eguale. a. g.b. adunque. c.l. farà eguale. a. l.b. & perche l'an-



l'angolo. b. è retto, la linea. l g. farà maggiore della. l b. (per la 19. del primo) ma la. l b. è eguale alla l c. adunque l g farà maggiore di l c. per il che l'angolo l c g farà maggiore dell'angolo l g c. (per la 18. del primo) ma all'angolo l g c. è eguale l'angolo. c g o. (per la 29. del primo) essendo angoli alterni adunque l'angolo l c g. è maggiore dell'angolo g c o. Tirisi ancora dal punto o la linea retta. o p. parallela alla. z c. la quale sarà maggiore della. p c. per il che l'angolo. p c o. farà maggiore dell'angolo. p o c. & l'angolo p o c. essendo eguale all'angolo o c z (per la 29. del primo) seguirà che l'angolo. p c o. sia maggiore dell'angolo. o c z.

† per la seconda del sesto, & la 19. del primo come di sopra si è dimostrato.

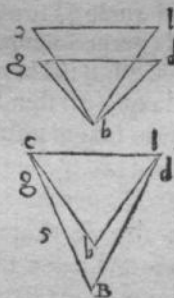
THEOREMA QUINTO.

Le grandezze eguali, che inegualmente sono lontane dall'occhio, appariscono ineguali, & quella grandezza sempre apparisce maggiore, ch'è più vicina all'occhio.

Si A la grandezza. g d. eguale alla c l. e l'occhio sia il punto. b. dal quale eschino i raggi visuali. b d. b l. b g. b c. & vedendosi la grandezza. g d. sotto maggior angolo che la. c l. apparirà anche maggiore la. g d. che la già detta. c l. per la quinta supposizione.

ANNOTATIONE.

LA grandezza. g d. sotto maggior angolo si uede che la. c l. perciò che se la grandezza. g d. & c l. faranno talmente l'una con l'altra congiunte, che il punto. c. caschi sopra il punto. g. & l. sopra il punto. d. seguirà che essendo la. b c. & b l. maggiori della. b g. & b d. che il triangolo. b g d. cascherà dentro al triangolo. b c l. onde i lati. b g. & b d. conterranno l'angolo. g. b. d. maggiore dell'angolo. b l. per la. 21. del primo.



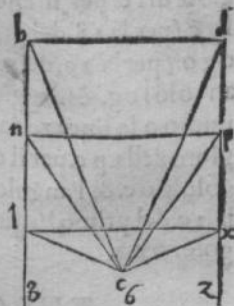
THEOREMA SESTO.

Gli intervalli paralleli, che da lontano son visti, appariscono

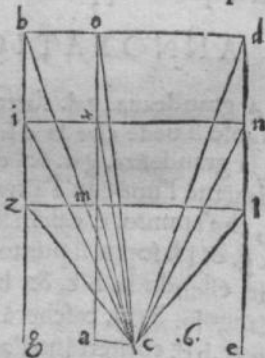
rifcono d'ineguale larghezza.

Quato nella sup
positione 10. &
11. s'è detto si
puote applicare a
questo Theore-
ma.

Si A la. b. g. parallela alla. d. z. & l'occhio sia nel punto. c. dico che le due grā dezze. b. g. & d. z. con tutto che fra di loro siano equidistanti, appariscono non dimeno l'una dall'altra inegualmente lontane, & l'interuallo piu vicino apparisce sempre maggiore del piu lontano. Eschino dal punto. c. i raggi uisuali. c. x. c. p. c. d. & c. b. c. n. c. l. & congiughin si le linee rette. x. l. p. n. & b. d. Et per che l'angolo. x. c. l. è maggiore dell'angolo. p. c. n. la linea. x. l. apparirà maggiore della. p. n. (per la quinta suppositione) & per la medesima ragione la retta linea. p. n. apparirà maggiore della. b. d. Detti interualli adunq; non appariscono paralleli anzi pare, che sempre si uadino restringendo, & fra lor sieno inegualmente lontani. In questo modo si dimostra quanto fin qui s'è detto, tutte le uolte che l'occhio è nel medesimo piano, che l'interuallo ueduto, il quale se non farà nel medesimo piano si pro uerà nel modo che segue.



Si A adunq; l'occhio nel punto. c. & sia piu alto che'l piano, nel quale è l'interuallo, & dal punto. c. fino al detto piano si tiri la perpendicolare. c. a. & dalla .a. alla. z. l. si tiri la perpendicolare .a. m. la quale si stenda uerso la. o. & caschino i raggi uisuali. c. z. c. i. c. b. c. d. c. n. c. l. & si congiunghino. c. m. c. x. c. o. Et perche dal punto. c. posto in alto s'è tirata fino al punto .m. la retta linea. c. m. sarà perpendicolare la linea retta. c. m. sopra la. z. l. & nel medesimo modo la. c. x. sarà sopra la. i. n. & c. o. sopra la. b. d. Per il che sono triangoli rettàngoli. c. m. l. c. x. n. & c. o. d. ma. x. n.



† Si dimostra nel
la amotatione.

† Cio si è proua-
to nella amota-
tione del quinto
Theorema.

è eguale alla. m. l. onde. m. n. sarà parallelogramo, & l'una, & l'altra cio è. c. x. & c. n. sarà † maggiore di. c. m. & c. l. adunque maggiore è l'angolo. m. c. l. dell'angolo. x. c. n. † per il che tutte la. z. l. apparirà maggiore di tutta la. i. n. & per la medesima ragione,

gione, tutta la. i n. apparirà maggiore della. b d. Per il che le due grandezze. b g. &. d c. con tutto che siano equidistanti appaiono esser l'una dall'altra inegualmente lontane.

ANNOTATIONE.

LA SECONDA parte della dimostrazione di questo quinto Theorema, per dimostrarsi con linee parte descritte nel piano, et parte in aria, sarà utile per maggiore intelligenza, di fare detta dimostrazione con fili di ferro, o altre simili cose con le quali si possono fare stare in aria dette linee, & si possono uedere quegli angoli precisamente come stanno, il che non si può così esattamente fare con linee descritte sopra il piano. Et il medesimo si dice quasi di tutte le proposizioni, che seguono dalla. 33. fino all'ultimo del libro.

M. Egnat.

ANNOTATIONE.

CHE la. c m. sia perpendicolare alla. z l. si può dimostrare in questa maniera. Essendo tirata la perpendicolare. c a. dall'occhio. c. posto in alto, fino al punto. a. nel sottoposto piano, fa angoli retti con tutte le linee del piano, che la toccano, & perche la. m a. si è tirata à piombo sopra la. z l. la. c a. farà un angolo retto con la. a m. Tirisi in oltre una linea dall'. a. all'. l. è sia. a l. farà con l'. a c. la detta. a. l. un angolo retto Ma essendo il triangolo. c a m. rettangolo, che ha l'angolo. a. retto Seguirà, che'l quadrato della. c m. posta all'incontro dell'angolo retto. a. sia eguale al quadrato della. c a. &. a m. † In oltre perche il triangolo. a. m. l. è rettangolo, che ha l'angolo. m. retto ne segue che'l quadrato. a l. è eguale alli quadrati della. a m. & della. m l. Et il quadrato, che si fa dalla. c l. † è eguale alli quadrati della. c a. a m. &. m l. † Ma i quadrati che si fanno dalla. c a. &. a m. sono eguali al quadrato della. c m. essendo il triangolo. c a m. rettangolo, che ha l'angolo. a. retto, per il che il quadrato della. c l. farà eguale al quadrato della. c m. &. m l. onde (per la 48 del primo) l'angolo. c m l. farà retto, che è quanto si douea prouare.

† per la. 47. del primo.

† per la 47. del primo.

† Perche. c. è opposta all'angolo. c a l. retto, & la. a l. contiene la. a m. c l. m l.

VN'ALTRA ANNOTATIONE.

CHE l'angolo. m c l. sia maggiore dell'angolo. x c n. così
D chiara-

chiaramente si dimostra; conciosia cosa che'l triangolo c.a.m. sia rettangolo, hauendo l'angolo. a. retto. seguirà che l'angolo. c.

† per la 17. del primo auuenga che due angoli di ogni triangolo sono minori di due retti.

m a. sia acuto † per il che c m x. sarà ottuso, adunq; il lato. c x. del triangolo. c x m. che è all'incontro dell'angolo. m. ottuso, sarà maggiore del lato. c m. Ma perche i triangoli. c x n. & c m l. sono rettangoli hauendo gl'angoli. x. & m. retti; il quadrato che si fa dalla. c n. sarà eguale à i quadrati della. c x. & x n. per la. 47. del primo, & per la medesima ragione il quadrato della. c l. sarà eguale a i quadrati della. c m. & m l. Ma i quadrati che si fanno dalla. c x. & x n. sono maggiori de' quadrati della. c

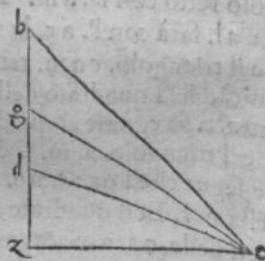
† per la 24. del primo libro.

m, & m l. perche il lato. x n. è eguale al lato. m l. † essendoli opposto nel parallelo gramo. m n. & la linea. c x. è maggiore della. c m. per il che il quadrato che si fa dalla. c n. è maggiore del quadrato della. c l. onde la. c n. sarà maggiore della. c l. ma essendoli mostrata la. c x. maggiore della. c m. & la. x n. eguale alla. m l. Se adunq; applicheremo la. m l. alla. x n. talmente che gli estremi loro conuenghino per l'appunto, cascherà il triangolo rettangolo. c m l. dentro al triangolo rettangolo. c x n. adunq; , per la. 21. del primo, l'angolo. m c l. sarà maggiore dell'angolo. x c n. che è quanto doueuamo dimostrare.

THEOREMA SETTIMO.

Le grandezze eguali, che nel la medesima retta linea son poste lontane l'una dall'altra, appariscono ineguali.

SI ENO le grandezze eguali. b g. & d z. & l'occhio sia il punto. c. dal quale elchino i raggi. c b. c g. c d. c z. & l'angolo. b z c. sia retto, dal che seguirà, che l'angolo. z c d. sarà maggiore, che l'angolo. g c b. onde la grandezza. d z. apparirà maggiore della. b g. , per la quinta suppositione adunque la. b g. & d z. grandezze eguali appariscono ineguali.



ANNOTATIONE.

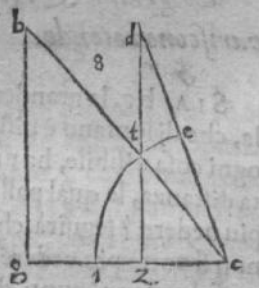
M. Egnat. CHE l'angolo. b c g. sia minore dell'angolo. d c z. si dimostra così.

così. Perche l'angolo. CDG . è maggiore dell'angolo. CZD . (per la 32. del primo essendo l'angolo esteriore del triangolo eguale a i due opposti interiori) & l'angolo. CGD . è maggiore dell'angolo. CDZ . essendoli opposto il lato. CD . che è maggiore del lato. CZ . per la 19. del primo; essendo adunque li due angoli. CDO . & CGD . maggiori delli due angoli. CDZ . & CZD . seguirà che l'angolo. DCZ . sia maggiore dell'angolo. GCD . per la 32. del primo (essendo li tre angoli del triangolo eguali a due retti) Hora nel medesimo modo si prouerà, che li due angoli. CBG . & CGB . sieno maggiori del li due. CGD . & CDG . onde l'angolo. BCG . sarà minore dell'angolo. GCD . per la 32. del primo; il quale essendosi dimostrato minore dell'angolo. DCZ . molto piu l'angolo. BCG . sarà minore dell'angolo. DCZ . che è quanto si è proposto di prouare.

THEOREMA OTTAVO.

Le grandezze eguali, che inegualmente sono lontane dall'occhio, non offeruano la medesima ragione negli angoli, che nelle distantie.

LA grandezza. bg . sia eguale, & parallela alla grandezza. dz . & l'occhio sia nel puto. c . dal quale eschino i raggi. cg . ctb . & cz . ced . & il raggio. cg . caschi ad angoli retti sopra la bg . dico, che non apparirà la medesima proportion fra le grãdezze. bg . & dz . che apparisce fra gl'intualli. gc . & zc . & pchel'angolo. dzc . è retto l'angolo. ztc . sarà acuto (per la 17.



del primo) adunq; la tc . sarà maggiore della. zc . (p la 19. del primo) onde se col centro. c . & l'intuallo. ct . si descriuerrà vn cerchio, cascherà fuori della. cz . cio è la. cz . sarà minore del mezzo diametro del detto cerchio. Sia descritto adunq; il pezzo di cerchio. et . & perche il triangolo. dte . ha maggiore ragione al pezzo di cerchio. et . che non ha il triangolo. ztc . al pezzo di cerchio. it . & t . scambievolmente (per la 16. del quinto) il triangolo. tde . harà maggior ragione al triangolo. ztc . che non ha

† per Pottana
differenza del
quinto libro.

D 2. rà il

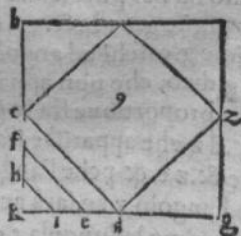
rà il pezzo di cerchio. e t c. all'altro pezzo. i t c. adunq; per la composta ragione (della. 18 del quinto) il triangolo. z d c. ha maggior ragione, al triangolo. z t c. che non ha il pezzo di cerchio. i e c. al pezzo. i t c. ma come se ha il triangolo. z d c. al triangolo. z t c. così se ha la. d z. alla. t z. (per la prima del sesto) & come se ha il pezzo di cerchio. i e c. all'altro pezzo. i t c. così se ha l'angolo. d c z. all'angolo. t c z. p il corelario della. 33 del sesto adunq; .d z. à. t z. ha maggior ragione, che non ha l'angolo. e c z. all'angolo. t c z. & come se ha. d z. alla. t z. così se ha. g c. alla. z c. adunq; .c g. alla. c z. ha maggiore ragione, che non ha l'angolo. e c z. all'angolo. t c z. Ma sotto l'angolo. e c z. si uede la grãdezza. d z. & dall'angolo. b c g. si uede la grandezza. b g. adunq; le grandezze non si uedono nella medesima ragione, che gli interualli, anzi è maggiore la ragione del maggiore interuallo al minore, che nō è quella del maggiore angolo sotto il quale si uede la grãdezza piu uicina al minore angolo, sotto il quale si uede la grandezza piu lontana.

THEOREMA NONO.

Le grandezze rettangolo, che di lontano sono uiste, appariscono rotonde.

† p il terzo libro
venga.

SI A. b g. la grandezza rettangolo, che di lontano è uista, & perche ogni cosa uisibile, ha una determinata distanza, la qual passata nō si può piu uedere. † seguirà, che l'angolo. g. non si potrà piu vedere ma si uedran no solamente i punti. d. & z. Il medesimo auerra a ciascuno degl'altri angoli, onde tutta la figura rettangolo apparirà rotonda.



ANNOTATIONE.

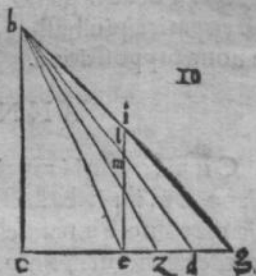
L'ANGOLO .g. non si uedrà, perche la larghezza delle figure rettangolo, è minore appresso gl'angoli, che nō è altroue, onde le parti che sono uicine agl'angoli, spariranno prima dalla vista

vista che non faranno le parti che sono attorno il mezzo della figura.

THEOREMA DECIMO.

Le parti piu lontane delle superficie piane, che sono inferiori all'occhio, appariscono piu alte.

STA l'occhio il punto. *b* piu alto del piano. *c g.* & dall'occhio. *b.* echino i raggi. *b c. b e. b z. b d. b g.* de' quali *la. b c.* sia perpendicolare sopra *la. c g.* che è il piano sottoposto all'occhio, dico che *la. g d.* piano apparisce piu alto della. *d z e.* perche i raggi. *b g.* & *b d.* sotto i quali si uede *g d.* piano sono piu alti, che li raggi. *b z.* & *b e* sotto i quali si uede il piano. *e z.* Apparisce adunq; piu alto il piano. *g d.* che'l piano. *z e.* & per la medesima ragione il. *z e.* apparirà piu alto del piano. *e c.* auenga che, quelle cose, che son uiste con raggi piu alti, appariscono ancho piu alte, per l'ottaua suppositione.



ANNOTATIONE.

CHE i raggi. *b g.* & *b d.* sieno piu alti de' raggi. *b z.* & *b e.* cosi si manifesta. Tirisi la linea, *i e.* che sia a piombo sopra *la. c g.* dico che'l punto. *i.* è piu alto del punto. *l.* & il punto. *l.* piu alto del punto. *m.* Ma il raggio. *b g.* passa per il punto. *i.* & il raggio. *b d.* per il punto. *l.* & il raggio. *b z.* per il punto. *m.* ad u q; il raggio. *b g.* è piu alto del raggio. *b d.* & il. *b d.* del. *b z.* & il. *b z.* del. *b e.* onde i raggi. *b g.* & *b d.* sono piu alti che non sono i raggi. *b z.* & *b e.*

THEOREMA VNDECIMO.

Le parti piu lontane delle superficie piane, che sono superiori all'occhio, appariscono piu basse.

SIA

nteriore, par che le destre declinino verso la sinistra, & le sinistre uerso la destra.

ANNOTATIONE.

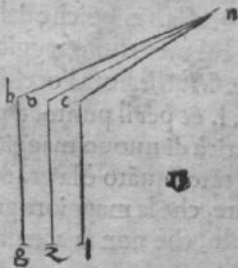
ET CHE apparischi che la. d. pieghi piu uerso la sinistra, che non fa la. i. & la. i. piu della. z. & che la. b. declini piu alla destra, che non fa la. a. & la. a. piu della. g. in questa maniera si dimostra. Sia la linea retta, c n. posta ad angoli retti con la. d n. & la retta, c m. stia ad angoli retti con la. b m. Di tutti i raggi, che uscendo dall'occhio uanno alla d n. il piu corto sarà il. c n. raggio perpendicolare. † Per il che piu d'ogn'altro, il punto. n. si uolge alla destra, & il raggio. c n. declina piu alla destra, che non fa il. c z. & il. c i. piu che'l. c d. Hor perche il. c z. è piu uicino al. c n. che non è il raggio. c d. adunq; apparirà, che il raggio. c d. piu declini alla sinistra, che il raggio. c i. & il raggio. c i. piu che'l raggio. c z. Onde apparisce che la. d. si pieghi piu alla sinistra, che non fa l'. i. & l'. i. piu che la. z. Nò altrimenti mostreremo che anchora la. b. declina piu alla destra, che non fa l'. a. & l'. a. piu della. g.

† Per la 19. del primo, perche il lato. c z. essendo all'incontro dell'angolo retto sarà maggiore di c n. & il simile si dirà degl'altri. c i. & c d.

THEOREMA TERZODECIMO.

Delle grandezze eguali, che sono inferiori all'occhio, quelle, che da esso sono piu lontane, appariscono piu alte.

SI ANO le grandezze eguali. b g. d z. c l. poste piu basse dell'occhio, il quale sia nel pñto. n. & da esso eschi no i raggi. n b. n d. n c. de' quali il piu alto è il raggio. n b. onde il punto. b. apparirà piu alto, che'l punto. d. † & il. d. piu del punto. c. Adunq; b g. apparisce piu alta, che non fa. d z. & d z. piu di. c l. Si che delle grandezze eguali, che sono inferiori all'occhio, quelle, che da esso sono piu lontane, appariscono piu alte.



† Per la 8. suppositione.

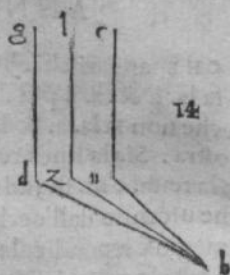
THEOREMA QVARTODECIMO.

Delle grandezze eguali, che sono più alte dell'occhio, quelle,

quelle, che sono piu lontane, appariscono piu basse.

SI ENO le grandezze eguali. c. n. l. z. g. d. poste piu alte, che non è l'occhio. b. dal quale eschino i raggi. b. n. b. z. b. d. Piu basso di ciascun altro farà il raggio. b. d. per il che, & il punto. d. farà piu basso degli altri. † On de. g. d. apparirà piu bassa di. l. z. & per la medesima ragione. l. z. apparirà piu bassa di. c. n.

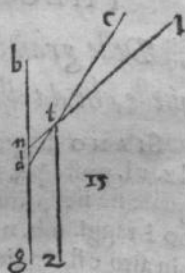
† Per la 9. sup-
posizione.



THEOREMA QVINTODECIMO.

Quelle grandezze inferiori all'occhio, delle quali l'una eccede l'altra, quando l'occhio à quelle si accosterà, l'eccesso, con che la maggiore eccede la minore, apparirà maggiore; & discostandosi apparirà minore.

SIA la. b g. maggiore di. t z. & pongasi l'occhio nel punto. c. piu alto della. b g. & t z. & per il punto. t. passi il raggio. c d. apparirà, che la. b g. ecceda la. t z. di tutta la grandezza. d b. peroche apparisce eguale la. d g. alla. t z. poiche dal medesimo occhio. c. & col medesimo raggio uisuale. c d. sono uiste. Mutisi hora l'occhio. c. & uadia al punto. l. & per il punto. t. passi il raggio. l. n. apparirà di nuouo maggiore la. b g. che la. t z. di tâto, quâto è la grâdezza. n b. Discostâdosi adunq; l'occhio pare, che la maggiore grandezza ecceda la minore di minore eccesso, che non fa accostandouisi.

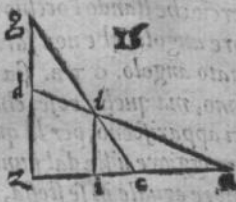


THEOREMA SESTODECIMO.

Quelle grandezze superiori all'occhio, delle quali l'una eccede l'altra, quando l'occhio à quelle si accosta, l'eccesso

cesso, con che la maggiore eccede la minore, apparisce minore, & discostandosi, maggiore.

Si A la grandezza. b z. maggiore della. t i. & dall'occhio. c. (posto in luogo inferiore) eschi il raggio. c g. & passi per il punto. t. apparirà, che la grandezza. b z. ecceda la. t i. di tanta quantità quanta è la. b g. Mutisi hora l'occhio. c. & uadia al punto. n. & eschi il raggio. n d. passando per il punto. t. apparirà di nuouo, che la grandezza. b z. ecceda la. t i. di tutta la. b d. Onde accostandosi l'occhio apparirà, che la maggior grandezza ecceda la minore di minore eccesso, che non fa discostandosi.



THEOREMA, DECIMOSETTIMO.

In quelle grandezze, delle quali l'una eccede l'altra, cadendo il raggio dell'occhio ad angoli retti sopra la sommità della minore, apparirà sempre, che la maggiore ecceda la minore di eguale eccesso tanto nell'accostarfi, come nel discostarsi dell'occhio.

Ecceda adunq. b d. la. t i. quanto è la grandezza. b g. & congiugnendo. g t. stendisi fino alla. z. nel qual punto sia l'occhio. Adunq. il raggio, che dalla. z. esce, caminerà per la linea retta. z g. Mutisi hor l'occhio, & uadia al punto. c. seguirà per la medesima ragione, che il raggio uadia sopra la linea retta. c g. Per il che, discostati l'occhio, o si accosti, sempre la. b d. maggior grandezza eccederà la minore. t i. del medesimo eccesso. b g.



ANNOTATIONE.

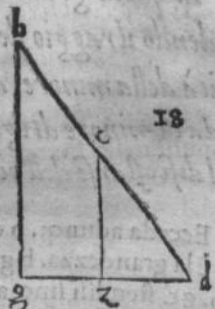
M. Egnat. **CON** tutto, che la maggiore grandezza $a.b.d.$, ecceda sempre la minore. $t.i.$ di eguale eccesso, tanto accostandosi l'occhio a quelle, come anco discostandosi, non dimeno apparirà sempre detto eccesso di eguale grandezza, secondo che l'occhio più, o meno se gli accosterà. Percioche stando l'occhio nel punto. $t.$ uedrà l'eccesso. $g.b.$ sotto maggiore angolo, che non sarà stando nel punto. $c.$ auuenga, che lo immaginato angolo. $g.t.b.$ sia maggiore dell'angolo. $g.c.b.$ per la 21. del primo, ma quelle cose, che si ueggono sotto maggiore angolo, maggiori ci appariscono, per la quinta suppositione, adunq; la. $g.b.$ apparirà maggiore vista dal punto. $t.$ che non sarà dal punto. $c.$ benché sia sempre eguale in se stessa, & la medesima.

THEOREMA DECIMOTTAVO.

Si può conoscere quanta sia, la proposta altezza.

SIA l'altezza. $b.g.$ della quale ci bisogna conoscere la quantità; & caschi per il punto. $b.$ il raggio del sole. $b.d.$ l'ombra, che farà la proposta altezza, farà. $g.d.$ Onde pigliando una grandezza certa come. $c.z.$ l'acconcerai talmente, che stia parallela alla. $b.g.$ & seguirà, che la ragione, che ha. $d.g.$ à. $g.b.$ haurà. $d.z.$ à. $z.c.$ † Ma la ragione, che ha. $d.z.$ alla. $z.c.$ è già cognita, farà cognita ancora la ragione, che la. $d.g.$ ha alla. $g.b.$ & perche l'ombra. $d.g.$ è cognita, ci farà uenire in cognitione ancho della. $g.b.$

† per la 4. del 5to.



ANNOTATIONE.

M. Egnat. **N**ELLA 28. propositione del primo si dimostra, che cascando una retta linea sopra due parallele, come fa la linea. $b.d.$ sopra la. $b.g.$ & $c.z.$ parallele, uienè a fare l'angolo esteriore, eguale allo interiore opposto, come l'angolo. $d.c.z.$ esteriore è eguale allo. $c.b.g.$ interiore. Il medesimo si dirà, che facci la linea. $g.d.$ & che l'angolo. $d.z.c.$ esteriore, sia eguale all'angolo. $b.g.z.$ interiore, ma l'angolo. $z.d.c.$

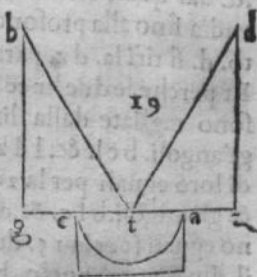
lo. $z d c$. è commune tanto al triangolo maggiore. $b g d$. come anco al triangolo. $c z d$. minore. Adunq; li due triangoli detti saranno di angoli eguali. Et perche nella 4. del sesto si dimostra, che i triangoli di eguali angoli, hanno i lati, che sono attorno gl' angoli eguali, proportionali, seguirà essere, uero quel, che dall'autore ci è proposto; che tal ragione habbino li due lati. $d g$. & $g b$. fra di loro, quale hã no gl'altri due del triangolo minore. $d z$. & $z c$. essendo detti lati in ciascuno de' triangoli descritti intorno all'angolo retto. c . & z . & c . Ho addotte queste due propositioni, dall'autore tralasciate, come spesso fa anco dell'altre simili a queste chiare, & manifeste, massime in quei tempi, che egli scrisse; per manifestare la bellezza di questa dimostrazione ueramente Geometrica, dalla quale dipendono quasi tutte le misure, che si fanno per retta linea, tanto in altezza, come in lunghezza, ò in profondità. Vscendo la notitia delle misure dalla proportion de' lati del triangolo grande descritto nella cosa, che si misura, con i lati del piccolo triangolo, che uien descritto dalla linea, oue si mira, & da lati della scala † Altimetra ò della squadra zop-
da, ò qual si uoglia altro strumento, con cui si misura.

† Scala Altime-
tra cioè Quad-
rato da misu-
rare.

THEOREMA DECIMONONO.

*Si può conoscere quanta sia la proposta altezza altri-
mente, che con il raggio del Sole.*

SIA. $b g$, l'altezza, la cui quantità si desidera sapere. Et si ponghi nello spazzo lo specchio. $c a$. & l'occhio sia il punto. d . dal quale esca il raggio. $d t$. & si rifletta dal punto. t . uerso il. b . che è la estrema parte della altezza, per la linea. $t b$. poi misurisi la perpendicolare. $d z$. che esce dall'occhio. d . & per che gli angoli. $b t g$. & $d t z$. sono eguali (come si dimostra nel primo Theorema degli specchi) & l'angolo. g . è eguale all'angolo. z . essendo l'uno, & l'altro retto, il rimanente angolo. b . farà eguale all'altro angolo. d . (per la. 32. del primo) Adunq; il triangolo. $b g t$. sarà simile (per la. 4. del sesto) al triangolo. $d z t$. la onde come si ha. $t g$. à $g b$. così si haurà. t
E 2 z. à $z d$.



z. à z d. Ma si presuppone essere cognita la ragione di t. z. à. z d. per il che sarà cognita anco, quella di. t. g. à. g b. Et di già essendoci nota la quantità. t. g. ci sarà nota anco la quantità dell'altezza. g b.

ANNOTATIONE.

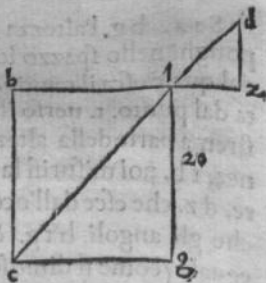
M. Egnat. La dimostrazione di questo, & delli due seguenti Theoremi dipende dalla proportionione, & ragione de' lati de due triangoli, come nella precedente annotatione si è dimostrato. Si deve bene avvertire, che qsto Theorema è più tosto appartenente al trattato degli specchi, che a questo della Prospettiva, dipendendo la sua dimostrazione dal primo Theorema degli specchi. Onde hanno pensato alcuni, che si douesse (quanto all'ordine) por prima il trattato degli specchi, che questo della Prospettiva; Ma quegli, che più diligentemente hanno considerato, giudicano la Prospettiva, dover precedere à gli specchi, come precede il Genere, alla specie sua. Et se bene questo Theorema è appartenente al trattato degli specchi, si troua nondimeno negli esemplari antichi posto in questo luogo per trattare della medesima cosa, che tratta il precedente, & li due seguenti Theoremi suoi.

La prospettiva precede alla specularia come il ge nonere alla specie.

THEOREMA VENTESIMO.

Si può conoscere quanta sia qual si uoglia profondità a.

Si A. b c. la profondità da conoscere si, & l'occhio sia posto nel punto d. dal quale esca il raggio. d l c. & vadia fino alla profondità; Et dal punto. d. si tiri la. d z. parallela alla. b c. Et perche le due linee rette parallele sono tagliate dalla linea retta. d c. gl'angoli. b c l. & l d z. faranno fra di loro eguali per la 29. del primo, & gli angoli. b l c. & d l z. alterni sono eguali (per la 15. del primo) saranno anco eguali fra di loro il rimanente angolo. b. & il rimanente angolo. z. (per la 32. del primo). Sono adunq; li due triangoli. b l c. & d l z. di angoli eguali; la onde (per la 4. del sesto) si haurà la. z l. alla. z d. come la. b l. alla. b c. Ma è già cognita la ragione della. z l. alla. z d.

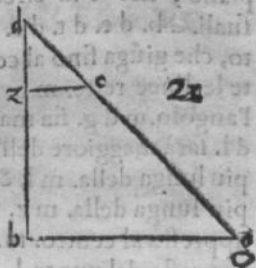


la. z d. farà cognita ancora quella, della. b l. alla. b c. & essendo nota la. d l. ci darà cognitione della. b c. profondità.

THEOREMA VENTESIMOPRIMO.

Si può conoscere la quantità, della proposta lunghezza.

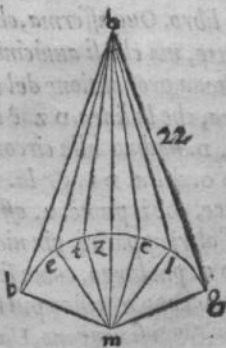
SIA. b g. la lunghezza, della quale cerchiamo sapere la quantità, & pogasi l'occhio nel punto. d. dal quale eschino i raggi. d b. &. d g. & dal punto. z. si tiri la. z c. parallela alla. b g. la onde la ragione, che ha. z c. alla. c d. ha parimente la. b g. alla. g d. (per la 29. del primo, & per la 2. & 4. del sesto) Ma la ragione della. z c. alla. c d. supponghiamo che sia nota, adunq; ci farà nota anco quella della. b g. alla. g d. Et la. g d. essendo nota ci farà uenire in cognitione anco della quantità della lunghezza. b g.



THEOREMA VENTESIMOSECONDO.

Se nel medesimo piano, nel quale è l'occhio, sarà posta una circonferenza del cerchio, apparirà vna linea retta.

SIA LA circonferenza. b z g. & l'occhio sia la. d. posto nel medesimo piano, che è posta la circonferenza. b z g. & dall'occhio. d. eschino i raggi. d b. d z. d g. & perche, nessuna cosa uisibile si può tutta in un tratto uedere (per il primo Theorema) seguirà, che la circonferenza. b z. non si scorderà ma solamente li suoi estremi punti. b. &. z. Onde la circonferenza. b z. apparirà una retta linea, & nello stesso modo apparirà ancora la circonferenza. z g. per il che tutta



tutta la circonferenza. b g. si uedrà simile à una linea retta. *nel*

*Un'altra dimostrazione tratta dal P A P P O
Alessandrino.*

DAL punto. d. nel quale è l'occhio posto nel medesimo piano, che è la circonferenza. b z g. elchino i raggi uisuali. d b. d e. d t. d c. d l. d g. & il raggio. d z. si estenda tanto, che giunga fino al centro. m. dal quale si congiunghino tutte le linee rette. m b. m f. m t. m c. m l. m g. & seguirà, che l'angolo. m d g. sia maggiore dell'angolo. m d l. & l'angolo. m d l. sarà maggiore dell'angolo. m d c. Onde la. m c. [†] apparirà più lunga della. m l. & la. m l. più lunga della. m c. & la. m c. più lunga della. m z. tal che apparirà, che il punto. z. sia più appresso al centro. m. che non è il punto. c. & il punto. c. più appresso del punto. l. & la. l. più appresso del. g. Adunq; la circonferenza. z c l g. pare alla uista una linea retta. Dimostrerassi parimente, che la circonferenza. z t e b. paia una linea retta. Per il che tutta la circonferenza. b g. apparirà simile à una linea retta.

[†] per la quinta
supp. essendo vi-
sta sotto maggio-
re angolo.

ANNOTATIONE.

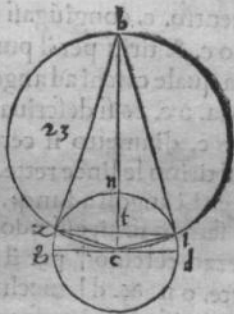
M. Egnat. CHE quelle circonferenze, che sono nel medesimo piano, che è il centro dell'occhio, appariscino linee rette, ci viene pienamente dimostrato nella presente proposizione, ne so uedere con qual fondamento Vitellione le contradica nella proposizione 50. del quarto libro. Oue afferma, che dette circonferenze non appariscono linee rette, ma che si auuicinino quasi alle linee rette. Fondatosi sopra la ottava proposizione del terzo libro di Euclide, nella quale si dimostra, che la linea. d z. è la più corta di tutte l'altre linee, che dal punto. d. uadino alla circonferenza. b g. la onde essendo più lunga la. d g. della. d l. & la. d l. più che non è. d c. & d c. più di. d z. dice, che il punto. z. essendo uisto dal raggio. d z. più corto di tutti gl'altri apparirà più uicino alla. d. che il punto. c. uisto dal raggio. d g. più lungo, come se quelle cose, che da' raggi più corti sono uiste, ci appariscino più uicine, & quelle più lontane, che con più lunghi raggi si ueggono. Hauendo pure detto esso Vitellione nella proposizione quarta del quarto. l. che l'occhio non può uedere quelle linee, che stanno à picombo sopra la superficie di esso come fanno i raggi uisuali, che

che uscendo dal centro della sfera dell'occhio, stanno a piombo sopra la superficie di quello: onde l'occhio non potendo uedere la lunghezza de' raggi suoi, resterà uero, che delle cose eguali quelle appariranno più uicine, che sotto maggiore angolo sono uedute come anco afferma Vitellione nella conuersa propo. del quarto. l. & non quelle, che con più corti raggi si uedono.

THEOREMA VENTESIMOTERZO.

In qualunque modo la palla sia uista, con un solo occhio, sempre ne sarà uista meno della metà; & quella parte della palla, che si uede, apparisce essere contenuta dal cerchio.

Si A la palla, che habbia il centro. c. & l'occhio sia nel punto. b. & si congiunga la linea retta. b c. & nella estremità di essa nel punto .c. si tiri à angoli retti la. g c d. & per la linea. b c. & g c d. diametro della palla si tiri un piano il quale faccia nella palla un cerchio; & sia .g z n l d. & si descriua il cerchio. z b l. d'intorno alla. b d: diametro, & congiungihin le linee rette. c z.



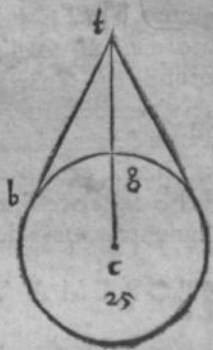
& c l. b z. b l. & l z. Et perche gli angoli. c z b. & c l b. sono angoli del mezzo cerchio, sono retti (per la 31. del terzo libro) onde la. b z. & b l. linee rette toccheranno la. c z. & c l. che escono dalla. c. centro della palla, in un sol punto di detta palla. † Onde i raggi, che escono dall'occhio. b. catcheranno sopra le rette linee. b z. & b l. Et perche tutti gl'angoli che sono intorno il punto. t. sono retti, conciosia cosa che la. z t l. è parallela alla. g c d. & la. z t. è eguale alla. t l. Se adunq; stando fissa la. t b. farà girato il triangolo. t b z. fino a tanto che ritorni nel punto, oue cominciò à muouerfi; seguirà, che la. b z. girando toccherà la superficie della palla cō un sol punto; cio è con il punto. z. & descriuerà un cerchio per i punti. z. l. On de quella parte della palla, che si uede, sarà compresa dal cerchio.

† per la 18. del terzo.

THEOREMA VENTESIMOQVINTO.

La palla, che di lontano è uista, apparisce all'occhio un cerchio.

SIA il punto. c. cétro della palla, nella quale sia il maggiore cerchio. b g d. oue giunghino i raggi, che escono dall'occhio. t. & sieno .t b. t g. t d. seguirà, che la. b g d. cir conferenza apparirà una retta linea. † Et similmente tutti gl'altri cerchi, descritti nella superficie della palla, appariranno all'occhio linee rette, la onde tutta la palla, che lontana dall'occhio è posta, apparirà simile ad un cerchio.



† per il Theorema. 22.

ANNOTATIONE.

NEL medesimo modo, che si è dimostrato, che la superficie connessa di una palla uista di lontano, apparisce una superficie piana, si può dimostrare anco della superficie deueffa, o concaua di essa palla; perche come i cerchi, che uengono descritti nella superficie connessa della palla, ci appariscono linee rette p il 22. Theorema, cosi anco i cerchi, che uenissero descritti nella superficie deueffa apparirieno linee rette, per il che l'una, & l'altra superficie della palla; cio è la Conueffa, & la deueffa appariranno all'occhio una superficie piana a guisa di cerchio. Il che chiaramente si uede essere uero nel Sole, nella Luna, & nelle Stelle, che essendo di forma sferica, & rotonda, ci appariscono superficie piani.

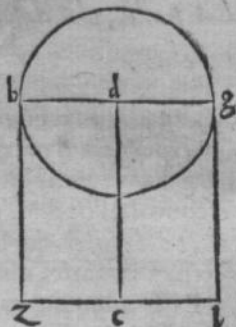
M. Egnat.

THEOREMA VENTESIMOSESTO.

Se la palla, che da tutti due gli occhi è uista, haurà il diametro suo eguale alla distanza, che è fra'l centro del l'uno, & dell'altro occhio, sar à uista mezza.

F SIA

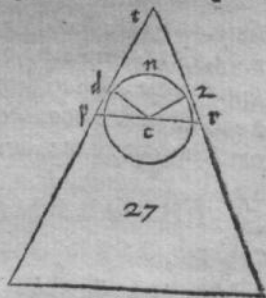
Si A una palla, che habbia il diametro. b g. & dai punti. b. g. tirinsi le linee. b z. & g l. le quali faccino angoli retti con la. b g. & dal punto. z. si tiri la. z l. parallela alla. b g. & gli occhi stieno uno nel punto. z. & l'altro nel punto. l. & dal centro. d. si tiri la. d c. parallela alla. b z. Se adunq; si girerà all'intorno il parallelo gramo. b c. (stando fermo il suo lato. d c.) tanto che ritorni al punto; onde egli si partì; la figura, che nel girare descriuerà il lato. b d. sarà uno de' cerchi maggiori, che passano per il centro della palla. Per il che da gl'occhi. z. l. sarà uista solamente la metà della palla.



THEOREMA VENTESIMOSEPTIMO.

Se l'intervallo, che è fra'l centro dell'uno, & dell'altro occhio, sarà maggiore del diametro della palla, se ne vedrà più della metà.

Si A una palla, che habbia il centro. c. & l'intervallo, che è fra l'uno, & l'altro occhio, sia la. b g. maggiore del diametro della palla. p r. Et per la. b g. & per il. c. centro della palla si distenda un piano, che faccia nella palla un cerchio. p d n z r. & da gli occhi. b. & g. etchino i raggi. b d. & g z. che tocchino la palla nel punto. d. & z. dico che' detti raggi essendo distesi rettamente, si uniranno, & congiugneranno insieme nel punto. t. essendo che la. b g. è maggiore della. p r. † Hora perche dal punto t. cascono sopra la palla. p d n z r. le linee. t z. t d. che toccano la palla nelli punti. d. z. seguirà, che la. d n z. sia minore del mezzo cerchio, perche gl'angoli. t d c. & t z c. sono retti. † Onde il restate della palla, che da' raggi. b d. & g z. è uista, è maggiore della metà di essa palla.



† non essendo più
valle le linee. b
g. & g.

† per la 18. del
lib. 1o.

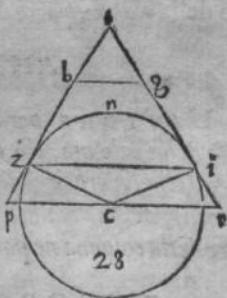
CHE il pezzo d'arco. DNZ . sia minore del mezzo cerchio, si dimostra: perche essendo gli angoli. $TD C$. & $TZ C$. retti (per la 18. del terzo) l'angolo. DCZ . sarà tanto minore di due retti, quanto è grã del l'angolo. T . perche per la 32. del primo, ogni triangolo ha tre angoli eguali à due retti, & il quadrilatero. $TD C Z$. si può dividere in due triàngoli, onde haurà quattro angoli eguali à quattro angoli retti, Ma il mezzo cerchio è posto all'incontro di due angoli retti, contenendosi attorno il centro del cerchio 4. angoli retti, adunq; l'arco. DNC . posto all'incontro dell'angolo. DCZ . minore di due angoli retti, sarà minore del mezzo cerchio.

M. Egnat.

THEOREMA VENTESIMOOTTAVO.

Se l'intervallo, che è fra'l centro dell'uno, & dell'altro occhio, sarà minore del diametro della palla; se ne uedrà meno della metà.

SIA la palla, che habbia il centro. c . & l'intervallo, che è fra l'uno, & l'altro occhio, sia la. bg . che sia minore, che non è il diametro della palla. pcr . & per la. bg . & c . si distenda un piano, che nella palla faccia il cerchio. $z ni$. & dagl'occhi. $b. g$. eschino i raggi. bz . & gi . che tocchino la palla nel punto. z . & i . & si cõgiugnerãno insieme nel punto. t . conciosia che il. bg . intervallo degli occhi, non è eguale alla. pr . diametro della palla. Adunque i raggi, che usciranno dal punto. t . & cascheranno sopra la palla, ne comprenderanno manco della metà, † pche la. zn i. è meno di mezza la palla, onde quella parte della palla, che è uista dagli occhi. $b. g$. è manco che mezza.



† per la precedente annotazione.

THEOREMA VENTESIMONONO.

In qualunque modo una colonna sia uista con un so-

F 2 lo oc-

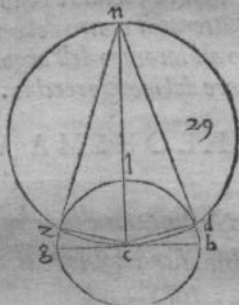
lo occhio, ne sarà uista manco della metà.

SIA il. c. centro del cerchio, che è basa della colonna, & dall'occhio. n. si tiri la. n c. retta linea fino al punto. c. dal quale si tiri la linea. g c b. che caschi à piombo sopra la. c n. & intorno la. c n. si descriua un cerchio. z n d. & si congiunghino le linee rette. n z. z c. n d. d c. Et perche gli angoli. n z c. &. n d c. sono retti. † n z. &. n d. toccheranno la colonna in un solo punto, Et i raggi, che escono dall'occhio. n. caderanno nella colonna sopra le linee. n z. &. n d. Onde si uedrà solamente la. z l d. la quale

† per la 32. del serzo.

† per l'annotazione della. 27.

è minore del mezzo cerchio †. g l b. per il che la. z l d. apparirà minore del mezzo cerchio, cio è sempre si uedrà meno della metà della colonna; Et quanto si è dimostrato della basa della colonna, si può ancora dimostrare, di qual si uoglia parte della superficie di essa. Si che sempre si uedrà meno della mezza parte della colonna.



ANNOTATIONE.

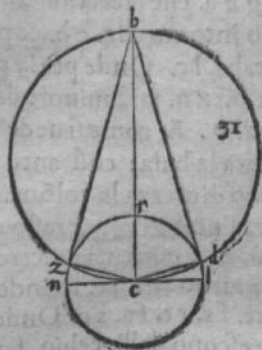
M. Egnat. L'AVTORE per la Basa della colonna intende il cerchio del fuso della colonna, che uà posato sopra di essa basa, & quanto dimostra della superficie delle colonne, si deue intendere di quelle, che non sono istriate, ò scanalate; perche entrando i raggi uisuali nelle istriature della colonna ne potrieno uedere facilmente la metà.

THEOREMA TRENTESIMO.

La parte della colonna, che si uede accostandosi à quella, è minore della parte, che si uede nel discostarsi, & appare più grande.

SIA. c. il centro del cerchio basa della colonna. Et dall'occhio. b. si tiri la. b c. fino al centro. c. & per il punto. c. si tiri la. g c d.

fi uedrà; sarà minore della. $n r$. che è la metà del cerchio; adunq; la. $z r d$. sarà meno del mezzo cerchio; Tal che del Cono se ne uede manco della metà. Et quanto quì s'è dimostrato, si dimostrerà ancora d'ogn'altro cerchio, che nella superficie del Cono sarà descritto.



THEOREMA TRENTESIMO SECONDO.

Quanto piu l'occhio nel medesimo piano s'accosta al Cono, tanto meno ne uede, & tanto piu glie ne par uedere.

SIA la. c . centro del cerchio della basa del Cono, & l'occhio sia nel punto. a . dal quale fino alla. c . si tiri la retta linea. $a c$. & si congiunghi la. $a z$. $a d$. $d c$. Et poi si muti l'occhio dal punto. a . al punto. n . & si descriua un cerchio d'intorno alla linea. $c n$. congiugnendosi la linea retta. $n r$. & la. $r c$. la. $n s$. & la. $s c$. Onde i raggi, che escono dall'occhio. a . cascheranno sopra le linee. $a z$. & $a d$. & dal punto. a . si uedra la. $z f d$. Hora per la medesima ragione, i raggi, che escono dall'occhio. n . caderanno nella circonferenza del cerchio sopra le linee. $n r$. & $n s$. onde dal punto. n . si uedrà la circonferenza. $r f s$. minore della. $z f d$. con tutto, che apparisca maggiore, essendo che l'angolo. $r n s$. è maggiore dell'angolo. $z a d$.



THEOREMA TRENTESIMOTERZO.

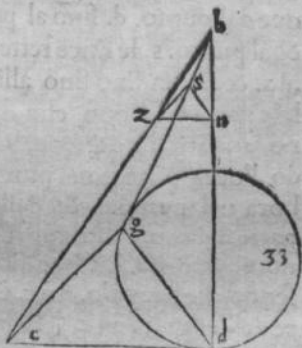
Se fino alla basa circolare del Cono, si tirino i raggi uisuali, che la tocchino, & da questi punti si tirino le linee rette

nee rette sopra la superficie del Cono, fino alla sua punta, per le quali, & per i raggi che escono dall'occhio, & toccano la basa del Cono, si stendino due piani, & l'occhio stia nella loro commune † sezione, la parte del Cono, che si ve

† tagliamelo nel quale l'una si taglia con l'altra.

SIA un Cono, che habbia per basa il cerchio. g d. & la pūta sia nella. b. & l'occhio nel punto. c. dal quale elchino i raggi. c d. & c g. che tocchino la. g d. cerchio ne' punti. g. & d. & da questi due punti fino alla. b. punta del Cono si tirino le rette linee. d b. & g b. & si distendino due piani, uno sopra la linea. b g. & il raggio. g c. & l'altro nel medesimo modo sopra la linea. d b. & il raggio. d c. Questi

due piani si congiugneranno insieme, poiche le linee rette. d b. & g b. si congiungono, & anco i raggi visuali. c g. & c d. si congiungono nel punto. c. Congiunghinsi adū q; & si taglino insieme questi due piani, & sia la loro commune sezione, la linea. b c. † Dico, che l'occhio, che è collocato in qual si uoglia punto della linea. b c. uedrà



† per la 3. pro. dell' 11.

sempre la medesima parte del Cono. Pigliafi nella linea. b c. un punto, & sia la. z. nel quale stia l'occhio; & da esso si tiri la. z n. parallela alla. c d. Et alla. c g. si tiri la parallela la. z s. per il che le linee rette. z n. & z s. toccheranno la superficie del Cono ne' punti. n. & s. & perche le sezioni de' cerchi paralleli, nella superficie del cono. b g d. sono simili; gl'intervalli che si uedono nella. b g d. superficie del Cono appariscono eguali; conciosia che l'angolo. s z n. (che è compreso da' raggi. z s. & z n.) è eguale all'angolo. g c d. che è compreso da' raggi c g. & c d. † adunq; l'intervallo. s n. della superficie del Cono, apparirà eguale all'intervallo. g d. † Onde ponendosi l'occhio in qual si uoglia luogo della linea retta. c b. la parte del Cono che si uede, apparirà sempre eguale.

† per la 29. del primo, & per la 10. pro. dell' 11.

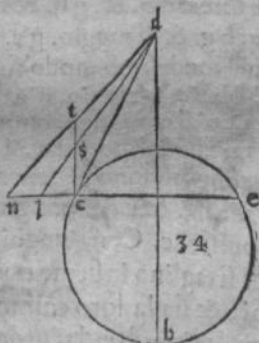
† per la 7. supp.

THEO.

THEOREMA TRENTESIMOQUARTO.

Se si muouerà l'occhio sopra una linea retta equidistante alla superficie del Cono, & s'innalzerà; quella parte del Cono, che si uede, apparirà minore, ma se l'occhio si abbasserà, apparirà maggiore.

SIA la punta del Cono la. d. & la bafa sia il cerchio. c b e. & tirisi la. t c. parallela alla. b d. & l'occhio stia nel punto. t. Dico, che la parte del Cono ueduta, apparisce minore, quando l'occhio è nel punto. t. che quãdo egli è nel punto. s. Tirinsi adunque dal punto. d. fino al punto. t. & al punto. s. le linee rette. d t. & d s. & si stendino fino alla. n. & l. le parti del Cono che si uedranno appariranno ineguali, stando l'occhio hora nel punto. n. & hora nel punto. l. & dalla. n. la parte del cono uista apparisce minore, & dalla. l. maggiore†. Essendo che l'angolo. d n c. è minore dell'angolo. d l c. † Hor perche la parte del Cono, che si uede dal punto. n. è eguale alla parte, che si uede dal punto. t. & quella parte, che si uede dal punto. l. è eguale a quella, che si uede dal punto. s. come nel precedente Theorema si è dimostrato, segue, che all'occhio posto nel punto. t. parrà di uedere minore parte del Cono, che non parrà di uedere all'occhio posto nel punto. s.



† per la 3. et 6.
suppositione.

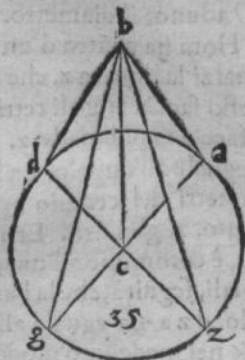
† per la 32. del
terzo.

THEOREMA TRENTESIMOQVINTO.

Se sopra il centro del cerchio si innalzerà una linea retta, che col suo piano faccia angoli retti, & l'occhio stia nella detta linea, i diametri del cerchio gl'appariranno eguali.

SIA

SIA il centro del cerchio il punto. c. dal quale s'innalzi la linea retta. c b. che faccia angoli retti col piano del cerchio, d g z a. & l'occhio stia nel punto. b. & si tirino i diametri. g a. & d z. Dico che il diametro. g a. apparirà eguale al diametro. d z. Tirinsi le rette linee. b a. b z. b g. b d. le due linee rette. b c. & c z. faranno eguali alle due. b c. & c g. cia scuna alla sua, cio è. c z. alla. c g. † & la. b c. è commune. Et l'angolo. b c g. è eguale all'angolo. b c z. la basa. b z. sarà eguale alla basa. b g. †. & per la medesima ragione la. b d. sarà eguale alla. b a. Per il che le due rette linee. d b. & b z. faranno eguali alle due. a b. & b g. & la. d z. è eguale alla. g a. †. adunq; l'angolo. d b z. sarà eguale all'angolo. g b a. † Ma quelle cose che sotto eguali angoli sono uiste appariscono eguali (per la 7. suppositione) adunque la. g a. diametro apparirà eguale all'altro diametro. d z.



† per la 15. diff. del primo.

† per la quarta del primo.

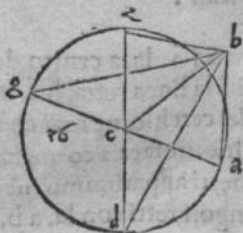
† per la 15. diff. del primo.

† per la 8. del primo.

THEOREMA TRENTESIMOSESTO.

Se l'occhio si porrà nella punta d'una linea, che esca dal centro del cerchio, & sia eguale al mezzo diametro di esso, ne faccia angoli retti con il piano del cerchio, i diametri gli appariranno eguali.

SIA il punto. c. centro del cerchio, dal quale si tiri in alto la. c b. che non faccia angoli retti col piano del cerchio, & sia eguale al mezzo diametro di esso, & dal punto. b. oue è l'occhio si tirino le linee rette (come nella precedente s'è fatto). b d. b z. b g. b a. Ma essendo fra di loro eguali la. d c. c b. c z. farà retto l'angolo. z b d. † & anco l'angolo. a b g. farà retto per la medesima ragione. Onde questi due an



† per la 31. del terzo.

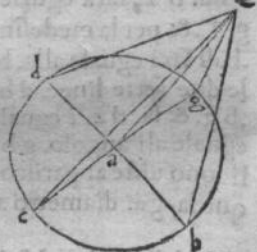
G goli fa-

goli faranno fra di loro eguali, ma quelle cose, che sotto eguali angoli sono viste, appariscono eguali (per la 7. suppositio-
ne) adunq; il diametro. d z. apparirà eguale al diametro. a g.

Hora sia centro d'un altro cerchio il punto. a. dal quale si innalzi la linea. a z. che non sia eguale al mezzo diametro, ne meno faccia angoli retti sopra il piano del cerchio, ma solamēte faccia l'angolo. d a z. eguale all'angolo. z a g. & l'angolo. c a z. eguale all'angolo. z a b. Dico, che ancora in questo modo i diametri del cerchio appariranno eguali all'occhio, che dal punto. z. gli mira. Et perche la. d a. è eguale alla. a g. & la. a z. è commune all'una, & l'altra di loro, & fa con esse angoli

† per la 4. del
primo.

eguali, seguirà, che la basa. d z. sia eguale alla basa. z g. † & l'angolo. d z a. sia eguale all'angolo. a z g. & nel medesimo modo si mostrerà l'angolo. c z a. essere eguale all'angolo. a z b. per il che tutto l'angolo. d z b. sarà eguale a tutto l'angolo. c z g. & così i diametri. d b. & c g. appariranno fra di loro eguali, ogni volta che il raggio, che uscendo dall'occhio ua al centro, farà (come s'è detto) co' diametri angoli eguali, ò faccia il detto raggio con il piano del cerchio angoli retti, ò non faccia.

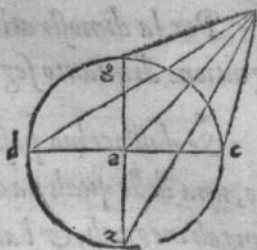


THEOREMA TRENTESIMOSSETTIMO.

Se il raggio visuale, che uscendo dall'occhio ua al centro del cerchio, non farà angoli retti co'l piano del cerchio, ne meno sarà eguale al mezzo diametro, ne sarà angoli eguali colli mezzi diametri, i diametri appariranno ineguali.

SI A la. a centro del cerchio, & da esso fino all'occhio. b. si tiri la linea retta. b a. la quale non faccia angoli retti co'l piano del cerchio, ne manco sia eguale al mezzo diametro di esso cerchio, ne faccia co' mezzi diametri angoli eguali; dico che i diametri appariranno ineguali. Tirisi la. g z. diametro, che faccia angoli retti con la. a b, & la. d c, si tiri in modo, che faccia an-
goli ine-

goli ineguali con la detta. a b. & si congiunghino le linee rette. b g. b z. b c. b d. & sia la. b a. maggiore del mezzo diametro. a c. adunq; l'angolo. g b z. farà maggiore dell'angolo. c b d. (come nel Theorema si dimostra) ma quelle cose, che sotto maggiore angolo sono uiste, appariscono maggiori, adunq; il diametro. g z. apparirà maggiore del diametro. d c. Hora se la. b a. sarà minore della. a c. apparirà maggiore la. d c. che la. g z.



ANNOTATIONE.

CHE l'angolo. c b z. sia maggiore dell'angolo. c b c. stando la linea. A B. à piombo sopra la. g z. & non sopra la. c d. si può dimostrare in questa maniera.

M. Egnat.

Facciasi attorno il triangolo. A B D. un cerchio per la 5. del quarto, & tirisi la linea. A G. à piombo sopra la. b c. che passi per il centro del cerchio per la. 1. del 3. Et così la linea. A G. sarà la più lunga linea, che esca dal punto. G. & uadia alla circonferentia del cerchio per la 7. del 3. Facciasi ancora sopra il punto. G. per la. 23. del primo un angolo eguale all'angolo. C A B. il quale sia. B G.

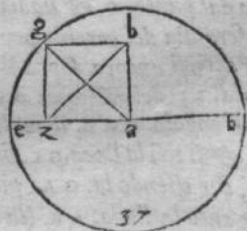


M. & si tiri la linea. G L. fino alla circonferentia del cerchio. Dico bora, che essendo la. G A. più lunga della. G L. per la 7. del 3. seguirà che anco la linea. A B. (la quale supponiamo eguale alla. A G.) sia maggiore della. G L. stendasi la linea. G L. tanto, che sia eguale alla. A B. (per la 3. del primo) & sia la. G M. & si tirino le linee. B M. & C M. onde l'angolo. B M C. sarà eguale all'angolo. D B C. per l'8. del primo. Ma l'angolo. B A C. è maggiore dell'angolo. B M C. perche l'angolo. B L C. (che è eguale all'angolo. B A C. per la 21. del 3.) è maggiore dell'angolo. B M C. per la. 21. del primo. La onde l'angolo. G B z. che è eguale all'angolo. B A C. sarà maggiore dell'angolo. D B C. che eguale all'angolo. B M C.

Per la dimostrazione di queste cose è necessaria la cognitione di quanto segue.

Se dall'occhio posto in aria cascheranno due linee rette, una delle quali uadia al centro del cerchio, done faccia angoli ineguali, & l'altra cascando à piombo, faccia angoli eguali sopra la superficie del cerchio, & dal punto oue casca la linea à piombo si tiri una retta linea fino al centro del cerchio; L'angolo compreso da questa linea, et quella, che esce dal centro, & uia all'occhio, è minore d'ogn'altra angolo, compreso sotto la detta linea, che dal centro uia all'occhio, & dalle linee che passano per il centro del cerchio.

Si A P. a. centro del cerchio, & l'occhio stia nel punto. b. dal quale caschi una linea à piombo sopra il piano del cerchio fuori del centro. a. come dire nel punto. g. & sia la. b g. & dal punto. g. fino al punto. a. si tiri la retta linea. g a. & in oltre dall'. a. al. b. si tiri la. a b. Dico, che l'angolo. g a b. è minore d'ogn'altra angolo, che si possa fare dal concorso della linea. b a. con ogni altra linea che passi per il centro. a. Tirisi per il punto. a. la retta linea. h a z e. & dal punto. g. sopra la linea. h e. si tiri à piombo la. g z. che sia nel medesimo piano



* Lemma pri.

† per la 32. del primo.

† per la 19. del primo.

† per l' 8. diff. del quinto.

* Lemma 2.

che è la. h e. & si congiunghi la linea retta. b z. * La. b z. adunque sarà perpendicolare sopra la. h e. Hor essendo retto l'angolo. g z a. l'angolo. a g z. sarà minore del retto, † per il che, il lato. a g. farà maggiore del lato. a z. † Onde la. a b. harà maggiore ragione alla. a z. che non harà alla. a g. † Ma li due angoli. a g b. & b z a. sono retti, & le linee rette. g a. & a z sono ineguali, * adunque il rimanente angolo, z a b. è maggiore dell'altro

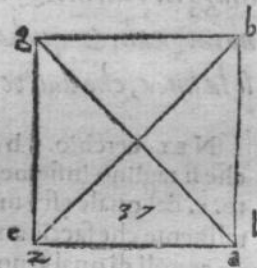
l'altro. $g a b$. Nel medesimo modo mostreremo, che l'angolo $g a b$. farà minore d'ogni altro angolo fatto dalla linea. $a b$. da qual si uoglia altra linea che pasci per il centro. a .

LEMMA PRIMO.

Lemma cioè as-
sunto,

*Che la linea retta. $z b$. caschi à angoli retti sopra la. l .
e. dimostreremo in questa maniera.*

PER CHE la linea. $b g$. fa angoli retti sopra il piano del cerchio seguirà, che tutti i piani, che passono per la linea. $b g$. faranno angoli retti con il piano del cerchio. Ma il triangolo. $b g z$. è uno de' piani tirati per la linea. $b g$. adunq; il triangolo. $b g z$. sta à angoli retti sopra il piano del cerchio; Et perche li due piani, cioè il piano del cerchio. $e l$. & il piano del triangolo. $b g z$. l'un l'altro si fegono, & la loro commune sectione è la. $g z$. sopra la quale sta à angoli retti la. $l e$. nel piano del cerchio (essendo che la. $g z$. fu tirata à piombo sopra la. $e l$.) adunque la. $e l$. fa angoli retti co'l piano del tria-
golo. $b g z$. Onde farà anco angoli retti con tutte le linee, che la toccano nel medesimo piano del triangolo. $g z b$. per il che la. $l e$. con la. $z b$. fa angoli retti, & al contrario anco la. $z b$. farà angoli retti con la. $l e$. diametro del cerchio.

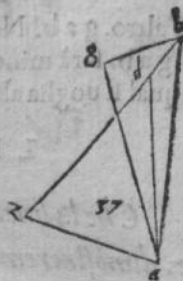


LEMMA SECONDO.

Inoltre dimostreremo, che l'angolo. $z a b$. è maggiore dell'angolo. $g a b$.

SIANO due triangoli. $b g a$. & $b z a$. che habbino gl'angoli. g . & z . retti, & la. $b a$. habbia maggiore ragione alla. $a z$. che non ha alla. $a g$. Dico che l'angolo. $z a b$. è maggiore dell'angolo. $g a b$. Et essendo, che la. $b a$. ha maggiore ragione alla. $z a$. che alla. $g a$. al rouerscio la. $z a$. harà minore ragione alla. $b a$. che nõ ha la. $g a$. alla. $a b$. Onde la. $g a$. harà maggiore ragione

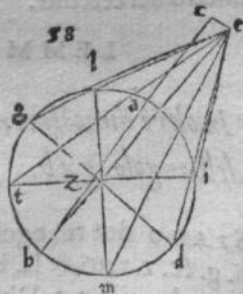
ragione alla. a b. che non harà la. z a. alla. a b. Facciafi adunque, che sia, come è la. g a. alla. a b. così la. z a. alla. a d. la quale sia minore della. a b. Et così i triangoli. b g a. & d z a. faranno equiangoli; Onde l'angolo. g a b. è eguale all'angolo. z a d. & perciò l'angolo. z a b. farà maggiore dell'angolo. g a b. & di qui si dimostrerà la propolitione seguente.



THEOREMA TRENTESIMOTTAVO

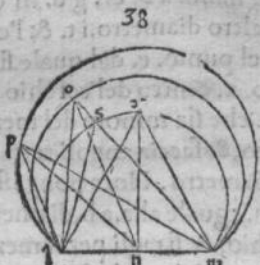
Se il raggio, che esce dall'occhio, cascando nel centro del cerchio, farà angoli ineguali con diuersi diametri, & none starà à piombo sopra il piano del cerchio, & sarà maggiore del mezzo diametro, i diametri uisti appariranno ineguali, & quel diametro apparirà maggiore, col quale la linea, che dall'occhio ua al centro, sta à piombo.

NEL cerchio. a b g d. tirinsi li due diametri. a b. & g d. che si taglino insieme ad angoli retti, & l'occhio stia nel punto. e. dal quale esca una linea retta, & uadia fino al centro. z. talmente che faccia angoli retti con la. g d. & con la. a b. faccia angoli di qual si uoglia grandezza; Ma la. e z. sia maggiore del mezzo diametro del cerchio. Et perche la. g d. sta ad angoli retti con la. a b. & con la. e z. adunq; tutti i piani distesi per la linea. g d. faranno ad angoli retti con i piani distesi, & tirati per le linee. e z. & a b. Hora dall'. e. punto si tiri à piombo la. e c. linea fino al sottoposto piano, la quale cascherà sopra la. a b. commune sectione de' piani. Et si tiri il diametro. i t. Appresso si deue pigliare la linea. m l. che sia eguale al diametro del cerchio, & si seghi in due parti nel punto. n. dal quale si drizzi in alto la linea. n x. che



che stia ad angoli retti con la. l m. Et sia la. n x. eguale alla. e z. Et così il pezzo del cerchio già descritto che passa per i punti .m x l. farà maggiore del mezzo cerchio, perche la linea. n x. è maggiore, di ciascheduna delle due linee. l n. & n m. Hora congiughinsi nel pezzo del cerchio. l x m. le linee. x l. & x m. & si uedrà, che lo angolo. x. che è contenuto dalla. x l. & dalla. x m. è eguale all'angolo posto nel punto. e. contenuto dalle linee. e g. & e d. che è l'ango-

lo. g e d. † In oltre si farà l'angolo. l n o. eguale all'angolo. e z i. † & piglisi la. n o. eguale alla. e z. tirando le linee. l o. & m o. Et attorno il triangolo. l o m. si descriua il pezzo di cerchio. l o m. † Onde l'angolo contenuto sotto le linee. l o. & o m. sarà eguale all'angolo. i e t. Facciassi di nuouo sopra il punto. n. l'angolo. l n p. eguale all'angolo. e z a. & taglisi. n p. eguale alla. e z. con giugnèdo le linee rette. l p. & p m. & attorno il triangolo. l p m. si descriua il pezzo di cerchio. l p m. & così farà l'angolo. l p m. eguale all'angolo. a e b. contenuto dalle linee. a e. & e b. Hora perche l'angolo. l x m. è maggiore dell'angolo. l o m. (per che l'angolo. l x m. è eguale all'angolo. l s m. perche l'uno, & l'altro sono nel medesimo pezzo di cerchio, † & l'angolo. l s m. è maggiore dell'angolo. l o m. perche è lo esteriore angolo del triangolo. l o m.) ma l'angolo. l x m. è eguale all'angolo. g e d. & l'angolo. l o m. è eguale all'angolo. i e t. Per il che l'angolo. g e d. è maggiore dell'angolo. i e t. Onde il diametro. g d. apparirà maggiore del diametro. i t. † In oltre perche l'angolo. l o m. è eguale all'angolo. i e t. & l'angolo. l p m. è eguale all'angolo. a e b. & l'angolo. l o m. è maggiore dell'angolo. l p m. seguirà che l'angolo. i e t. sia maggiore dell'angolo. a e b. per il che il diametro. i t. apparirà maggiore del diametro. a b. †



† per la prima del sexto.

† per la 23. del primo.

† per la 5. del 4o

† per la 21. del 3.

† per la 32. del primo.

† per la 5. supp.

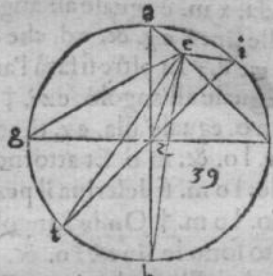
† per la 5. supp.

THEOREMA TRENTESIMONONO.

Se la retta linea, che uscendo dall'occhio, si congiugne al centro del cerchio, non sarà maggiore del mezzo diametro, ma minore, interuerrà a' diametri il contrario, perche quello

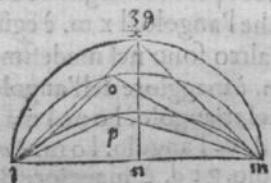
che quello, che nel precedente Theorema apparìua maggiore, qui apparirà minore, & quello, che apparìua minore, apparirà maggiore.

Si A il cerchio. a b g d. nel quale tirinsi due diametri, che si taglino insieme ad angoli retti, & siano. a b. & g d. in oltre tirisi l'altro diametro. i t. & l'occhio stia nel punto. c. dal quale fino al punto. z. centro del cerchio si tiri la. e z. che sia minore del mezzo diametro, & faccia angoli retti cò la. g d. diametro. Hora pongasi la linea. l m. eguale alla. a b. diametro del cerchio, & si tagli per il mezzo nel punto. n. dal quale si dirizzi ad angoli retti la linea. n x. che sia eguale alla. e z. & attorno i punti. l x m. si descriva il pezzo di cerchio. l x m. il quale sarà minore del mezzo cerchio, poiche la. n x. è minore del mezzo diametro. Congiungansi hora in questo pezzo di cerchio le linee



per la 10. diff.
del ter. 2o.

x l. & x m. & uedrafi l'angolo. l x m. essere eguale all'angolo. g e d. In oltre sopra il punto. n. facciasi uno angolo. l n o. eguale all'angolo. e z i. & seghifi la. n o. eguale alla. e z. congiugnendo le linee. l o. & o m. & attorno la linea. l m. per il punto. o si descriva il pezzo di cerchio. l o m. Per il che l'angolo posto nel punto. o. contenuto dalle linee. l o. & o m. è eguale all'angolo. t e i. Finalmente sopra il punto. n. ponghisi l'angolo. l n p. eguale all'angolo. a z e. & tagli la. n p. eguale alla. z e. & si congiunghino le linee rette. l p. & p m. & attorno il triangolo. l p m. si descriva il pezzo di cerchio. l p m. farà adunq; l'angolo. l p m. eguale all'angolo. a e b. Et essendo che l'angolo. l x m. è minore dell'angolo. l o m. che è eguale all'angolo. t e i. & l'angolo. l x m. è eguale all'angolo. g e d. apparirà minore il diametro. g d. del diametro. i t. Nel medesimo modo, perche l'angolo. t e i. è minore dell'angolo. a e b. apparirà minore il diametro. i t. del diametro. a b.



ANNO.

ANNOTATIONE.

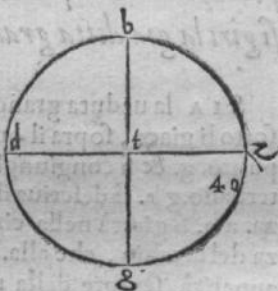
PER CHE nel margine del Theorema superiore si sono addutte le propositioni 21. del terzo & 23. & 32. del primo, & la quinta del quarto con la prima del sesto & la quinta suppositione per dimostrare la prima & seconda parte di quel Theorema; però le medesime propositioni serviranno alla dimostrazione del presente 39. Theorema applicadole doue si uedrà il segno. † per non hauere a riempire il margine superfluamente.

M. Egnat.

THEOREMA QVARANTESIMO.

Le ruote del carro appariranno alle volte rotonde, & alle volte ouate.

SI ENO la. b.g. & d.z. diametri della ruota. b.z n d. Hora essendo, che il raggio uisuale, che dall'occhio ua al centro della ruota, sopra la quale cascando à piombo, & essendo eguale al mezzo diametro della ruota, i diametri di essa appariranno eguali, come nel Theorema precedente si è dimostrato; Onde la ruota del carro essendo uista



in questa maniera, apparirà rotonda. Ma se il carro sarà tirato con uelocità, & inordinatamente, il raggio dell'occhio, che va al centro, non starà à piombo sopra il piano della ruota ne mào sarà eguale al mezzo diametro di quella, i suoi diametri appariranno ineguali per il precedente Theorema. Per il che la ruota apparirà ouata, & lunga.

ANNOTATIONE.

SE il raggio, che esce dall'occhio, & ua al cetro della ruota t. nō farà angoli retti con il piano della ruota, ne meno sarà eguale al mezzo diametro di quella; i diametri della ruota appariranno ineguali (per il precedente Theorema) de quali uno apparirà maggiore, & l'altro minore, di ogn'altro diametro, ma degli intermedij, quelli che

H

saran-

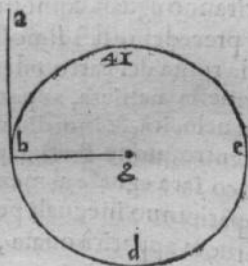
M. Egnat.

aranno piu vicini al minore diametro, appariranno minori di quelli, che li faranno piu lontani. Et ogni due diametri, che egualmente saranno lontani, ò dal maggiore, ò dal minore diametro, appariranno eguali, dal che chiaro si scorge, che le ruote del carro, appariscono di forma ouale perfetta, tanto piu, ò meno lunga, quanto piu, ò meno starà obliquo il raggio uisuale sopra il piano della ruota. Il medesimo effetto fanno ancora le macine de' molini, & qual si uoglia altra ruota, che cō prestezza si muoua circularmente. Onde quì si uiene à mostrare de' corpi quel, che delle superficie piane si è mostrato nel Theo. 38. et 39.

T H E O R E M A Q V A R A N T E S I M O P R I M O .

Se una grandezza posta in alto stia à piombo sopra il sottoposto piano, & l'occhio stia in qual si uoglia punto del piano, attorno il quale, come attorno il centro del cerchio, si giri la gia detta grandezza, apparirà sempre eguale.

S I A la ueduta grandezza, la. a b. piu alta del piano, che sotto li giace, sopra il quale stia à piombo, & l'occhio sia nel punto. g. & si congiunghi la. g b. & con il centro. g. & lo interuallo. g b. si descriua il cerchio. b d e. dico, che se la grandezza. a b. si girerà nella circonferenza del cerchio, che alla. g. occhio apparirà sempre della medesima grandezza. Hora perché la. a b. stia à piombo sopra il piano, farà con la. g b. un angolo retto, essendo che la. g b. è descritta sopra il medesimo piano, col quale la. a b. fa angoli retti; per il che tutte le linee che dal centro. g. faranno tirate fin no alla. a b. faranno angoli eguali. Onde la. a b. sarà ueduta, & apparirà sempre della medesima grandezza. † Nel medesimo modo accaderà ogni uolta, che dal centro. g. si innalzerà una linea, che sia parallela alla. a b. & l'occhio stia nella sommità di detta linea, & la grandezza. a b. si giri attorno per la circonferenza del cerchio, apparirà sempre eguale à se stessa.



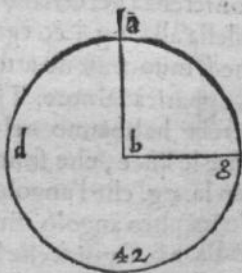
† per la 7. sup.

CHE la grandezza. A B. apparisca all'occhio. G. sempre eguale è M. Egnat. manifesto, perche se si tira una linea dal punto. A. al punto. G. l'angolo. A G B. sarà sempre eguale à se stesso, perche la. G B. mezzo diametro del cerchio è sempre la medesima, & così la. A B. perpendicolare; ma quelle cose, che sotto eguali angoli sono viste, sono eguali per la settima suppo. adunq; la. A B. che è vista sempre sotto l'angolo. A G B. eguale à se stesso, apparirà sempre eguale. Et quando l'occhio starà nella sommità della linea, che sta à piombo sopra il centro del cerchio, la. A B. gl'apparirà sempre eguale, perche la. A B. per la. 6. dell'undecimo sarà parallela alla linea, sopra la quale sta l'occhio, & se dall'occhio al punto. A. si tirerà una linea, & l'altra dall'occhio alla. B. si uedrà, che l'angolo, che è costituito dalle linee, che escono dalli punti. A. & B. & uanno à congiungersi nell'occhio, sarà sempre eguale à se stesso, per il che la grandezza. A B. apparirà sempre eguale; per la 7. supposizione.

THEOREMA QVARTESIMO
S E C O N D O.

Se la grandezza veduta starà à piombo sopra il centro del cerchio, attorno la cui circonferenza uadia girando l'occhio, apparirà sempre eguale.

S I A la ueduta grandezza. a b. la quale stando ad angoli retti sopra il centro del cerchio, sia ueduta dall'occhio, che è nel punto. g. & con il centro. b. & lo intervallo. b g. si descriva il cerchio. g d. Dico che se l'occhio. g. si girerà per la circonferenza del cerchio, che la grandezza. a b. apparirà sempre eguale. Il che si dimostrerà in questa maniera. Essendo che tutti i raggi uisuali, che dall'occhio. g. andranno alla grandezza. a b. faranno con essa angoli retti, poi l'angolo posto nel punto. b. è retto, onde la ueduta grandezza apparirà perpetuamente eguale à se stessa. †



† come nella annotatione del precedente Theo. si è dimostrato.

strato, che di tutti gl'angoli, che uengono fatti dalle linee, che passano per il punto. *c.* & dalla. *eg. lo. g. e. a.* è il minore, per il che sarà minore dell'angolo. *g. e. d.*

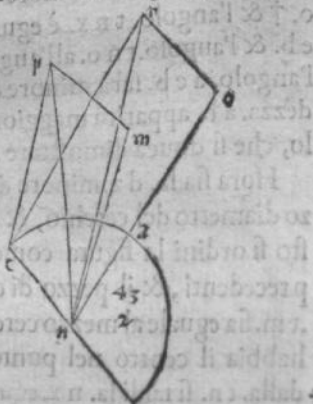
Pongasi hora il pezzo di cerchio. *c. a. l.* eguale al mezzo cerchio il cui centro sia *la. n.* & facciafi l'angolo. *c. n. m.* eguale all'angolo. *g. e. a.* ma l'angolo. *c. n. o.* sia eguale all'angolo. *g. e. d.* & sia ciascuna delle due linee. *m. n.* & *o. n.* eguale alla. *z. d.* & per il punto. *m.* si tiri la linea retta. *m. p.* eguale, &

parallela alla. *c. n.* & si congiungli la retta linea. *p. c.* & col il. *p. n.* sarà parallelo gramo, eguale, & simile al parallelo gramo *b. e.* In oltre per il punto. *o.* tirisi la linea. *o. r.* eguale & parallela alla. *c. n.* & si tiri la retta linea. *p. c.* onde il parallelogramo. *r. n.* sarà eguale, & simile al parallelogramo. *z. e.* Tirin si poi i diametri. *r. n.* & *p. n.* & si uedrà, che l'angolo. *c. n. p.* è minore dell'angolo. *c. n. r.* † Ma l'angolo. *c. n. r.* è eguale all'angolo *d. e. z.* per il che l'angolo. *a. e. b.* è

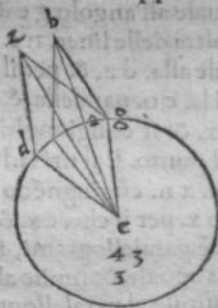
minore dell'angolo. *d. e. z.* Onde la grandezza. *a. b.* apparirà minore della grãdezza. *d. z.* laquale sarà eguale, & minore del mezzo diametro. *d. e.* si dimostrerà nõ di meno; che la. *b. a.* è minore della. *z. d.*

Sia nella presente figura la. *z. d.* eguale alla. *d. e.* mezzo diametro, & il restante si costituisca come nella precedente figura si è fatto, & pongasi il mezzo cerchio. *t. d. l.* che sia eguale al mezzo del precedente cerchio, & il suo centro stia nel punto. *n.* & perche la.

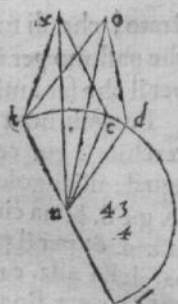
d. z. si è posta eguale al mezzo diametro del cerchio, sarà eguale alla. *t. n.* Hor põgasi l'angolo. *t. n. c.* eguale all'angolo. *g. e. a.* tirando la. *c. x.* parallela, & eguale alla. *t. n.* & si congiunga la. *x. t.* facendo ancora, l'angolo *r. n. d.* eguale all'angolo. *g. e. d.* & si tiri la. *d. o.* eguale, & parallela alla. *t. n.* & la. *o. d.* parallela alla, *t. n.* & così faranno parallelogrami. *t. c.* & *t. d.* & saranno si mi-



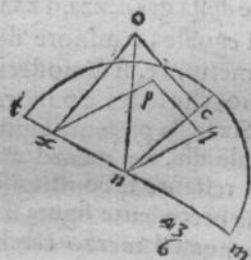
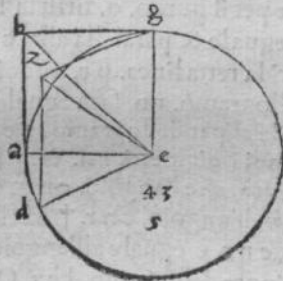
† cioè la parte, che nõ è il tutto.



no simili, & eguali alli parallelogrami. e z. & e b. onde l'angolo. t n d. farà eguale all'angolo. g e d. & l'angolo. t n c. all'angolo. g e a. Ma l'angolo. g e a. è minore dell'angolo. g e d. essendo, che l'angolo. t n c. è minore dell'angolo. t n d. Congiungihinfi hora i diametri, de' parallelogrami. x n. & o n. l'angolo. t n x. farà minore dell'angolo. t n o. † & l'angolo. t n x. è eguale all'angolo. a e b. & l'angolo. t n o. all'angolo. d e z. Onde l'angolo. a e b. farà minore dell'angolo. d e z. per il che la grandezza. a b. apparirà maggiore della grandezza. d z. che è quello, che si douea dimostrare.



Hora sia la. d z. minore del mezzo diametro del cerchio, & nel resto si ordini la figura come nelle precedenti, & il pezzo di cerchio. t m. sia eguale al mezzo cerchio; & habbia il centro nel punto. n. & dalla. t n. si tagli la. n x. eguale alla. d z. & si faccia l'angolo. t n c. eguale all'angolo. g e a. & l'angolo. t n l. eguale all'angolo. g e d. & l'una, & l'altra delle linee. n c. & n l. sia eguale alla. d z. & per il punto. c. si tiri la. c o. parallela, & eguale alla. n x. & si congiunghi la. o x. & per il punto. l. si tiri la. l p. parallela alla. x n. cōgiugnēdo la retta linea. p x. per il che. c x. & x l. faranno due parallelogrami, de' quali. x c. farà eguale, & simile al parallelogramo. e b. & l. x. farà eguale, & simile al parallelogramo. e z. Onde l'angolo. t n c. è eguale all'angolo. g e a. † & l'angolo. t n l. all'angolo. g e d. per il che l'angolo. g e d. è maggiore dell'angolo. g e a. & di qui si uede, che l'angolo. t n l. è maggiore dell'angolo. t n c. Hor tirinfi i diametri de' parallelogrami. n o. & n p. & seguirà, che l'angolo. x n o. farà eguale all'angolo. a e b. & l'angolo. x n p. all'angolo. d e z. Onde l'angolo. a e b. farà minore dell'angolo. d e z. ma la grandezza. a b. si uede dall'angolo. a e b. & la. d z. dall'angolo.



† la parte del tutto.

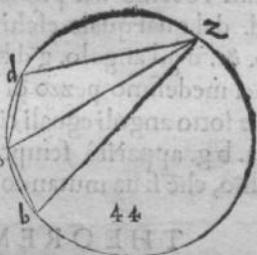
† per la prima diff. del sesto.

dall'angolo. d e z. per il che la. a b. apparirà minore della. d z. † per la 6. sup-
che è quanto si douea dimostrare. *positione*

THEOREMA QVARANTESI-
MO QVARTO.

*L'occhio si può fermare in un luogo talmente, che la
cosa ueduta, mutandosi da un luogo all'altro, gl'appari-
sca sempre della medesima grandezza.*

Si A. b g. la ueduta grandezza,
& l'occhio stia nel pūto. z. dal qua-
le eschino i raggi uisuali. z b. & z
g. & faccino il triangolo. z b g. at-
torno il quale si descriua il cerchio
. b g d z. † dico, che la grandezza. b
g. portata in qual si uoglia luogo
della circonferenza del cerchio, ap-
parirà sempre della medesima grā-
dezza. Tramutisi la grandezza. b g. nella. g d. & si tiri la. d z.
sarà eguale la circonferenza. b g. alla. g d. † & l'angolo. b z g.
all'angolo. g z d. † ma quelle cose, che si uedono sotto eguali
angoli, appariscono eguali. † Adunq; la grandezza. b g. appa-
rirà eguale alla grandezza. g d.



† per la 5. del 4.

† p la 28. del 3.

† p la 27. del 3.

† per la 5. sup.

ANNOTATIONE.

I L medesimo acaderia ancora quando l'occhio stesse nel centro M. Egnat.
del cerchio, & la grandezza. b g. si andasse mutando attorno la cir-
conferenza del cerchio, perche la. b g. sempre taglierebbe eguali ar-
chi del cerchio per la. 28. del terzo. & per la 27. del 3. gl'angoli,
che nel cerchio sono all'incontro di eguali pezzi di archi, sono eguali;
Onde la grandezza. b g. posta in qual si uoglia luogo della circonfe-
renza del cerchio, & l'occhio posto nel centro sempre apparirà di
eguale grandezza, essendo uista sotto angoli eguali per la 7. suppo-
sitione.

THEOREMA QVARANTESI
MO QVINTO.

Si può trouare un luogo, doue stando fissa la cosa ueduta, & mutandosi l'occhio, gl'apparirà sempre eguale.

Si A. b g. la cosa ueduta, & dall'occhio che è nel punto. z. eschino i raggi uisuali. z g. & z b. & attorno il triangolo. b g z. si descriua il pezzo di cerchio. b d z g. † & trasferiscasi l'occhio dal punto. z al punto .d. dal qual quale eschino i raggi. d b. & d g. l'angolo. g d b. sarà eguale all'angolo. b z g. essendo nel medesimo pezzo di cerchio. † Ma quelle cose, che sono uiste sotto angoli eguali ci appaiono eguali; † Onde la grãdezza. b g. apparirà sempre della medesima grandezza, all'occhio, che si ua mutando per la circôferenza del cerchio. g z d b.

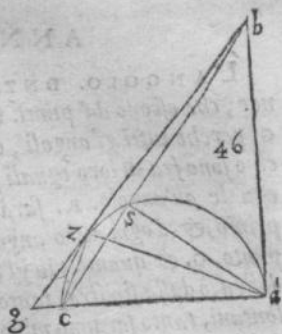
THEOREMA QVARANTESI-
MO SESTO.

Si può trouare un luogo, nel quale se si trasmuta l'occhio, & la cosa ueduta stia ferma, gl'apparisca hor maggiore, & hor minore.

Si A. c d. la ueduta grãdezza, & facciasi, che la linea. b g. si congiunghi con la. c d. stendendola fino al punto. g. & troueremo la linea mezza proportionale, fra la. d g. & g c. † & sia la. d z. tirando le rette linee. z l. & z d. di poi attorno la retta linea. d c. si descriua il pezzo di cerchio, che contenga l'angolo acuto. c z d. per la 33. del terzo. Onde la. b z g. toccherà il pezzo di cerchio nella circonferenza per la 37. del terzo, essendo la. d g. alla g z. come la. g z. alla g c. Pongasi hora l'occhio nel punto. b. dal quale eschino i raggi uisuali. b d. & b c. & si congiunghi la retta linea. s c. l'angolo. c z d. sarà eguale all'angolo, c s d. per la 21. del 3. essendo nel medesimo pezzo di

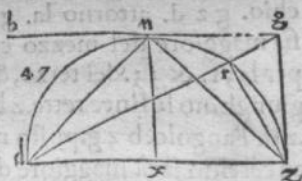
zo di cerchio. Ma l'angolo. $c s d$. è maggiore dell'angolo. $c b d$. per la 16. del primo, per il che l'angolo. $c z d$. farà maggiore dell'angolo. $c b d$. Onde l'occhio guardando la grandezza. $c d$. dal punto. z . gli apparirà maggiore, che dal punto. b . per la quinta suppositione.

THEOREMA QVA-
RANTESIMOSETTIMO.



Interverrà il medesimo, che nella precedente, se l'occhio si muoverà sopra una linea parallela alla cosa veduta.

SIA la linea. $b g$. parallela alla. $d z$. veduta grandezza. La quale sia tagliata per il mezzo (per la 10. del primo) nel punto. x . & da esso si drizzi la. $x n$. tirando le linee. $n d$. & $n z$. & attorno la retta linea. $d z$. si descriva il pezzo di cerchio, che capisca l'angolo. $d n z$. per la 33. del 3. Et perche nella linea. $x n$. è il diametro di quel cerchio, la cui parte è la. $d n z$. (per il corellario della prima del terzo). Et sopra la estremità della. $x n$. cio è per il punto. n . si è tirata la. $b g$. à piombo con la. $x n$. la. $b g$. toccherà la circonferenza del pezzo di cerchio. $d n z$. per il corellario della 16. del terzo. Tramutisi hora l'occhio nel punto. g . donde eschino i raggi. $g z$. & $g d$. & tirisi la linea retta. $r z$. l'angolo. $d n z$. sarà eguale all'angolo. $d r z$. per la 21. del 3. ma l'angolo $d r z$. è maggiore dell'angolo. $d g z$. per la 16. del primo, onde l'angolo. $d n z$. sarà maggiore dell'angolo. $d g z$. Ma quelle cose, che sotto maggiore angolo sono viste appariscono maggiori. † Adunq; la grandezza. $d z$. apparirà maggiore stando l'oc-



chio nel punto. g . Discorrendo adunq; l'occhio per la linea. $b g$. parallela alla grandezza. $d z$. essa gl'apparirà hor maggiore, & hor minore.

ANNOTATIONE.

M. Egnat.

L'ANGOLO. DNZ. è il maggiore, che si possa fare dalle linee, che escono da' punti. D. & .z. & si congiungano nella linea. B. G. perche tutti gl'angoli, che si fanno nella circonferenza del cerchio sono fra di loro eguali per la 21. del 3. & l'angolo. N. essendo eguale all'angolo. R. sarà maggiore dell'angolo. G. per la 16. del primo, & d'ogni altro angolo che si costituisca fra il punto. N. & il punto. G. & quanto più gl'angoli saranno vicini al punto. N. ò dalla destra, ò dalla sinistra, tanto saranno maggiori, & quato più saranno lontani, tanto saranno minori. Onde l'occhio stando nel punto. N. uedrà la grandezza. DZ. maggiore, che da qual si uoglia altro punto della linea. B. G. & da' punti equidistanti dalla. N. uedrà la. DZ. di eguale grandezza.

THEOREMA QVARANTESIMO OTTAVO.

Sitroua qualche luogo talmente commune, che da esso essendo uiste le grandezze eguali, appariscono ineguali.

Si A la grandezza. b g. eguale alla. g d. & si descriua il mezzo cerchio. b z g. attorno la. b g. descriuendo il pezzo di cerchio. g z d. attorno la. g d. che sia maggiore del mezzo cerchio, per la 31. & 33. del terzo, & si congiunghino le linee rette. z b. z g. & .z d. l'angolo. b z g. posto nel mezzo cerchio sarà maggiore dell'angolo. g z d. del maggiore pezzo del cerchio, per la 31. del terzo, ma quelle cose che si uedono sotto maggiore angolo, appariscono maggiori per la quinta suppositione, adunq; apparirà maggiore la. b g. che la. g d. all'occhio, che sta nel punto. z. Ma la. b g. si è posta eguale alla. g d. per il che si darà qualche luogo commune, dal quale essendo uiste le grandezze eguali, ci appariscono ineguali.

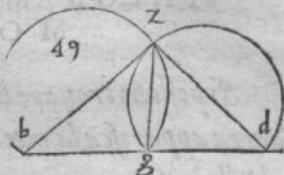


THEOREMA QVARANTESIMO NONO.

Sitroua qualche luogo talmente commune, che da esso es-

So essendo uiste le grandezze ineguali, ci appariscono eguali.

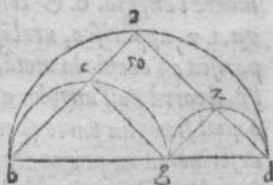
Si A la grandezza. b g. maggiore della. g d. attorno la quale si descriua il pezzo di cerchio. b z g. che sia maggiore del mezzo cerchio, & attorno la. g d. si descriua parimente il pezzo di cerchio. g z d. che sia simile all'altro pezzo cio è, che contenga l'angolo. g z d. eguale all'angolo. g z b. per la 33. del terzo, & si congiungino le linee rette. z b. z g. z d. & perche gl'angoli, che sono ne' peazi di cerchi simili, sono fra di loro eguali, per la 10. diffinitione del terzo. Adunq; gl'angoli .b z g. & .g z d. sono eguali fra di loro; essendo descritti in simili pezzi di cerchio, Ma quelle cose che sotto angoli eguali sono uiste, appariscono eguali, per la 7. suppositione; adunq; all'occhio collocato nel punto. z. apparirà la grandezza. b g. eguale alla. g d. non ostante, che la. b g. sia maggiore della. g d. Onde si da un luogo commune dal quale uiste le grãdezye ineguali, appariscono eguali.



THEOREMA CINQVANTESIMO.

Sono alcuni luoghi, da' quali uedendosi una grandezza composta di due grandezze ineguali, apparisce ciascuna di loro eguale.

SIANO due grandezze ineguali, &. b g sia la maggiore, &. g d. la minore, & si descriuino attorno ciascuna di esse i mezzi cerchi. b c g. &. b z d. Et anco attorno tutta la. b d. composta da amendue le linee. b g. &. g d. si descriua il mezzo cerchio. b a d. & perche l'angolo, che è nel mezzo cerchio .b a d. è eguale all'angolo, che è nel mezzo cerchio. b c g. † & l'uno, & l'altro è retto (per la 31. del terzo) Adunq; apparirà



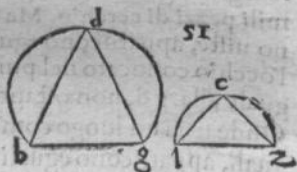
eguale
1 2
† per la 10. diff. del terzo

† per la 7. *supp.* eguale la. b g. alla b d. † similmente la. g d. alla. b d. apparirà eguale, stando l'occhio ne' punti. a. &. z. de due mezzi cerchi. b a d. &. g z d. Onde si trouerranno alcuni luoghi, da' quali uista una grandezza, composta di due grandezze ineguali, ciascuna delle due ineguali apparisce eguale.

THEOREMA CINQUANTESI-
M O P R I M O.

Si possono trouare luoghi, da' quali la medesima grandezza apparisca la metà, o la quarta parte minore di quella, ch'ella è, & precisamente nella medesima ragione, con la quale uiene diuiso l'angolo.

SIA la linea retta. l z. attorno la quale si descriua un pezzo di cerchio come si pare, & in esso si faccia l'angolo. l c z. Et pongasi la. b g. eguale alla. l z. descriuendoli attorno il pezzo di cerchio. b d g. che capisca un'angolo la metà minore, dell'angolo. l c z. per la 33. del terzo. Onde l'angolo. l e z. essendo la metà maggiore dell'angolo. b d g. seguirà, che la grandezza. l z. apparisca la metà maggiore della. b g. (ancorche gli sia eguale) stando l'occhio nella circonferenza. b d g. &. l c z.



ANNOTATIONE.

M. Egnat.

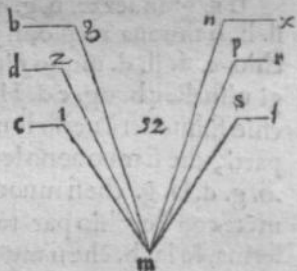
L'OPERATIONE di questa propositione consiste tutta nel diuidere l'angolo. c. & torne quella parte, che uorrà, che la grandezza. l z. apparisca, uerbigratia, se si uorrà che la grandezza. l z. apparisca all'occhio la metà, o il terzo, o il quarto, o il quinto, di ch'ell'è, si torrà dall'angolo. c. la metà, o il terzo, o il quarto, o il quinto, o qual si uoglia parte (per la 23. del primo) & sopra la linea. b c. si descriuerà un pezzo di cerchio (per la 33. del terzo) che capisca quella parte dell'angolo. c. che deue apparire all'occhio, la. l z. la quale stando nella. b c. apparirà sempre all'occhio, che habbia quella ragione alla. l z. che l'angolo. d. (dal quale si uede la. b c.) ha all'angolo. c. dal quale si uede la. l z. Non offeruerà già la medesima ragione

gione la lontananza del punto. D. dalla. B. & alla lontananza del punto. C. dalla. L. Z. come si è dimostrato nell' 8. Theorema.

THEOREMA CINQVANTESI-
M O S E C O N D O.

Se parecchie grandezze, essendo poste vicine all'occhio nella medesima linea retta, si muoueranno con eguale prestezza, l'ultima parrà che preceda tutte l'altre. Ma se si muoueranno in contraria parte, quella, che precedea l'altre, parrà, che resti addietro, & quella, che era l'ultima parrà che preceda tutte l'altre.

SIANO portate con la medesima prestezza la. b. g. d. z. c. i. & dall'occhio. m. eschino i raggi. m. g. m. z. m. i. & si uedrà che il raggio. m. g. è il piu destro, & il piu alto, che esca dall'occhio .m. Onde parrà, che. b. g. preceda tutte l'altre grandezze. † † *p la supp. 10.* Ma se si muoueranno nella contraria parte, cioè, che la. b. g. d. z. c. i. si trasportino sopra la. n. x. p. r. s. t. & eschino i raggi. m. n. m. p. m. s. & si uedrà, che il raggio. m. s. è piu destro di tutti gl'altri. Adunq; parrà che la. s. t. preceda l'altre grandezze, † & parrà che la. n. x. sia l'ultima. Per il che la. b. g. che prima pareva, che andasse innanzi all'altre, essendo trasmutata nella. x. n. parrà, ch'ella resti da ultimo, † & la grandezza. i. c. che prima pareva, che fosse l'ultima hora parrà, che preceda l'altre, † essendo trasmutata nella. s. t.



† *p la 10. supp.*

† *per la 11. supp.*

† *p la 10. supp.*

ANNOTATIONE.

QVANDO l'autore dice, che le tre grandezze. B. G. D. Z. C. I. essendo trasportate nelle tre. N. X. P. R. S. T. si muoueranno in contraria parte; essendo che le prime si muouono dal punto. G. uerso il punto. N. & le seconde dal punto. N. uerso il punto. X. & l'une, & l'altre si muouono dalla sinistra, & uanno uerso la destra; come starà adunq;

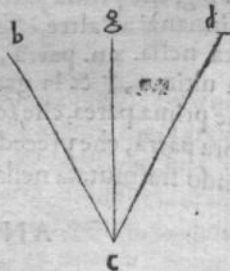
M. Egnat.

adunq; che le seconde grandezze si muouino in contraria parte delle prime, si deue intendere, che dal punto. M. esca una linea, che tagli per il mezzo l'angolo. G M N. hor dico che letre prime grandezze .B G. D Z. C L. mouendosi uerso la destra, si accostano alla linea, che taglia l'angolo. M. & fin, che sopra detta linea non si ritroua la linea. G M. ell'è sempre piu destra, & precede l'altre due. M Z. & M L. Ma poiche la. M G. passa la linea, che taglia l'angolo. M. mouendosi uerso la. N X. all'hora si comincia à muouere in contraria parte, cioè doue prima si accostaua alla linea, che taglia l'angolo. M. si comincia à discostare, & questo uol dire muouersi in contraria parte, & per cio la. M L. tramutata nella. M G. precede, & la. M G. nella. M N. resta à dietro.

THEOREMA CINQVANTESI-
MOTERZO.

Delle grandezze inegualmente mosse per il uerso, che si muoue l'occhio, quelle che si muouono egualmente con l'occhio, par che stieno ferme, & quelle che si muouono piu tardi, par che tornino in dietro, & quelle che si muouono piu presto, par che uadino innanzi.

Le grandezze. b. g. d. muouinfi con ineguale uelocità; ma il. b. si muoua adagio, il. g. con la medesima prestezza, che l'occhio. c. & il. d. molto piu presto, Et dall'occhio eschino i raggi uisuali. c b. c g. c d. Hor se l'occhio si muouerà uerso le medesime parti, che si muouono le grãdezze .b. g. d. la. g. che si muoue egualmente con l'occhio par-rà, che stia ferma, & la. b. che si muoue piu adagio parrà, che torni in dietro, & la. d. che corre piu uelocemète, par-rà che uadia all'innanzi, perche si tcosterà grandemente dalla. g. che cammina con l'occhio. c. egualmente.



THEOREMA CINQVANTESI-
MO QUARTO.

Se parecchie grandezze si muoueranno per il medesimo uerso,

mo uerso, & una stia ferma, quella che sta ferma parrà, che si muoua nella contraria parte.

Movvinsi le grandezze. b d. & la. g. stia ferma, & dal l'occhio. z. eschino i raggi. z b. z g. z d. Hor se le grandezze si nuoueranno (ponian caso) uerso la destra, la. b. s'accolterà piu appresso alla. g. & la. d. se ne distosterà. Onde la grandezza. g. parrà, che si muoua uerso la contraria parte, cioè uerso la sinistra.

ANNOTATIONE.

PERCHE le grandezze. B. & D. si muouono uerso qualche luogo, si accosteranno a quello tuttavia piu, che non sarà la grandezza. G. che sta ferma, & la. B. & D. muouendosi egualmente, non muteranno sito di lontananza l'una dall'altra, ma la. G. che sta ferma lo muterà; per il che parrà che ella camini in contraria parte. Il che chiaro si scorge nella Luna, la quale per la gran lontananza pare agl'occhi nostri che stia ferma, ne si conosce il moto suo in piccolo spatio di tempo; Onde quando uediamo le nuvole, che con gran uelocità si muouono sotto la Luna, ci pare che essa corra uelocemente nella contraria parte.

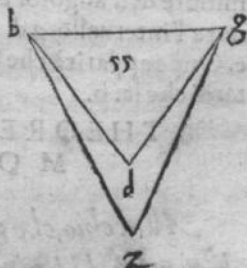
M. Egnat.



THEOREMA CINQVANTESIMO QVINTO.

All'occhio, che si accosta all'cosa ueduta, gli pare, che ella instania cresca.

DALL'OCCHIO posto nel punto. z. sia ueduta la grandezza. b g. per i raggi. z b. & z g. accostisi hora l'occhio alla grandezza. b g. & si ponga nel punto. d. & ueda la. b g. per i raggi. d b. & d g. & essendo maggiore l'angolo. d. dell'angolo. z. † seguirà che la grandezza. b g. apparirà mag-



giore,

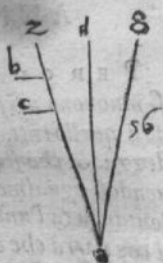
† per la 21. del primo.

giore, uista dal punto. d. angolo maggiore che dal. z. angolo minore; Perche quelle cose, che sotto maggiore angolo si uedono, ci appariscono maggiori per la 5. suppositione.

THEOREMA CINQVANTESIMO SESTO.

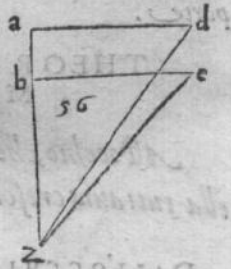
Delle grnadezze, che egualmente si muouono, quelle, che sono piu lontane, par che piu tardi si muouino.

Mouinsi egualmente con la medesima prestezza le grandezze. b. & c. uerso la. z. & eschino dall'occhio. a. i raggi. a. g. a. d. a. z. & uedrasse che i raggi, ch'escono dall'occhio. a. & uanno alla grandezza. c. sono minori di quelli, che uanno alla gradezza. b. On dela. c. caminerà minore interuallo, & parrà che camini piu presto, perche piu presto giungerà all'a. z. raggio uisuale.



VN'ALTRA DIMOSTRAZIONE DEL THEOREMA, 56.

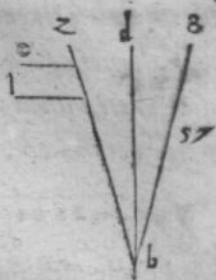
Mouinsi li due pñti. a. & b. di eguale mouimèto, per le due linee parallele. a d. & b e. & passerāno per le dette linee rette in eguale spatio di tempo. Siano adunque eguali le. a d. & b e. & dall'occhio eschino i raggi uisuali. z a. z d. z b. z e. hor perche l'angolo. b z d. è minore dell'angolo. b z e. apparirà minore l'interuallo. a d. dell'interuallo. b e. Onde apparirà che l'a. si muoua piu tardi che la. b.



THEOREMA CINQVANTESIMO SETTIMO.

All'occhio, che uelocemente si muoue, pare che le cose, che ci mira da lontano, rimanghino addietro.

SI A l'occhio il punto. b. dal quale escino i raggi uisuali. b g. b d. b z. & le cose uedute siano le. c. & .l. Essendo adū q; l'occhio portato uelocemente, i raggi che da esso uscendo son distesi uerso la. z. trapasseranno la grandezza. c. piu presto che la. l. † Onde parrà, che la. c. rimanghi addietro, & la. l. si muoua nella cōtraria parte, cio è alla destra uerso la. g.



† per la minor
ta dell'angolo sot
to il quale è ui
sia la c.

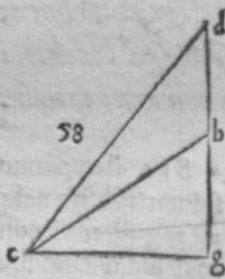
COME si uede accadere à quelli, che nella barca sono con uelocità portati per il fiume a' quali pare che i monti, che da lontano uedono, rimanghino addietro, & quegli arbori che sono nella ripa del fiume, ò quini appresso, si muouino nella contraria parte.

M. Egnat.

THEOREMA CINQVANTESI-
MOTTAVO.

Le grãdezze accresciute, par che si accostino all'occhio.

L A. g b. grandezza sia ueduta da' raggi. c g. & . c b. Accreschisi hora la. b g. di tanta grandezza, quanta è la. b d. & dal l'occhio. c. esca il raggio. c d. sarà adū q; maggiore l'angolo. d c g. dell'angolo. b c g. † Onde apparirà maggiore. g d. che .g b. essendo, che quelle cose, che sotto maggiore angolo sono uiste, ci appariscono no maggiori. † Ma quelle cose, che ci appariscono maggiori, che prima non appariuono, par che sieno accresciute. Adū q; le grandezze accresciute par che si accostino all'occhio.



† il tutto della
parte.

† per la 5. suppa

LE grandezze accresciute par che si accostino all'occhio, perche l'occhio le uede diuētare, maggiori credendo, che in se stesse sieno della medesima grandezza, però pēsa, che se li sieno accostate, essendo, che delle cose eguali quelle, che sono piu uicine all'occhio, ci appariscono maggiori, per il sesto Theorema.

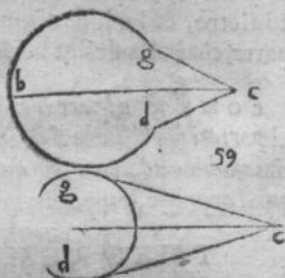
M. Egnat

THEOREMA CINQVANTESI-
MONONO.

Quelle cose, che inegualmente sono lontane dall'occhio,
K delle

delle quali le estreme, non sono parallele alle estreme, ne quelle di mezzo à quelle di mezzo, ne meno sono nella medesima retta linea, fanno tutta la figura, hor concaua, & hor rotonda.

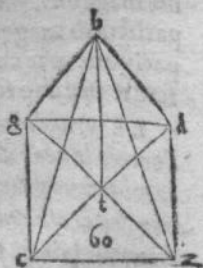
VEGCHINSI adunq; , le. b .g. d. dall'occhio posto nel punto .c. dal quale eschino i raggi. c b. c g. c d. & uedrafsi, che tutta la figura apparisce concaua. Pongasi hor la cosa ueduta talmente, che la. b. sia piu appresso all'occhio. c. che non è la. d. ò la. g. & cosi la figura .d b g. apparirà rotonda.



THEOREMA SESSANTESIMO.

Se dalla intersegaione de' diametri del quadrato s'innalzerà una linea retta, sopra il piano di esso, nella quale si ponga l'occhio, i diametri, & i lati del quadrato appariranno eguali.

SIA il quadrato. g z. & si tirino i diametri. g z. & c d. che si interseghino nel punto. t. dal quale si innalzi la. t b. che stia ad angoli retti con il piano del quadrato, † & l'occhio stia nel punto. b. dal quale eschino i raggi. b c. b d. b g. b z. le due rette linee. t z. & t b. saranno eguali alle due rette. t g. & t b. sono ancora eguali fra di loro gl'angoli, che da esse linee sono contenuti attorno il punto. t. Per il che la base .z b. sarà eguale alla base. g b. & la base. c b. alla base. d b. † Onde le due linee rette .z b. & b g. sono eguali alle due linee rette. c b. & b d. Et essendo eguali fra di loro anco i diametri, seguirà, che gl'angoli, che sono alla. b. sieno eguali. † Ma quelle cose, che sotto eguali angoli sono viste, appariscono eguali, adunq;



† per la 12. del
f i i.

† per la 4. del
primo.

† p la 8. del pri.

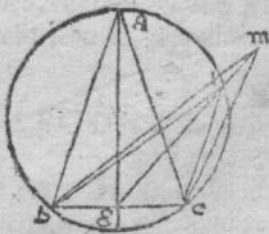
adunq; i diametri, & i lati del quadrato appariranno fra di loro eguali. †

† per la 7. supp.

THEOREMA SESSANTESI-
M O P R I M O.

Se'l raggio, che uscendo dall'occhio, casca sopra la intersegaione de' diametri, non farà angoli retti sopra il piano del quadrato, ne meno sarà eguale à qual si voglia de' mezzi diametri, co' quali anco non faccia angoli retti, i diametri appariranno ineguali.

S I A nella figura superiore il punto. T. la intersegaione de' dia- M. Egnat.
metri del quadrato, & dall'occhio. B. fino al punto. T. si tiri la linea
B T. che non faccia angoli retti col piano del quadrato, ne manco co'
mezzi diametri di quello, faccia angoli eguali, & non sia eguale al
mezzo diametro, ma sia ò maggiore, ò minore; Dico che i diame-
tri appariranno ineguali. Tirisi il diametro. G Z. che faccia angoli
retti con la. B T. con la quale non faccia angoli retti la. D C. & si ti-
rino le linee rette. B G. B D. B C. B Z. Et sia la prima cosa, la. B T. mag-
giore del mezzo diametro. T C. seguirà, che l'angolo. G B Z. sarà
maggiore dell'angolo. C B D. (come si è dimostrato nella annotatione
del Theorema 37). Ma quelle cose, che sotto maggiore angolo sono
vedute, appariscono maggiori, p il che il diametro. G Z. apparirà mag-
giore del diametro. D C. per la. 6. supp. Ma se la. B T. sarà mi-
nore della. T C. mezzo diametro del quadrato, la. D C. apparirà mag-
giore della. G Z. Perche se il segmento del cerchio. B A C. sarà mino-
re del mezzo cerchio la linea. G A.
sarà piu corta di tutte l'altre linee,
che uscendo dal punto. G. uanno alla
circonferenza. B A C. per la 7. del 3.
Onde la linea. G L. sarà piu lunga del
la linea. G A. & tagliando dalla G L.
un pezzo eguale alla. G A. sopra la
quale facendomi uno angolo casche-
rà dentro all'angolo. B L C. del quale
essendo maggiore, per la 21. del primo sarà anco maggiore dell'an-
golo. B A C. che è eguale all'angolo. B L C. per la 21. del 3. La onde
K 2 se la



se la linea. BT . nella superiore figura sarà minore del mezzo diametro. TC . & Starà ad angoli retti, non sopra la DC . ma sopra la. CZ . l'angolo. CBD . sarà maggiore dell'angolo. GBZ . Ma quelle cose, che sotto maggiore angolo sono vedute, appaiono maggiori, per la. 6.

Supp. adunq; il diametro. DC . apparirà maggiore del diametro. CZ . che è quanto si dovea dimostrare, conforme alla

dimostrazione del Theorema 37. Il medesimo si

può dimostrare anco di ogn'altra figura ret

tilinea di angoli pari come delli qua-

drangoli, de' sest' angoli, degl'ot-

tangoli, & universalmen

te tutto quello, che

si è detto de'

cerchi,

si puote applicare alle figure Po-

ligonie di angoli

pari.

Il Fine della Prospettiva
di Euclide.



GLI SPECCHI⁷⁷ DI EVCLIDE;

Cioè quella parte della Prospetti-
ua, che dimostra i varij effe-
ti degli specchi.

*Tradotta da Maestro Egnatio Dan-
ti, Cosmografo del Gran Duca
di Toscana.*

SVPPOSITIONE PRIMA.

*Presuppongasi, che il Raggio visuale sia una linea ret-
ta, della quale i mezzi cuoprano gli stremi.*



E L L A prima suppositione della prospettina si M. Egnat.
è detto che cosa sia raggio visuale. Hor che i suoi
mezzi cuoprino le sue estremità, resta chiaro;
poiche la linea visuale appresso de' prospettini
ha larghezza, & grossezza, non considerando
eglino, se non quelle cose, che sensatamente uedo-
no, come nella prima suppositione della pro-
spettina si è dichiarato. One si mostrò anco, che le cose visibili si ue-
dono per retta linea, che è quanto nella seconda suppositione si
contiene.

SVPPOSITIONE SECONDA.

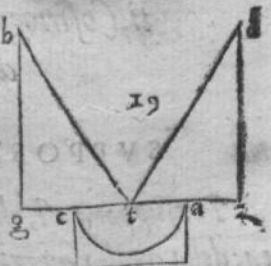
Ogni cosa visibile, si uede per retta linea.

SVPPOSITIONE TERZA.

*Se lo specchio si collocherà in un piano, sopra il quale
stia*

stia à piombo qualche altezza, la ragione, che harà la il
nea intrapresa fra quel, che mira, & lo specchio, alla li-
nea, che è fra lo specchio, & la già detta altezza, harà an-
co l'altezza di quel, che mira, all'altezza della cosa eleua-
ta à piombo, sopra il piano, nel quale è lo specchio.

M. Egnat. PER dichiaratione di questa supposizione intendasi, che il piano
sia la. GZ. nel quale stia lo specchio. CA. et la. BG. sia l'altezza, che
sta à piombo sopra il piano. GZ. & l'altezza di quel, che mira sia la
.DZ. Si suppone, che la ragione, che ha
la. ZT. distantia, che è fra i piedi di quel
che mira, & lo specchio; alla. TG. di-
stantia, che è fra lo specchio, & la det-
ta altezza, harà anco la. DZ. altezza
di quel che mira, alla. GB. altezza, che
sta à piombo sopra il piano. GZ. Questa
supposizione è necessaria, al primo Theo-
rema nel quale si dimostra, che l'ango-
lo della incidetia è eguale all'angolo del
la riflessione. Il che fino à hora non si uede essere stato dimostrato da
nessuno, senza supporre la proportionalità delle sopradette linee. Se
bene il Larissèo dice, ciò dimostrarsi da Herone, non è perciò tal di-
mostrazione peruenuta alla notizia de' nostri tempi, Bene è uero, che
da Tolomeo nel Theorema 45. del primo lib. degli specchi, & Al-
azeno nella prop. 10. & 18. del 4. libro, & Vitellione nella pro-
positione 12. 13. 14. 15. 16. 17. & 20. del quinto libro nadino
conistrumenti, & ragioni naturali piu tosto dichiarando, che dimo-
strando ciò essere uero. La onde Euclide principe de' Geometri,
conoscendo con la speranza degli strumenti esser uero, che i raggi si
reflettono negli specchi ad angoli pari, et non si potere ciò dimostrare.
Geometricamente, nolse, che si supponesse come principio certo, et in-
demostrabile, la egualità della ragione, che è fra le linee. ZT. &
.TG. & le. DZ. & BG.



S. 4. APPARENZA PRIMA.

Se l'occhio si porrà in quel punto dello specchio, piano
one per-

oue percuote à piombo la linea, che uiene dalla cosa uisibile, detta cosa non si potrà uedere.

APPARENZA da' Greci è detta Τὸ φαινόμενον. Et perche in questa quarta suppositione, & nelle tre seguenti si suppone quel, che si uede apparire à gl'occhi nostri, però dall' Autore sono chiamate apparenze; Delle quali questa prima, con la seconda, & la terza sono per se stesse chiare. Còciosia che, se l'occhio sarà posto in quel pùto oue casca la linea, che dalla cosa ueduta ua allo specchio piano perpendicolarmente (che è la medesima che quella, che dalla cosa ueduta ua al centro dello specchio tondo, ò concauo) non si potrà uedere, perche l'occhio terrà, che nò si impronti nello specchio occupandoli il luogo, poiche le cose che si uedono negli specchi, non si uedono per quella linea, con la quale si improntano, ma nel concorso di detta linea et del raggio, che esce dall'occhio per il Theo. 16. eccetto però quãdo il raggio, si riflette in se stesso, come si uedrà nel Theorema secondo, perche in quel caso la linea della incidentia, & della riflessione è tutt' una.

M. Egnat.

Tp 1416. del 3.

S. 5. APPARENZA SECONDA.

Negli specchi rotondi, se l'occhio si porrà in quel luogo oue passa la linea, che partendosi dalla cosa uisibile, ua al centro dello specchio, detta cosa, non si potrà uedere.

DI questa, & della seguente apparenza è la medesima ragione, che della precedente, perche quella linea, che ua al centro della palla fa sopra la superficie di quella angoli pari, tanto nella parte rotonda, quanto che nella concava, per la 16. del terzo essendo gl'angoli del contatto tutti eguali.

M. Egnat.

S. 6. APPARENZA TERZA.

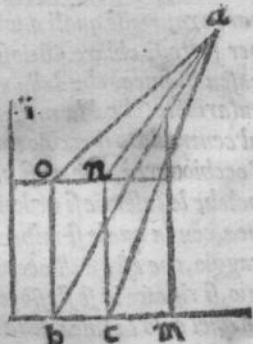
Il medesimo auuiene negli specchi concavi, che auueniua ne' conuessi, ò rotondi, che dir uogliamo.

S. 7. APPARENZA QVARTA.

Se si porrà qual si uoglia cosa, nel fondo d'un uaso, & poi si

poi si discosti tanto dall'occhio, che la cosa già detta non si ueda più, dico che tal cosa si potrà uedere in questo luogo, se il uaso si empierà d'acqua.

QUANTO la sperienza ci propone nella presente apparenza, si manifesta in questa figura, nella quale, i m. sia il uaso, & b c. sia la cosa, che è posta nel fondo di quello, & si discosti tãto dall'occhio. a. che i raggi uisuali. a b. & a c. impediti dal uaso, non la possino uedere; Poi empisi il uaso d'acqua fino alla o n. & così la b c. si uedrà per i raggi rotti. a n c. & a o b. che si rompono nella superficie dell'acqua. o n. che prima per i raggi retti. a b. & a c. nõ si potea uedere.



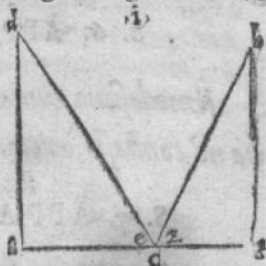
Il Fine delle suppositioni.

THEOREMA PRIMO.

I raggi uisuali si riflettono ad angoli pari, tanto negli specchi piani, come anco ne' rotondi, & ne' concaui.

SI A l'occhio nel punto. b. & lo specchio piano sia. a g. & esca dall'occhio il raggio. b c. che si rifletta nel punto. d. dico che l'angolo della riflessione. e. è eguale all'angolo della incidenza. z. Imperoche, tirinsi le due linee à piombo. b g. & d a. sopra lo specchio. a g. Et farà la. b g. alla. g c. come è la. d a. alla. a c. (per la terza suppositione) per il che il triangolo. b g c. farà simile al triangolo. d a c. tal che l'angolo. e. sarà eguale all'angolo. z. essendo i triangoli simili di angoli eguali. †

† per la prima
diff. del sesto.



ANNOTATIONE.

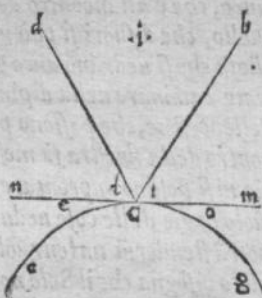
M. Egnat.

L'ANGOLO della INCIDENTIA è quello, che è compreso dalla

dalla superficie dello specchio. A G. & dalla linea, che esce dall'occhio. B. & ua a ferire nel punto. C. dello specchio, che sarà l'angolo. B C G. & quello della riflessione è, D C A. compreso dalla superficie dello specchio. A G. & dalla linea, che dal punto. C. si riflette nel punto. D. Il punto della incidentia è la. C. done percuote il raggio. B C. & qlo della riflessione è la. D. puto done si riflette il raggio. C D.

DIMOSTRAZIONE NELLO SPEC
CHIO ROTONDO.

SIA lo specchio rotondo la. a c g. & il raggio uisuale sia. b c. che si rifletta nel punto. d. dico che l'angolo della incidentia. o l. è eguale all'angolo della riflessione. e t. perche se io porrò uno specchio piano nella linea. n m. di maniera, che tocchi lo specchio tondo nel punto. c. l'angolo. t. sarà eguale all'angolo. l. † Ma l'angolo. e. è eguale all'angolo. o. † perche lo specchio. n m. piano tocca lo specchio. a c g. rotondo; Onde tutto l'angolo. t e. sarà eguale a tutto l'angolo. l o.

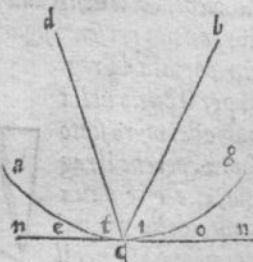


† p la precedente

† p la 16. del 3.

DIMOSTRAZIONE NELLO SPEC
CHIO CONCAVO.

SIA lo specchio concauo. a c g. & il raggio uisuale sia. b c. che si rifletta nel punto. d. dico, che l'angolo. t. è eguale all'angolo. l. Impercioche, ponendoui lo specchio piano. m n. sarà eguale l'angolo. t e. all'angolo. l o. † Ma l'angolo. e. è eguale all'angolo. o. † Onde il rimanente angolo. t. sarà eguale al rimanente angolo. l.



† per la prima
parte di questa.

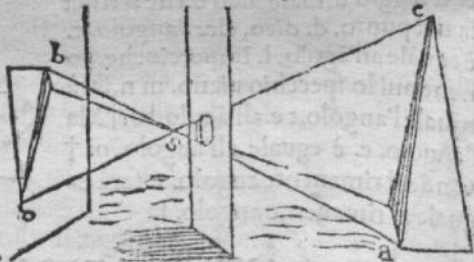
† p la 16. del 3.

ANNOTATIONE.

PER maggiore chiarezza di questo primo Theo. uoglio addurre una mirabile sperienza, che si uede della riflessione de' raggi negli
L specchi

M. Egnat.

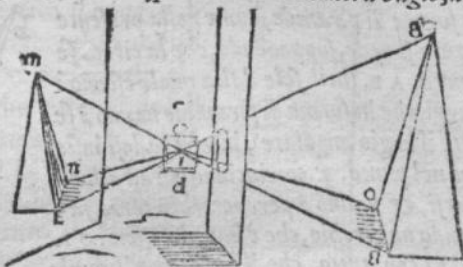
specchi piani, & insieme mostrare il modo di fare uno strumento per uedere stado serrato in camera tutto quello, che si fa fuori in piazza. Si deue adūq; fare un bugio rotōdo nel legno della finestra della camera, che sia grande quāto una cratia poco piu, ò meno, et tal grādez-za si offerui dalla banda di dentro, perche di fuori di uerso la piazza, ò strada questo bugio si deue ire allargando nella grossezza del legno in forma di piramide, & quanto piu sarà smussato, & allargato, tanto piu cose si potranno per quello uedere. Fatto questo serrisi questa, & ogni altra finestra della camera di maniera, che in q̃lla nō entri al- tra luce, che per q̃l picciol bugio. Et subito uedrai nella facciata del muro, che è all'incontro della finestra, dipinto di colori proprij tutto quello, che di fuori si può uedere per quel bugio, & è cosa mara- nigliosa che si uedrāno anco gli uccelli uolar per l'aria, & le nugole di- pinte caminare nella dipintura, come fanno in cielo, & le imagini delle persone, che passono per la piazza. Si deue auuertire, che all'in- contro della finestra fa mestieri, che il muro sia bianco, & pulito, ac- cio ui si possino improntare le imagini, che uengono di fuori per il pic- ciolo bugio dalle cose uedute, ma quando il muro fosse impedito, si potrà stenderui un lenzuolo bianco, che farà il medesimo effetto; In- oltre bisogna che il Sole non percuota nel detto bugio, perche disgre- gheria i raggi uisuali, ma si bene percuota nelle cose da uederli, acciō i raggi imprimino i colori piu gagliardamente dentro nel muro della stanza. Terzo si deue auuertire che tutte le cose, che si uedranno ri- flessse nel detto muro saranno uolte sotto sopra; del che ne sono cagio- ne i raggi, che uanno à percuotere nel muro à retta linea, & quelli che si muouono di sotto percuotono da capo il muro, & quelli di sopra da' piedi, & li destri alla sinistra, & li sinistri alla destra, come si scorge nella presente figura, nella quale si uede la piramide, che è suo- ri, riportata da' rag- gi per il bugio nella parte del muro sotto sopra, perche il rag- gio, che esce dalla punta della pirami- de. c. et passa per il bugio riporta la pun- ta di detta piramide nel muro nel punto. o. & così li raggi, che escono dalla basa. A. ca- minando per retta linea, la riportono nel punto. b. & il medesimo auuiene di tutte l'altre cose, che per i raggi, che passono per il bugio



sono

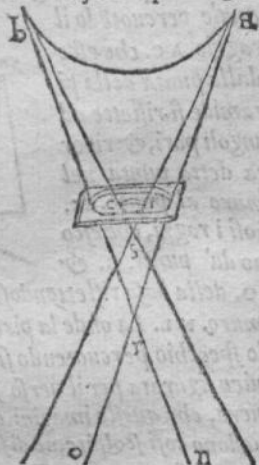
sono riportate sotto sopra. Hor se vorremo, che l'imagini tornino per il uerso loro, metteremo uno specchio sotto il bugio dentro alla finestra come nella presente figura si uede lo specchio. c d. auanti il bugio, nel quale percuotẽdo il

raggio. A c. che esce dalla punta della piramide si riflette ad angoli pari, & riporta detta punta nel muro al punto. m. cosi i raggi, che escono da' punti. g. &



.o. della basa riflettendosi ad angoli pari si improntano ne' punti del muro. n l. La onde la piramide. l n m. cagionata da' raggi, che nello specchio percuotendo si riflettono, & non caminono rettamente, uien figurata per il uerso suo come sta quella, che la cagiona. E ben uero, che queste imagini, che sono cagionate da' raggi riflessi non si uedono cosi scolpite, ne di si uiui colori, come fanno quelle, che da' raggi retti sono causate. Perche i raggi uisuali riflessi, sono piu debili, che non sono i retti; Et di qui nasce, che noi non ci ricordiamo dell'immagine del nostro uiso, che uediamo nello specchio, come ci ricordiamo delle imagini degl'altri, perche la nostra la uediamo co' raggi riflessi, che non imprimono nella memoria, come fanno i raggi retti, co' quali uediamo il uiso degl'altri. Et questo intese S. Iacopo nel primo cap. della sua Epistola quando disse. Si quis auditor est uerbi, & non factor: hic comparabitur uiro consideranti uultum natunitatis sue in speculo; considerauit enim se, & abiit, & statim oblitus est, qualis fuerit. Resta hor solo à dire, che quanto il muro sarà piu uicino ò lontano dal bugio tanto sarà maggiore, ò minore la cosa rappresentata, perche se il muro fosse tanto lontano dal bugio, quanto di fuori è lontana la piramide, quella rappresentata saria eguale alla uera, & ciò si proua per la 15. del primo, perche gl'angoli opposti nelle punte, che percuotono nello specchio sono eguali, hor se i due lati di un triangolo sono eguali à due lati dell'altro triangolo, anco la basa, che è l'altezza d'una piramide sarà eguale all'altra basa, che è l'altezza dell'altra piramide, per la quarta del primo; Da questa sperimenta, si scuopre anco la cagione, onde proceda, che i raggi del Sole, che entrano per i bugi delle finestre, che hanno piu saccie, & piu angoli, gli uediamo in terra di forma rotonda. Perche tale è la natura delle cose, che da' raggi sono riportate secondo la forma loro come

appare nella piramide, che essendo di figura lunga è riportata per quel bugio tondo; Il medesimo accade al Sole, perche partendo i raggi, da ogni punto della sua circonferenza, uanno à ferire quel bugio in forma di piramide, come nella presente figura si vede, supponendo, che la circonferenza. *AB*. sia il sole dalla quale escono i raggi, che in forma di piramide uanno à ferire il bugio angolare, intersegandosi insieme nel punto. *R*. cominciano poi ad allargarsi, & uanno à percuotere in terra facendo un cerchio, che è basa del Cono. *OR*. Et con tutto, che il bugio per il quale passa il sole, sia di figura quadra, egli non dimeno percuote in terra di figura rotonda. Et quanto il bugio è minore tanto il sole fa in terra maggior raggio, perche i raggi. *AO*. & *BL*. che passano per il maggior bugio, & si intersegonosi insieme nel punto. *R*. fanno in terra il raggio. *OL* minore del raggio, che fanno quei, che passano per il bugio picciolo, & si intersegonosi nel punto. *s*. il quale essendo piu lontano dal pavimento, che non è l'angolo. *R*. seguirà, che i lati. *RO*. & *RN*. saranno minori degl'altri due lati, che uscendo dal punto. *s*. uanno al pavimento. Ma l'angolo. *R*. è eguale all'angolo. *s*. (perche gl'angoli opposti nel rombo sono eguali, & così quelli, che si toccano nelle punte per la 15. del primo) onde la basa. *OL*. sarà minore della basa fatta dall'altre due linee. Et questo ci ha dimostrata la sperienza in un bugio fatto nella soglia della finestra di uerso mezzo di della lanterna, della cupola di santa Maria del Fiore di Firenze da M. Paolo Toscanella, per il qual bugio passando il sole il giorno del solstizio, fa nel pavimento un raggio d'una certa quantità; Hor uolendo alcuni far, che quel raggio in terra fosse minore, feciono il bugio minore assai di quel che egli era, & ueddonosi, che fece contrario effetto, perche facena maggior raggio assai, che prima, per le ragioni sopradette.

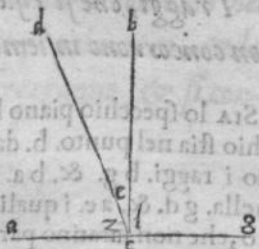


THEOREMA SECONDO.

Se il raggio ui/uale cascando sopra qual si uoglia specchio, nel punto della incidenza farà angoli pari, si reflecterà

fiatterà in se stesso.

SI A la. a c g. lo specchio stia nel piano, & l'occhio stia nel punto. b. dal quale esca il raggio. b c. e. che faccia sopra lo specchio angoli eguali, cioè l'angolo. z e. eguale all'angolo. l. Dico che riflettendosi il raggio. b c. si rifletterà, & ritornerà in se stesso, cioè nel. b. punto dell'occhio. Il che non essendo così riflettisi se è possibile nel punto. d. Hor perche i raggi si riflettono ad angoli eguali, l'angolo. z. farà eguale all'angolo. l. ma già si è detto che l'angolo. z e. è eguale all'angolo. l. adunq; l'angolo. z e. farà eguale all'angolo. z. il maggiore al minore, il che è impossibile. Adunque il raggio. b c. si riflette in se stesso. Questa medesima dimostrazione si puote accomodare ancora a gli specchi rotondi, & concaui.

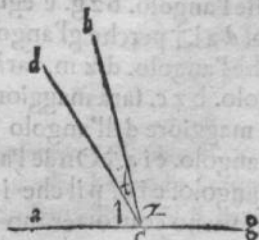


† per la precedente.

THEOREMA TERZO.

Il raggio uisuale, cacciando sopra qual si uoglia specchio, & facendo angoli ineguali, non si riflette in se stesso, ne manco uerso il minore angolo.

SI A lo specchio piano la. a c g. & il raggio. b c. percuoten doui sopra, faccia l'angolo. z. maggiore dell'angolo. l t. Dico, che riflettendosi il raggio. b c. non si riflette in se stesso ne manco di uerso l'angolo. l t. Perche riflettendosi in se stesso cioè nella. b c. l'angolo. z. farà eguale all'angolo. l t. il che è falso, perche l'angolo. z. si è posto maggiore dell'angolo. l t. Ma se si rifletterà nel punto. d. l'angolo. z. sarà eguale all'angolo. l. che già si è posto maggiore. Per il che il raggio. b c. si rifletterà uerso l'angolo maggiore, che è nella. z. auuenga, che dall'angolo maggiore, si potrà tagliare vn angolo eguale al minore. † Nel medesimo modo si può dimostrare negli specchi rotondi, & concaui.



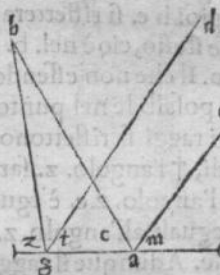
† per la 23. del primo.

THEO

THEOREMA QVARTO.

I raggi, che si riflettono negli specchi piani, & tondi, non concorrono insieme, ne manco sono paralleli.

SIA lo specchio piano la. a. g. & l'occhio stia nel punto. b. dal quale uscè do i raggi. b. g. &. b. a. si riflettino nella. g. d. &. a. e. i quali due raggi dico, che non saranno paralleli, ne m^a co distesi diuerse parti. d. e. si congiugneranno insieme. Et essendo eguale l'angolo. z. all'angolo. t. & l'angolo. c. all'angolo. m. & l'angolo. z. essendo maggiore dell'angolo.



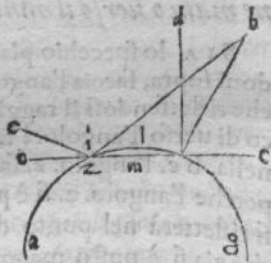
† per la 32. del primo.

.c. perche è l'angolo esteriore del triangolo. b. a. g. † seguirà che l'angolo. z. sia maggiore anco dell'angolo. m. che è eguale all'angolo. c. Per il che i raggi riflessi. g. d. &. a. e. non sono paralleli, ne meno concorrono insieme, uerso le parti. d. e.

DIMOSTRAZIONE NELLO SPEC

CHIO ROTONDO.

SIA lo specchio rotondo. a. i. z. g. & l'occhio stia nel punto. b. dal quale uscendo i raggi. b. z. &. b. l. si riflettino nelle. z. d. &. i. e. i quali dico, che non sono paralleli, ne meno si possono congiugnere nelle parti. e. d. Tirisi la linea. i. z. & si distenda da ogni banda fino à punti. o. c. hor per che l'angolo. b. z. g. è eguale all'angolo. d. z. l. † perche gl'angoli si riflettono ad angoli pari, seguirà, che l'angolo. d. z. m. sarà maggiore dell'angolo. b. z. c. & l'angolo. b. z. c. sarà maggiore dell'angolo. b. i. m. & l'angolo. b. i. m. è maggiore dell'angolo. e. i. a. perche l'angolo. b. i. l. è eguale al



† per il pri. The.

† p il pri. Theo.

l'angolo. e. i. a. † Onde l'angolo. d. z. m. sarà molto maggiore dell'angolo. e. i. o. pil che i raggi. z. d. &. i. e. n^o far^ono paralleli, ne meno concorrer^ono congiugnendosi insieme nelli p^uti. e. d.

THEO

DI EVCLIDE.
THEOREMA QUINTO.

87

Se nello specchio concauo l'occhio sarà collocato nel centro, ò nella circonferenza, ò uero fra il centro, & la circonferenza, i raggi reflexi concorreranno, & si congiugneranno insieme.

SIA lo specchio concauo. a g d. & il centrò della palla della quale è parte lo specchio concauo sia la. b. nel qual punto stia l'occhio, & da esso eschino i raggi. b a. b g. b d. che uadino fino alla circonferenza, & gl'angoli fatti da detti raggi, & dalla circonferenza ne' punti. a g d. saranno eguali essendo angoli de' mezz cerchi. † Onde i raggi. b a. b g. b d. che dall'occhio uanno † p la 16. del 3. allo specchio si rifletteranno in se stessi, come si è dimostrato, † nel Theo. 3. per il che concorreranno nel punto. b.



SE L'OCCHIO STARA NELLA CIRCONFERENZA DELLO SPECCHIO.

SIA lo specchio concauo. a g t b. & l'occhio sia il punto. b. nella circonferenza dello specchio, & dall'occhio. b. eschino i raggi. b a. &. b g. che si riflettino ne' punti. d. e. Et perche il pezzo di cerchio. a g b. è maggiore del pezzo. b t g. l'angolo. b a g. sarà maggiore dell'angolo. b g t. † Per il che l'angolo. e a i. sarà maggiore dell'angolo. d g a. per il primo Theorema. Et li due angoli. b a g. &. e a i. sono maggiori delli due angoli. b g t. &. d g a. Onde il rimanente angolo. b a e. sarà minore dell'altro angolo. d g b. & molto minore dell'angolo. d n b. La onde i raggi reflexi. g d. &. a e. concorreranno uerso il punto. z. & il medesimo



† p la 31. del 3.

desimo si mostrerà stando l'occhio fuor della circonferenza, come si uede nel seguente Theorema.

THEOREMA SESTO.

Se l'occhio sarà posto fra'l centro, & la circonferenza dello specchio concauo, i raggi riflessi alle uolte concorreranno, & alle uolte no.

SIA lo specchio concauo. a g. il cui centro sia il punto. d. & l'occhio stia nella. b. infra'l centro, & la circonferenza dello specchio, & i raggi uisuali sieno. b a. b g. che si riflettino ne' punti. i. & .z. & questi raggi si stendino fino allo specchio & sieno. a t. g c. Et sarà il raggio. a t. ò maggiore, ò minore, ò eguale al raggio. g c. Hor se il raggio. a t. farà eguale al raggio. g t. anco la circonferenza. a g t. farà eguale alla circonferenza. g a c. Per il che l'angolo. m. sarà eguale all'angolo. x. essendo, che gli angoli, che



† per la 10. di
finitione del 3.

† per il pri. the.

† per la 16. del
primo.

† p la 16. del pri.

sono ne' pezzi de' cerchi eguali, sono fra di loro eguali. Et anco i due angoli. m. & l. faranno eguali a' due angoli. n. & x. per conto della egualità degli angoli della riflessione, & della incidenza. Per il che & il rimanente angolo. o. sarà eguale al rimanente angolo. p. Adunq; l'angolo. r. sarà maggiore dell'angolo. o. Er perche l'angolo. r. è maggiore dell'angolo. p. (essendo l' r. angolo esteriore del triangolo. b g r. t.) & l'angolo. p. è maggiore dell'angolo. o. adunq; l'angolo. r. sarà maggiore dell'angolo. o. Aggiunghisi hora. o r z. angolo comune, & uedrafi che i raggi. g z. &. a i. concorreranno uerso le pari. i. & z. Il medesimo auerrà se il raggio. a t. sarà maggiore del raggio. g c. perche i due angoli. l. & m. faranno maggiori de' due angoli. n. & x. Et per questo l'angolo. p. sarà maggiore dell'angolo. o. & anco l'angolo. r. sarà maggiore del detto angolo. o. Ma se il raggio. a t. sarà minore del raggio. g c. per la medesima ragione, l'angolo. o. sarà maggiore dell'angolo. p. perche l'angolo. r. è maggiore dell'angolo. p. † perche nella

funa co-

una cosa proibisce, che l'angolo. r. non possa essere eguale, ò minore all'angolo. o. Il che essendo così, i raggi. g z. & a i. non concorreranno, ò sia la circonferenza. a g t. maggiore della circonferenza. g a c. ò gli sia eguale in ogni modo i raggi riflessi concorreranno fra la circonferenza, & il centro, & non di fuori, ò in essa circonferenza.

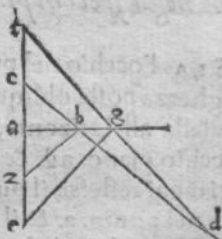
THEOREMA SETTIMO.

*Negli specchi piani l'altetze, & le profondità appa-
riscono al contrario.*

SI A l'altetza. a c. & lo specchio piano. a l. & l'occhio nel punto. b. dal quale eschino i raggi. b g. & b d. & si riflettino ne' punti. e. & c. & uedrafsi, che se i raggi. b d. & b g. si stenderanno in lungo, che il pñto. e. che è su alto, apparirà giù à basso nel punto. t. & la. c. che è giù à basso apparirà su alto, nel punto. z. Per il che appariranno al contrario.

DIMOSTRATIONE DELLA
PROFONDITA.

SI A di nuouo la profondità. e a. & lo specchio piano sia. a g. & l'occhio il punto. d. & i raggi, che escono dall'occhio sieno. d g. d b. & si riflettino ne' punti. e. & z. & uedrafsi come nella precedente si è dimostrato, che essendo allungati i raggi. d b. & d g. fino à punti. t. & c. che il punto. e. che è nel profondo, apparirà il più alto nel punto. t. & il punto. z. che era più alto, apparirà più basso nel punto. c.

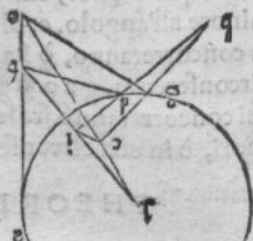


THEOREMA OTTAVO.

*L'altetze, & le profondità negli specchi rotondi, ap-
M pariscono*

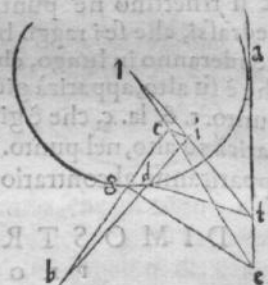
pariscono à riuerscio.

† *nel Theore. 3.* SIA l'altezza la. t e. & lo specchio rotondo, sia. a d g. & i raggi. b d. & .b g. che si riflettino ne' punti. e. & .t. Et perche gia si è dimostrato† che i raggi riflessi. g e. &. d t. non possono concorrere di uerso i punti. e. & .t. il resto dimostri si come negli specchi piani si è dimostrato. †



DIMOSTRAZIONE DELLA PROFONDITÀ

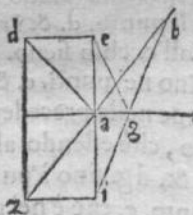
† *nella pcedete.* SIA la profondità. t e. & lo specchio rotondo sia. a d g. & l'occhio sia nel punto. b. & i raggi riflessi ne' punti. e. & .t. sieno. b g e. & .b d t. & il restate si dimostri come degli specchi piani si è dimostrato. †



THEOREMA NONO.

Le lunghezze oblique, appariscono negli specchi piani, come sono in uerita.

SIA l'occhio nel punto. b. & la lunghezza posta obliquamente, cioè parallela all' Orizzonte, sia. d e. & lo specchio piano. a g. & uedrafsi, che per i raggi riflessi, il punto. d. apparisce nel punto. a. & il punto. e. nel punto. g. nel medesimo sito nel quale stanno ueraméte, perche quello, che è piu uicino, apparisce piu appresso, & il piu remoto apparisce piu lontano.

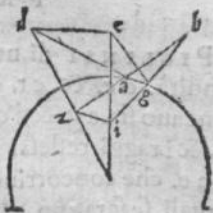


THEOREMA DECIMO.

Le lunghezze oblique negli specchi rotondi appariscono nel

no nel medesimo sito, come in uerit à sono.

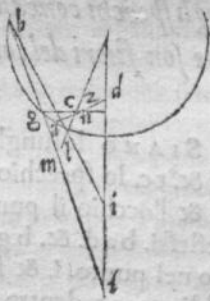
SIA la lunghezza obliqua, cioè parallela all' Orizōte. e d & l'occhio sia nel punto. b. & lo specchio rotondo sia. a g. & i raggi b g. & b a, si riflettino ne' punti. e. & d. & il restā te si concluda nel medesimo modo, come si è fatto nella precedente dimostratione.



THEOREMA VNDECIMO.

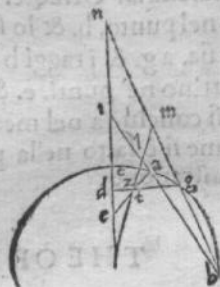
L'altezze, & le profondità, che negli specchi concaui stanno dentro al concorso de' raggi, appariscono à rouescio, come negli specchi piani. Ma quelle, che sono fuori del detto concorso, appariscono come ueramente sono.

SIA lo specchio concauo. a g. & l'occhio il punto. b. & i raggi riflessi sieno. b a. & b g. che concorrino nel punto. z. & sieno due altezze. c n. & d e. delle quali la. c n. sia dentro al concorso de' raggi, che fanno nel punto. z. cioè la. c n. sia fra il punto. z. & la circonferenza dello specchio concauo, & l'altezza. d e. sia fuori del detto concorso de' raggi. Onde allungando i raggi uisuali come negli specchi piani, & rotondi si è fatto, apparirà il punto. c. nel punto. m. & il punto. n. nel punto. l. Per il che si uedranno à rouescio. Ma interuiene al contrario quando l'altezza. d e. è fuori del concorso de' raggi, perche apparisce il punto. d. nel punto. i. & il punto. e. nel punto. t. nel medesimo modo, che ueramente stanno.



DIMOSTRATIONE DELLA PROFONDITÀ.

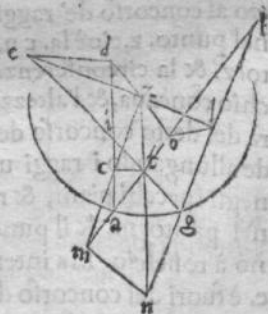
PIGLIANSI di nuouo due profondità. d.e. & c.t. & lo specchio concauo sia. a.g. & l'occhio il punto .b. & i raggi reflexi sieno. b.g.d. & .b.a.e. che concorrino nel punto. z. i quali s'esaranno allungati, i punti .t. & .c. appariranno al rouescio, per che il punto. c. apparirà nel punto. l. & il punto. t. nel punto. m. come apparirà negli specchi piani, & ne' ton di. Ma al contrario li punti. d.e. appariranno nel medesimo modo, che stanno, perche il punto .e. inferiore apparirà nel punto. i. & il punto. d. superiore apparirà nel punto. n.



THEOREMA DVODECIMO.

Le lunghezze oblique poste infra'l concorso de' raggi negli specchi concaui, appariscono come sono. & a quelle che son fuori del concorso, appariscono à rouescio.

SIANO le lunghezze oblique. e.d. & .t.c. lo specchio concauo sia. a.g. & l'occhio il punto. b. & i raggi reflexi. b.a.d. & .b.g.e. che concorrino nel punto. i. & sia la lunghezza obliqua. c.t. dentro al concorso de' raggi nel puto. i. ma l'altra lunghezza obliqua. d.e. sia fuori del detto concorso; & così i punti. t.e. si uedranno nel lor natural sito, come negli specchi piani, & rotodi si uedeuano. Ma li punti. d.e. si uedranno à rouescio, perche il punto. d. apparirà nel punto. a. & il punto. e. nel punto. g.

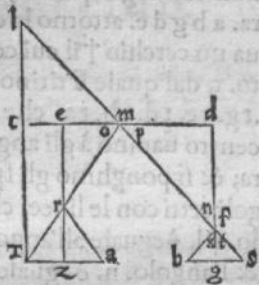


THEO

THEOREMA TERZODECIMO.

La medesima cosa si può uedere con più specchi piani.

SI A la cosa uisibile il punto. a. & l'occhio il punto. b. & le. g. d. d. e. & e. z. sieno tre specchi, & si tiri una linea perpendicolare dal punto. b. fino allo specchio. g. d. che sia la. b. g. alla quale si facci eguale la. g. s. In oltre tirisi dal punto. a. fino allo specchio. z. e. la perpendicolare. a. z. alla quale si facci eguale la. z. t. & dal punto. t. si tiri la perpendicolare. t. c. fino allo specchio. d. e. & la. c. l. sia eguale alla. t. c. & dal punto. l. fino al punto. s. si tiri la linea retta. l. m. s. & dal punto. m. fino al punto. t. si tiri la linea retta. m. t. tirando le linee rette. a. r. & b. f. Hor perche la linea retta. b. g. è eguale alla linea retta. g. s. & gli angoli che sono al punto. g. sono posti retti & le due linee. b. g. & g. f. sono eguali alle due linee. s. g. & g. f. ciascuna alla sua. In oltre l'angolo retto. b. g. f. è eguale all'angolo retto. s. g. f. onde gli altri angoli faranno eguali agli altri angoli rimanenti, cioè l'angolo. b. all'angolo. s. & l'angolo. x. all'angolo. t. † Ma l'angolo. t. è eguale all'angolo. n. perche ciascun di loro è attorno la punta de' triangoli † onde l'angolo. n. farà eguale all'angolo. x. dal che nasce che il raggio. b. x. si rifletterà uerso il punto. m. In oltre perche la. t. c. è eguale alla. c. l. & gli angoli, che sono nel punto. c. son posti retti l'angolo. o. sarà eguale all'angolo. p. † Adunq; il raggio. b. x. m. si riflette al punto. r. & per la medesima ragione il medesimo raggio dal punto. r. si riflette al punto. a. essendo che l'angolo. z. r. a. è eguale all'angolo. e. r. m. Il che si può dimostrare nel medesimo modo, che degli altri angoli si è dimostrato. La onde il raggio che esce dall'occhio. b. uede il punto. a. con li tre specchi piani. g. d. d. e. & e. z.



† p la 4. del pri.

† p la 15. del pri.

† per la 4. & p la. 15. del pri.

THEOREMA QVARTODECIMO.

Accio si possa uedere la medesima cosa per quanti si uoglia

si uoglia specchi piani fa mestieri descrivere una figura rettilinea di lati, & di angoli eguali, che ecceda il numero degli specchi di due lati.

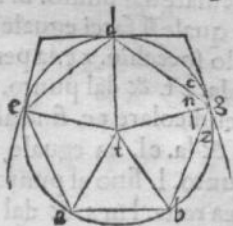
† p la 14. del 4.

† perche il pentagono è equiangolo.

† p il pri. Theo.

† p la 18. del 3.

SIA la cosa uisibile il punto. a. & l'occhio stia nel punto. b. & si tiri la retta linea. a b. sopra la quale si descriua la figura rettilinea equilatera, & equiangola, che habbi due lati piu, che non è il numero degli specchi, & sia la figura. a b g d e. attorno la quale si descriua un cerchio † il cui centro sia il punto. t. dal quale si tirino le linee rette. t. g. t. e. t. d. t. b. t. a. che uscendo dal centro uadino à gli angoli della figura; & si ponghino gli specchi piani talmente, che facciano angoli retti con le linee, che escono dal centro. Hor perche l'angolo. z. l. è eguale all'angolo. c. n. essendo l'uno, & l'altro retto, & l'angolo. n. è eguale all'angolo. l. † seguirà, che l'angolo. z. sia eguale all'angolo. c. Per il che la riflessione del raggio. b g. si farà dal punto. g. al punto. d. perche le riflessioni si fanno con angoli eguali. † Nel medesimo modo si dimostrerà, che gli angoli, che sono ne' punti degli specchi. d e. son tra di loro eguali. † Onde il raggio, che esce dall'occhio. b. poiche harà percosso in ciascuno degli specchi riflettendosi, tornerà nel punto. a.



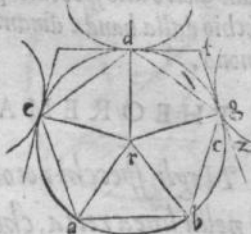
THEOREMA QVINTODECIMO.

La medesima cosa si può uedere per quanti si uoglia specchi rotondi, ò concaui.

† p la 16. del 3.

SIA la cosa uisibile il punto. a. & l'occhio il punto. b. & si descriua, come si è fatto nella precedente, la figura rettilinea di lati, & di angoli eguali. a b g d e. & ne' punti. g. d. e. si ponghino gli specchi in que' luoghi ne' quali e' raggi, che escono dall'occhio, percuotono nelli specchi. Essendo adunq; eguale l'angolo. z. all'angolo. t. † & l'angolo. c. all'angolo. l. tutto l'angolo. cz. sarà eguale à tutto l'angolo. tl. onde il raggio. b g. si

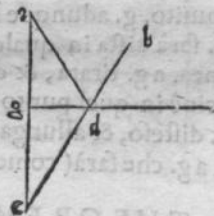
g. si rifletterà dallo specchio rotondo. g. nello specchio rotondo, d. & dallo specchio. d. allo specchio rotondo. e. & dallo specchio. e. nel punto a. che è la cosa visibile. Dal che è manifesto esser possibile, che la medesima cosa si ueggia per quāti si uoglia specchi, ò sieno tutti rotondi, ò tutti concaui, ò mescolati insieme.



THEOREMA SESTODECIMO.

Ciascuna cosa uisibile negli specchi piani, si uede nella linea perpendicolare, tirata dalla cosa uisibile, fino allo specchio.

SIA lo specchio piano. g d. & l'occhio sia il punto. b. & la cosa uisibile il punto. a. & dalla. a. cosa uisibile si tiri fino allo specchio la perpendicolare. a g. non perche nella prima apparenza si è posto, & cōcesso, che il punto. a. nō si possa uedere dall'occhio posto nel punto. g. seguirà che il punto. a. si uegghi in qualche pūto della linea. a g. tirata, & distesa in lungo, si uedrà anco da qualche punto del raggio uisuale. b d. tirato, & disteso fino al punto. c. dal qual punto si uedrà la cosa uisibile. a. Et perche si è posto nella prima suppositione di questo libro, che quel raggio è retto, del quale i mezzi cuoprono gli estremi, i raggi. a e. & b e. saranno retti.



ANNOTATIONE.

L A grandezza. A. dall'occhio. B. non puote essere uista se non nel punto. E. perche douendo essere uista con il raggio. B D. retto, & douendo essere uista in un punto, che stia à piombo sotto la linea. A. dico, che bisognerà, che l'immagine dell'. A. sia uista nel concorso delle due linee rette. A C. & B D. che sarà il punto. E. il quale sarà tanto lontano

M. Egnat.

lontano dietro allo specchio quanto la cosa uisibile. A. è lontana dallo specchio dalla banda dinanzi, come si dimostra nel Theorema decimono.

THEOREMA DECIMOSETTIMO.

Negli specchi rotondi qual si uoglia cosa uisibile si uede nella linea retta, che dalla cosa uisibile ua al centro dello specchio.

SIA lo specchio rotondo. g d. & l'occhio sia il punto. b. e'l raggio, che esce dall'occhio. b d. il quale si rifletta nel punto .a. che è la cosa uisibile, & la. z. sia il cetro dello specchio, del quale è parte. g d. & congiungasi la retta linea .a z. stendendo il raggio uisuale. b d. fino al punto. c. Hor perche nella seconda apparenza si è posto che la. a. non si può uedere dall'occhio, che sta nel punto. g. adunque la cosa uisibile. a. farà uista in qualche punto della linea. a g. tirata, & distesa in lungo, cioè in quel punto oue il raggio .b d. disteso, & allungato rettamente, si congiugne con la linea. a g. che farà (come negli specchi piani) il punto. e.

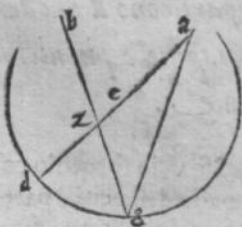


THEOREMA DECIMOTTAVO.

Negli specchi concaui, qual si uoglia cosa uisibile si uede nella linea retta, che dalla cosa uisibile ua al centro dello specchio.

SIA lo specchio concauo. g d. e'l raggio uisuale che esce dall'occhio. b g. che si rifletta alla cosa uisibile. a. & il centro dello specchio concauo sia il punto. c. del quale è parte lo specchio. g d. & congiunglisi la linea. a c. stendendola à drittura, hor perche nella terza apparenza si è posto, che il punto .a. non si può ueder dall'occhio che sta nel punto. d. adunq;
l'immagine

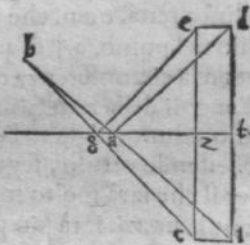
l'immagine della cosa uisibile. a. si uedrà in qualche punto della linea. a. e. distesa, & allungata à dirittura il qual sarà il punto. z. oue la linea. a. d. concorre, & si taglia col raggio. b. g.



THEOREMA DECIMONONO.

Negli specchi piani le cose, che sono dalla destra, appariscono dalla sinistra, & le sinistre dalla destra, inoltre il simulacro apparisce eguale alla cosa uisibile, & è tanto lontano dallo specchio quanto è la cosa uisibile.

SIA lo specchio piano, a. g. & l'occhio il punto. b. & i raggi uisuali siano. b. a. & b. g. che si riflettino alla cosa uisibile. e. d. dalla quale fino allo specchio si tirino le perpendicolari. e. z. & d. t. & si distendino tanto che concorrino co' raggi uisuali. b. g. & b. a. distesi, ne' punti. c. & l. congiugnendo la linea retta. c. l. & così il punto. e. apparirà nella. c. & la. d. nella. l. come si è mostrato nel sestodecimo Theorema, onde le cose sinistre appa-



pariranno destre, & le destre sinistre. Hor perche l'angolo. c. g. z. è eguale all'angolo. z. g. e. & gli angoli che son nel punto. z. sono retti, seguirà che la linea. c. z. sarà eguale alla. e. z. & per la medesima ragione la linea retta. d. t. sarà eguale alla. t. l. la onde la distanza che è fra la. e. d. & lo specchio, è eguale alla distanza che è fra'l simulacro. c. l. & lo specchio, in oltre la. e. d. cosa uisibile è eguale al simulacro. c. l. essendo che la. e. z. è eguale alla. z. c. & d. t. alla. t. l. alle quali stà ad angoli retti la. t. z. g.

† per la 26. del primo.

† per la 34. del primo.

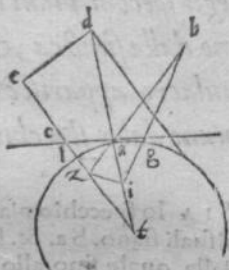
† per la 34. del primo.

THEOREMA VENTESIMO.

Negli specchi rotondi, le cose che sono dalla sinistra
N appar-

appariscono dalla destra, & le destre dalla sinistra, & l'immagine è piu vicina allo specchio, che non è la cosa visibile.

Si A lo specchio concauo, la g. & il punto. t. sia centro del la palla della cui è parte lo specchio. la g. & l'occhio sia la. b. dal quale eschino i raggi. b. a. & b. g. che si riflettino nella cosa uisibile. d. e. & dal centro. t. fino alle. d. e. si tirino le rette linee. t. d. & t. e. & si stendino i raggi. b. a. & b. g. fino a' pñti. z. & i. & si tiri la retta linea. z. i. che farà l'immagine della cosa uisibile. d. e. Ondela. d. apparirà nel punto. i. & la. e. nel pñto. z. & così le cose destre appariranno sinistre & le sinistre destre. Dico in oltre, che è maggiore la. e. l. che la. i. z. Percioche si tirisi per il punto. a. la linea retta. c. a. n. che tocchi il cerchio nel punto. a. † & perche la. b. a. & a. e. fanno angoli eguali con la circonferenza del cerchio, per conto della egualità de,



† p la 17. del 3.

† p il pri. Theo.

gl'angoli della riflessione; † & la detta linea. c. a. n. tocca il cerchio, adunq; taglierà l'angolo. e. a. z. per il mezzo *, & l'angolo. c. essendo ottulo, seguirà che la. e. c. sia maggiore della. c. z. per il che farà molto maggiore la. e. l. che non è la. c. z. onde il simulacro. z. i. farà piu presso allo specchio che non è la cosa uisibile. e. d. come anco nelli seguenti Theoremi si dimostrerà.

ANNOTATIONE.

M. Egnat.

* CHE la linea. c. n. che tocca il cerchio nel punto. A. tagli lo angolo. e. a. z. per il mezzo, si proua così. Lo angolo. e. a. z. & l'angolo. b. a. n. sono eguali p il primo Theorema ma lo angolo. b. a. n. è eguale all'angolo. c. a. z. per la 15. del primo, adunq; lo angolo. c. a. e. sarà eguale all'angolo. c. a. z. per la prima commune sentenza del primo.

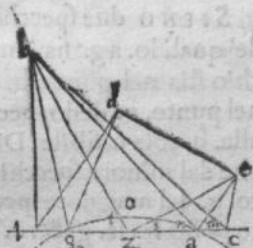
In oltre lo angolo. e. c. a. è ottuso adunq; la linea. e. c. è maggiore della. c. z. della qual cosa questa è la proua. Lo angolo. e. c. a. è ottuso adunque lo angolo. z. c. a. sarà acuto per la 13. del primo. Per il che la linea. e. a. sarà maggiore della. a. z. essendo all'incontro del maggiore angolo, per la 18. del primo. Hor la. e. c. ha tal ragione a. c. z. qua-

.c z. quale ha. e a. alla. a z. per la 3. del sesto, ma. e a. è maggiore di. a z. adunq; . e c. sarà maggiore di. c z.

THEOREMA VENTESIMOPRIMO.

Negli specchi rotondi, l'imagini sono minori delle cose visibili.

SI A lo specchio rotondo. a o g. & l'occhio il punto. b. dal quale eschino i raggi. b a. b g. che si riflettino ne' punti. d. e. & così la cosa visibile si uedrà nello specchio rotondo, sotto l'angolo. a b g. Pongasi hora sopra lo specchio rotondo, lo specchio piano. g a. che tocchi i raggi. b a. & b g. ne' punti. g. & a. Il raggio, che si riflette sopra lo specchio piano per il quale si ha da uedere il punto. e. non sarà il. b a e. non facendo angoli eguali sopra lo specchio piano; ne manco si rifletterà al punto. e. da nessuno punto, che sia fra'l punto. a. & g. Riflettisi se è possibile, & sia il raggio. b z. farà l'angolo. t. eguale all'angolo. i. della riflessione. † Ma l'angolo. t. è maggiore dell'angolo. n. & l'angolo. m. dell'angolo. i. † Per il che l'angolo. m. farà maggiore dell'angolo. n. che è impossibile, essendo l'angolo. n. maggiore dell'angolo. m. perche l'angolo. n. è eguale à tutto l'angolo posto nella circonferenza, del quale è parte l'angolo. m. Onde il raggio che dallo specchio si riflette al punto. e. si rifletterà da qualche punto posto fuor della. a g. Riflettrasi, & sia il raggio. b c e. & nel medesimo modo, il raggio. b l d. riflesso dallo specchio piano sarà fuor della. a g. onde la imagine della. e d. si uede nello specchio piano sotto l'angolo. c b l. che è maggiore dell'angolo. a b g. sotto il quale si uede la medesima imagine nello specchio rotondo. Ma si è mostrato nel Theo. 19. che la imagine nello specchio piano si uede eguale alla cosa visibile. Per il che resterà chiaro, che negli specchi rotondi la imagine si uedrà minore di quella cosa visibile dalla quale esce la imagine.



† p il pri. Theo.

† per la 16. del primo.

M. Egnat.

* CHE il raggio. BAE . non faccia angoli pari sopra lo specchio piano. $L.C.$ è manifesto; perche l'angolo. BAI . è maggiore dell'angolo. BAO . & l'angolo. BAO . è eguale all'angolo. $M.$ & $C.$ del quale l'angolo. $M.$ (essendoparte) sarà minore, & molto minore dell'angolo. BAI . che gli douria essere eguale. Onde il raggio. BAE . che nello specchio tondo fa angoli pari nel punto. A . nello specchio piano sarà angoli ineguali sopra il punto. A . & eguali nel punto. $C.$

THEOREMA VENTESIMOSECONDO.

Negli specchi rotondi minori appariscono minori immagini.

SIENO due specchi rotondi attorno il medesimo centro. $t.$ de' quali $lo.$ $ag.$ sia il maggiore, & $el.$ sia il minore, & l'occhio stia nel punto. $b.$ & si congiunghi la linea retta. $bat.$ & nel punto. $g.$ dello specchio rotondo si rifletta il raggio. $bgd.$ alla. $b.$ cosa uisibile. Dico, che non è possibile, che il raggio, che dal minore specchio si riflette al punto. $d.$ passi per il punto. $g.$ del maggiore specchio, ne manco per nell'uno altro punto posto fra la. $g.$ & $z.$ Il che essendo possibile, caschi prima per il punto. $g.$ sopra il punto. $e.$ del minore specchio, & sia il raggio. $bed.$ Tirisi adunque la retta linea. $teg.$ fino al punto. $t.$ la qual linea segnerà per il mezzo l'angolo. $bgd.$ essendo che la. $bg.$ & $gd.$ fanno sopra il punto. $g.$ della circonferenza angoli pari per conto della riflessione t & per la medesima ragione la linea. $tez.$ taglierà per il mezzo l'angolo. $bed.$ Hor per che l'angolo. $bgd.$ è maggiore dell'angolo. $bed.$ t & il suo mezzo angolo è maggiore del mezzo di questo. Onde l'angolo. $bg.$ sarà maggiore dell'angolo. $bez.$ del quale è anco minore, che è cosa impossibile. * Per il che non sarà manco possibile, che il raggio, che dall'occhio ua allo specchio minore, & si riflette al punto. $d.$ passi per il punto. $g.$ Caschi hora il raggio. $bl.$ fuori del punto. $g.$ sopra il minore specchio, & si rifletta al punto. $d.$ cosa uisibile, & seghi il detto raggio il maggiore specchio nel punto. z & il raggio, che esce dal punto. $b.$ & percuote sopra lo specchio grande nel punto. $z.$ & si riflette, sia il raggio. $bzc.$ il

† p. il pri. Theo.

† p. La 16. del pri.

.b z c. il quale non cōcorrerà col raggio. g d. (come si è dimoſtrato nel Theorema 4.) ma col raggio. l d. nel punto. c. Per il che il raggio. b z c. reſſeſſo da l maggiore ſpecchio guarda il pūto. c. & anco il raggio. b l c. reſſeſſo dal minore ſpecchio guarda il medefimo punto. c. il che ſi è moſtrato di ſopra nō eſſere poſſibile. † On de il raggio, che uſcendo dall'occhio caſca ſopra lo ſpecchio minore, & ſi riſlette nel punto. d. paſſerà per qualche punto poſto fra la. g. & la. a. Et nel medefimo modo ſi dimoſtrerà, che il raggio, che uſcendo dall'occhio, & percuote nel minore ſpecchio, & ſi riſlette nel punto. d. non potrà caſcare nel punto. g. ne me no fra il punto. g. & la. z. ma in qualche punto contenuto fra la. g. & la. a. la onde l'angolo. b, ſotto il quale ſi uede la. d, co fa uifiſibile, è fatto minore dallo ſpecchio minore, che dal maggiore, per il che la imagine della coſa uifiſibile nello ſpecchio minore apparirà minore, che nel maggiore. †



† naſceria il me diſimo incoſuenie te che de' meſſi angoli ſi è dimo ſtrato.

† per la 6. ſupp. della proſpet.

ANNOTATIONE.

* L' ANGOLO. B G I. ſarà maggiore dell'angolo. B E Z. del qua M. Egnat. le è anco minore. E min ore perche l'angolo. B G I. è eguale all'ango lo. T G E. per la 15. del primo. Ma l'angolo. B E Z. (per la 16 del pir mo) è maggiore dell'angolo. T G E. et però l'angolo. B G I. che è egua le all'angolo. T G E. ſarà minore dell'angolo. B E Z. che è quello che uoliamo prouare.

THEOREMA VENTESIMOTERZO.

Negli ſpecchi rotondi le imagini delle coſe uifiſibili il pin delle uolte apparifcono rotonde.

S I A lo ſpecchio rotondo. a g. & l'occhio il punto. c. dal quale eſchino i raggi. e a. & e g. che ſi riſlettino ne' punti. b. d. & il raggio. e z. ſi riſletta in ſe ſteſſo, & ritorni all'occhio. c. Et perche i piu lunghi raggi ſono quelli, che uanno alle parti piu re-

piu remote, & quei, che uanno al mezzo della cosa uisibile, sono i piu corti come è il raggio. e z. seguirà, che il punto. e. apparischi piu uicino allo specchio, che li punti. b. &. d. & che tutta la imagine. b d. apparisca rotonda.



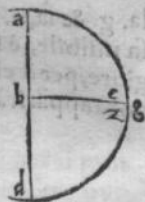
THEOREMA VENTE-
SIMO QVARTO.

Se l'occhio sarà posto nel centro dello specchio concauo, uedrà solamente se stesso.

SIA lo specchio concauo. a g d. & il suo centro sia il punto. b. & i raggi, che dall'occhio uscendo uanno allo specchio siano. b a. b g. b d. & così l'angolo. e. sarà eguale all'angolo. z. † Per il che il raggio, che dall'occhio. b. uscendo ual punto. g. dello specchio, si rifletterà in se stesso, & ritornerà all'occhio. b. † & il medesimo faranno gl'altri raggi, onde essendo posto l'occhio nel punto. b. centro dello specchio, uedrà solamente se stesso.

† per la 16. del 3.

† per il 2. The.



THEOREMA VENTESIMOQVINTO.

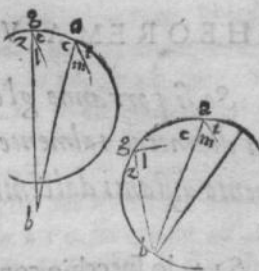
Negli specchi concaui, se l'occhio si porrà nella circonferenza, o fuori di essa circonferenza, l'occhio non si uedrà.

SIA lo specchio concauo. a g b. & l'occhio sia nel punto. b. della circonferenza dello specchio, dal quale eschino fino allo specchio i raggi. b a. &. b g. & si riflettino. Hor perche l'angolo. m t. è maggiore dell'angolo. c. † & l'angolo. e l. è maggiore dell'angolo. z. Adunque i raggi. b a. &. b g. non si rifletteranno all'occhio. b. Perche se si rifletteffero all'occhio. b. gl'angoli fatti da' raggi ne' punti della circonferenza. a. g. sa-

† per il pri. Theo.

rienò

rieno eguali. Ma se l'occhio si porrà fuori della circonferenza dello specchio si dimostrerà, che li interniene il medesimo, perche l'immagine sua non si uede nello specchio, non si riflette in esso i raggi uisuali.

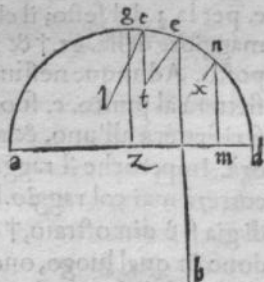


THEOREMA VENTE-

SIMOSESTO.

Se dal centro dello specchio concauo, si tirerà una retta linea fino alla circonferenza, che faccia angoli retti col diametro del detto specchio concauo, & l'occhio stia, o di qua, o di là dal diametro, o nel diametro stesso non uedrà cosa nessuna, che sia dalla banda, che egli è, cioè nessuna di quelle cose, che sono, o dentro al diametro, o fuori, o in esso diametro.

SIA lo specchio concauo. $ag d$. & il diametro della sfera, della quale lo specchio è parte, sia. ad . nella quale sia il centro, z . dal quale si tira la $z g$. che stia ad angoli retti con la . ad . & l'occhio sia nel punto. b . fuori del diametro dal quale esca il raggio. $b e$. che riflettendosi non si rifletterà ne al punto. b . ne manco al punto. z . perche riflettendosi ad angoli pari si rifletterà nella linea. et . Nel medesimo modo se l'occhio si porrà dentro al diametro nel punto. t . o ueramente nel diametro nel punto. m . i raggi. tc . & mn . si rifletteranno nelle. cl . & nx . Onde l'occhio non uedrà immagine ueruna di quelle cose, che sono nella medesima parte del mezzo diametro oue egli è, ne manco di quelle, che sono nello stesso diametro, ne di quelle, che sono fuori, ne manco di quelle, che sono dentro al diametro dello specchio.

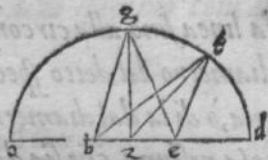


THEO

THEOREMA VENTESIMOSETTIMO.

Se si porranno gl'occhi dentro allo specchio concauo nel diametro talmente, che l'uno, & l'altro siano egualmente distanti dal centro, non si uedrà nessuno degl'occhi.

SIA lo specchio concauo, a g d. il cui diametro sia. a d. & il centro sia il punto, z. dal quale si tiri la. z g. che faccia con la. a d. angoli retti, & gl'occhi siano. b e. egualmente distanti dal centro. z. & sia il raggio la. b g. che si rifletta al punto. e. & perche i raggi si riflettono ad angoli pari † nessuno altro raggio, che esca dall'occhio. b. si potrà riflettere al punto. e. Ma se è possibi-



le, che nessuno si rifletta sia questo il raggio. b t. che si rifletta al punto. e. & si tirino le linee rette. t e. & t z. & uedrafi, che l'angolo. b t e. sarà tagliato per il mezzo dalla linea. t z. * onde la. b t. alla. t e. harà la medesima ragione, che ha la. b z. alla. z e. per la 3. del sesto; il che non faria uero essendo che la. b t. è maggiore della. e t. † & la. b z. è eguale alla. z e. per il presupposto. Adunque nessuno raggio, che esca dall'occhio. b. si rifletterà al punto. e. fuor, che'l raggio. b g. onde un sol raggio si rifletterà all'uno, & all'altro occhio, & il punto. e. non si uedrà. Imperoche il raggio. b g. essèdo ligamēte disteso, nō con correrà mai col raggio. b d. diuerso. le parti. g. & d. Essèdo che di gia si è dimostrato, † che le immagini delle cose uisibili, si uedono in quel luogo, oue concorre il raggio, che esce dall'occhio, con la linea, che dalla cosa uisibile è tirata fino al centro dello specchio concauo. Et il raggio. e g. non concorrerà egli manco con la. e a. di uerso quelle parti oue è la. a. & la. g. per che nelli specchi cōcaui la cosa uisibile si uede in quella linea, che dalla cosa uisibile ua al centro dello specchio.

ANNOTATIONE.

M. Egnat. * CHE l'angolo. b t e. sia tagliato per il mezzo dalla linea. t z. si dimostra così, supponendo, che l'angolo. b t g. della incidentia sia eguale

eguale all'angolo. ETD. della riflessione per il primo Theo. Et la linea. ZT. che dal centro del cerchio uscendo, va alla circonferenza fa angoli pari nella detta circonferenza per la 16. & 18. del 3. Onde l'angolo. ZTD. sarà eguale all'angolo. ZTG. da' quali angoli eguali, cauandone i due angoli eguali. BTG. & ETB. i rimanenti angoli. BTZ. & ZTE. saranno eguali per la terza commune sentenza del primo. Adunq; la linea. ZT. taglia per il mezzo l'angolo BTE. Ma il supposto è falso, che l'angolo. BTG. sia eguale all'angolo. ETD. onde seguirà esser uero quanto da Euclide si dimostra nel Theorema.

THEOREMA VENTESIM'OTTAVO.

*Se il mezzo diametro dello specchio concauo, si tagli-
rà in due parti eguali, & sopra il punto della sectione, si
tireranno due linee di qua, & di là, ad angoli retti, et gl'oc-
chi stieno talmente, che siano egualmente lontani dal mez-
zo diametro, non se ne uedrà nessuno di loro, ò si ano
gl'occhi fra il diametro, & la linea, che fu tiratà ad an-
goli retti col mezzo diametro, ò siano nella stessa linea.*

SIA lo specchio concauo, a g d. del quale sia il diametro a d. il centro sia il punto. o. dal quale si tiri il mezzo diametro ad angoli retti. o g. il quale si tagli per il mezzo nel punto. p. & si tiri per questo punto la. e p z. che stia ad angoli retti con la. g o. & gl'occhi sieno. b. & t. che stieno fra il diametro. a d. & la linea. e z. alla quale sia parallela la. b t. & gl'occhi. b. & t. siano equidistanti dal mezzo diametro. o g. & sia il raggio uisuale. b g. che si rifletta dal punto. g. al punto. t. per il che farà angoli eguali nella circonferenza,* essendo, che la linea. z e. è parallela alla linea. b t. & la linea. b n. è eguale alla linea. n t. Congiunghinsi hora le linee. o b. & o t. & si stendino fino a' punti. l. & i. & si allunghi la linea. g b. fino al punto. f. & perche è maggiore la. b g. che non è la. b o. farà maggiore l'angolo. r. che non è l'angolo. i. †



O onde pmo.

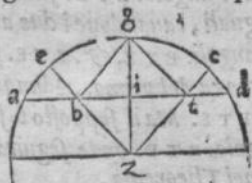
† per la 19. del
p^{mo}.

† per la 19. del
primo.

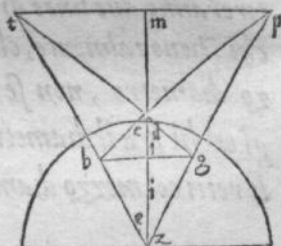
† p il 18. The.

† per la conuersa
della 34. del pri.

onde l'angolo. gbt . è maggiore dell'angolo. tbo . cioè dell'angolo. bot . † Adunq; . bg . & . ot . non concorreranno, & il punto. t . non si uedrà, perche si douria uedere nel concorso delle linee. bg . & . ot . † Sia di nuouo ogni cosa come nella precedente figura, & gl'occhi. b . & . t . siano in quella linea, che dal mezzo diametro è tagliata per il mezzo ad angoli retti cioè nella linea. ad . Hor perche la. bg . è eguale alla. bz . & la. gt . alla. tz . seguirà che la. bg . sia parallela alla. tz . † per il che il raggio. bg . non concorrerà con la linea, che dalla cosa uisibile. t . ua al centro. z . diuerso le parti. g . & . t . onde l'occhio. t . non si uedrà, perche se si uedesse si douria uedere nel concorso delle linee. bg . & . zt .



Sia di nuouo ogni cosa come nella precedete figura, & gl'occhi. b . g . si ponghino in un luogo piu alto, che non è quel punto, nel quale il mezzo diametro è tagliato in due parti eguali, & siano equidistanti dal mezzo diametro. Ni co che il punto. b . & . g . si uedrāno, & che . l . destro apparirà sinistro, & il sinistro destro, & che l'immagine della faccia apparirà maggiore di essa faccia, & farà piu lōtana dallo specchio, che non è la faccia. Sia adunque la. b . c . il raggio, che si refletta al punto. g . & dal centro. z . fino a' punti. b . & . g . si tirino le linee. zb . & . zg . & si allunghi la. b . c . Hor perche il mezzo diametro. zc . si è tagliato in due parti eguali nel punto. i . Sarà maggiore la. bz . che non è la. bc . & per questo l'angolo. c . farà maggiore dell'angolo. e . † ma l'angolo. c . è eguale all'angolo. d . † adunq; l'angolo. d . farà maggiore dell'angolo. e . & perciò le linee. zb . & . gd . essendo allungate concorreranno nel punto. t . † & per la medesima ragione le linee. bc . & . zg . concorreranno nel punto. p . per il che il punto. g . apparirà nel punto. p . & il. b . nel punto. t . & le cose destre appariranno sinistre, & le sinistre destre, & la immagine. pt . apparirà maggiore che la faccia. bg . imperoche, le linee. pt . & . bg . sono parallele, onde la faccia come si è detto apparisce maggiore, & è piu lontana dallo specchio essendo la linea. ma . piu lunga della. al .



† per la 19. del
primo.

† p la 8. del pri.

† per la conuersa
della 29. del pri.

ANNOTATIONE.

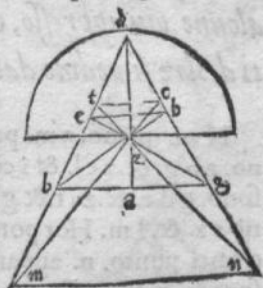
CHE il raggio. B G T. della prima figura faccia angoli eguali nel la circonferenza, reflettendosi dal punto. G. al punto. T. si dimostra così. Essendo la linea. Z E. paralella alla. B T. seguirà, che l'angolo .B N G. sia eguale all'angolo. E I G. et così. T N G. sia eguale all'angolo. Z P G. per la 28. del primo, ma essendo gl'angoli. I. et. P. retti (per il presupposto del Theo.) saranno anco retti gl'angoli, che sono attorno la. N. & il lato. B N. è eguale al lato. N T. & il lato. N G. è comune all'uno, & all'altro triangolo, per il che il lato. B G. sarà eguale al lato. T G. & l'angolo. B G N. sarà eguale all'angolo. T G N. per la 8. del primo; onde il raggio. B G. reflettendosi nella circonferenza dello specchio ad angoli eguali, dal punto. G. si rifletterà nel punto. T.

M. Egnat.

THEOREMA VENTESIMONONO.

Ma se gl'occhi si porranno fuor del diametro dello specchio concavo, le cose, che sono dalla destra appariranno destre, & quelle, che sono dalla sinistra, appariranno sinistre; Et il simulacro apparirà minore, che non è la faccia stessa, nel mezzo fra la faccia, & lo specchio.

SIANO gl'occhi ne' punti. b. & g. & il centro dello specchio sia il punto. z. per il quale si tiri la linea. a z d. che faccia angoli retti col diametro dello specchio, & per il punto. a. si tiri la. b a g. ad angoli retti con la. a z d. & sia la. a g. eguale alla. a b. & il raggio. b d. si rifletta al punto. g. & per il centro. z. si tirino le. b z h. & g z e. & dal punto. e. fino al punto. h. si tiri la. h e. & così il punto. g. apparirà nel punto. e. & il. b. nel punto. h. Onde le cose destre appariscono destre, & le sinistre sinistre. Et il simulacro. e h. apparisce minore della faccia. b g. & essendo la. e h. paralella alla. b g. apparirà il simulacro nel luogo, che è in mezzo fra lo specchio, & la



faccia. Hor se la faccia si scosterà dallo specchio l'immagine apparirà ancor minore. Sia. *m n.* la faccia medesima che era nella .*b g.* ma piu lontana dallo specchio, che non è la .*b g.* & stia nel medesimo sito rispetto allo specchio. Et seguirà, che la linea retta tirata dal punto. *m.* per il centro. *z.* & allungata cascherà nel punto. *c.* piu alto del punto. *h.* oue cascaua prima, & la linea, che dal punto. *n.* è tirata per il centro. *z.* cascherà medesimamente nel punto. *t.* piu alto del punto. *e.* & così l'immagine della. *m n.* è nella. *t c.* ma la. *t c.* è minore della. *e h.* & è piu presso allo specchio concauo.

† perche le linee
.m d. & .n d. si
congiungono dal
la bñda della. t c.

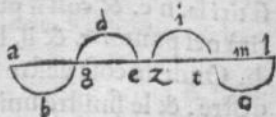
ANNOTATIONE.

M. Egnat. PERCHE la linea. *eh.* è parallela alla. *bg.* perciò la immagine della. *bg.* apparisce fra lo specchio, & la. *bg.* che fa la immagine, perche se la linea. *eh.* fosse nello specchio non saria retta, ne paralela alla. *bg.* essèdo lo specchio sferico la immagine. *eh.* si uedrà in aria fra il viso. *bg.* & lo specchio, & così essendo la immagine. *tc.* minore della. *eh.* si potrà accostare allo specchio concauo piu, che non si accosta la. *ec.* maggiore. Il che la esperienza chiaro lo mostra, che mettendo uno specchio concauo in terra, & poi guardandoui sopra si uede, che quanto piu la faccia ui si accosta, tanto piu la immagine nell'aria si scosta dallo specchio, come nel Theorema si è dimostrato.

THEOREMA TRENTESIMO.

Si può fare uno specchio talmente che in esso appariscino piu faccie, alcune maggiori, & alcune minori, & alcune piu appresso, & alcune piu lontane, & le loro parti destre si uedino dalla destra, & le sinistre dalla sinistra.

NEL piano. *a m.* possono stare gli specchi tondi come sono. *ab g.* & *t c l.* & i concaui come sono. *g d e.* & *z i t.* & gli specchi piani. *e z.* & *l m.* Hor ponendosi la faccia nel punto. *n.* appariranno negli specchi piani le sue immagini eguali, & egualmente distanti da quelli; Et ne' rotondi appariranno minori, &



meno

meno distanti; Ma ne concaui appariranno minori, ò maggiori, & più, ò meno distanti, come si è dimostrato. †

† nelle due precedenti.

THEOREMA TRENTESIMO PRIMO.

Da gli specchi concaui opposti al Sole si accende il fuoco.

Sia lo specchio concauo. a b g. & il Sole e d z. & il centro dello specchio sia il punto. t. et dal punto. d. del Sole fino al centro. t. dello specchio si tiri la. d t. fino al puto. b. dello specchio, & il raggio. d g. percuota nello specchio, & si rifletta al punto. c. il qual punto cascherà fra il centro. t. & la circonferenza dello specchio, essendo, che l'angolo. p. posto nella circonferenza è minore dell'angolo. b g d. della circonferenza. Sia adunque la circonferenza. b a. eguale alla circonferenza. b g. & dal punto. d. caschi un altro raggio fino allo specchio, che sia. d a. & sarà chiaro, che il raggio. d a. riflettendosi cascherà nel puto. c. essendo che la circonferenza. a b. è eguale alla circonferenza. b g. † Et nel medesimo modo si mostrerà, che tutti i raggi che dal puto. d. cascano nello specchio, & còprendono eguali circonferentie, concorrono con la linea. b t. in un puto più alto del punto. t. Sia di nuouo lo specchio concauo. a b g. & il Sole sia. d e z. & dal punto. e. si tiri la linea retta. e t b. & da' punti. z d. si tirino per il centro. t. le. d t g. & z t a. & già si è dimostrato, † che il raggio, che dal punto. e. casca nello specchio si riflette in se stesso, poiche gl'angoli. p. & r. sono eguali, essendo angoli del mezzo cerchio † similmente il raggio. z t a. si rifletterà in se stesso perche gl'angoli. c. & l. sono eguali, & nel medesimo modo il raggio. d t g. si rifletterà in se stesso, essendo l'angolo n. eguale all'angolo. x. Et che tutti questi raggi si riflettino in se stes-



† per il pri. The.

† nel 2. et 5. T.

† p la 16. del 3.

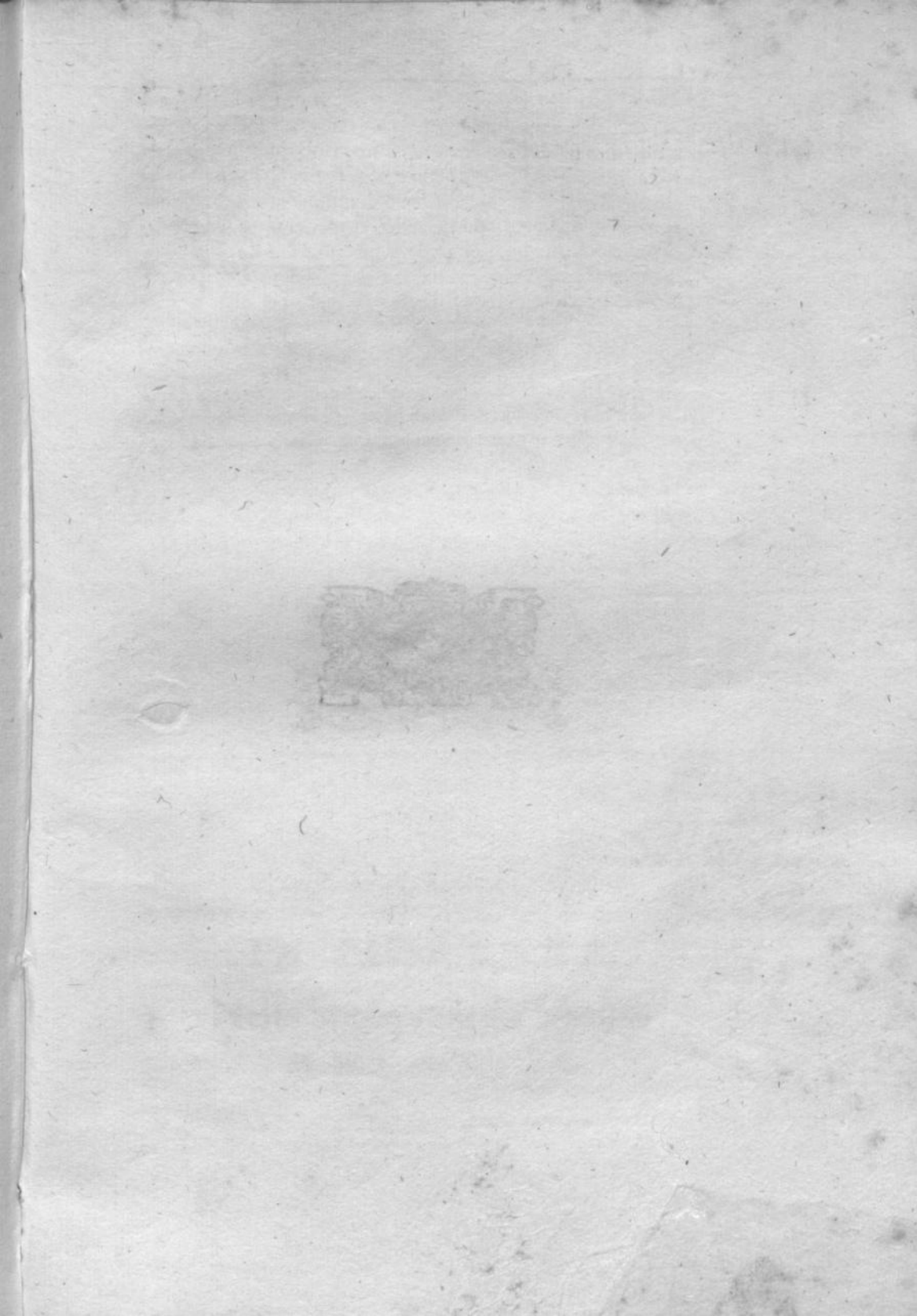
se stes-

se stessi, è manifesto, poiche passano per il centro dello specchio, & lo diuidono in mezzi cerchi, & gl'angoli del mezzo cerchio sono fra di loro eguali.† Onde tutti questi raggi si rifletteranno ad angoli pari, per il che in se stessi ritornano. Laonde tutti i raggi, che dal sole sono mandati per il centro dello specchio, da ciascun punto di esso ritorneranno nel centro concorrendo insieme, nel qual punto riscaldandosi i detti raggi genereranno il fuoco, onde, se nel detto punto, che è centro dello specchio si porrà della stoppa si accenderà.

ANNOTATIONE.

M. Egnat. *Il fuoco si genera dagli specchi nel concorso de' raggi riflessi, come si è detto di sopra nel Theorema, ma perche detti raggi sono debili, fa mestieri di tenere cosi un pochetto ferma la cosa combustibile nel cetro dello specchio, acciò si disponga, et si accenda. Nondimeno questo specchio ha piu forza nello accendere, che non ha quello, che è composto da' specchi piani, in forma esagona, e triangolare, perche in questi specchi concaui, i raggi si riflettono piu unitamente, che non fanno riflettendosi da quegli specchi piani. Si può bene fare uno specchio composto di questi specchi concaui talmente, che quei raggi si uniscino tutti insieme cioè le punte delle riflessioni, & habbino maggior forza nell'accendere il fuoco. La cui fabbrica si serba à dirla con piu opportuna occasione la quale ancor si sarà posta in questo luogo se la incommodità delle figure per dimostrarla, non l'hauesse uietato.*

Il Fine degli Specchi di
Euclide.





LA PROSPETTIVA DI ELIODORO

LARISSEO,

TRADOTTA DAL REVERENDO
Padre M. Egnatio Danti Cosmo-
grafo del Serenissimo Gran
Duca di Toscana,

Con alcune breui annotazioni del medesimo,

Et di nuouo data in luce.



IN FIORENZA,
Nella Stamperia de' Giunti.

M D L X X I I I.



BIBLIOTECA DELL' UNIVERSITÀ - FIRENZE

Inv. 11609
Antico
664

LA PROSPETTIVA
DI ELIODORO

LARISMO,

TRADOTTA DAL REVERENDO

Padre M. Eusebio Danti Colmo-

grato del Serenissimo Gran

Duca di Toscana,

Con alcune osservazioni del medesimo,

E di nuovo data in luce.



11609

Antico

664

IN FIORENTIA,
Nella Stamperia de' Giunti.
M D C X L I I.

ALL'ILL. ET REVER.
SIG. MIO COLENDISS.

Il Cardinal di Loreno.



UANDO. V. S. Illustriss. passo
ultimamente per Firenze, & con la
presenza sua si degnò sauarire queste
stanze, & ueder l'opere mie: mostrò
di desiderare il trattato della pro-
spettina di Eliodoro Larisseo. Per-
cio lo mando hora à lei tale quale io l'hebbi dalla Libre-
ria Vaticana, et la traduttione appresso, che io ne ho fatta
per accompagnare la Prospettina di Euclide tradotta si-
milmente da me. Et se bene il dono è piccolo spero che non
sarà sprezzato da lei, si come quella, che conoscerà molto be-
ne la bellezza, & eccellenza di esso, poichè non solo ella ot-
timamente possiede la nobilissima scienza della Theolo-
gia, ma fra l'altre parti della Filosofia, questa delle Ma-
tematiche. Degnisi adunq. di accettarlo riguardando al
buono animo mio, che è di seruirla in tutto quel poco ch'io
posso & senza piu le bacio humilmente le mani pregan-
dole da N. S. Dio ogni maggiore felicità & contento.
Di Firenze alli 11. di Giugno. 1573.

Di V. Illustriss. & Reuerendiss. Sig.

Humilissimo Seruitore.

F. Egnatio Danti.

CAPITOLI DELLA PROSPETTIVA DI ELIODORO

L. ARISSEO.



HE con alcuni raggi, che si partono dagli oc- Cap. 1
chi nostri andiamo à trouare le cose, che noi
ueggiamo. *Euclide nella prima suppositione*
della prospettiva.

Che que' raggi che si partono dagli occhi 2
sono luce.

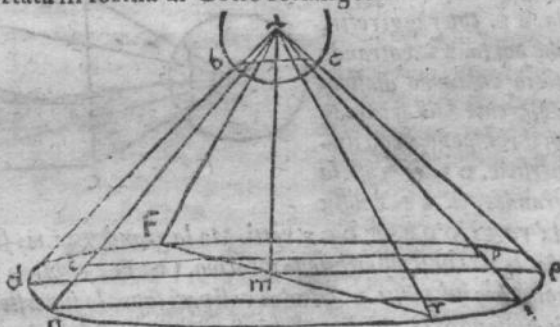
Che questa luce è portata per linea retta. 3

Euclide nella prima suppositione della prospettiva.

Che ella è portata in figura di Cono. *Euclide nella seconda* 4
suppositione.

Che ella è portata in forma di Cono rettangolo. 5

SIA nel-
la presente fi-
gura l'occhio
ABC. & il
suo cetro sia
il punto. A.
dal quale es-
ce la luce &
lo splendore,
che forma il
cono. DAE.



& è rettangolo perche l'angolo. DAE. è retto, & ha la basa. DNR
EF. circolare.

Che'l Cono del nostro uedere non è pieno di luce simile. 6

Che quelle cose, che si ueggono, o si ueggono sotto angoli ret- 7
ti, o sotto angoli acuti. Come nella superiore figura la. DE. &
RF. si ueggono sotto angoli retti, & la. OP. & NI. sotto angoli
acuti perche sotto maggiore angolo che il retto non si può uedere nul-
la non essendo la pupilla dell'occhio se non la quarta parte di esso.

Donde nasce, che le cose, che si ueggono sotto maggiore an- 8
golo apparischino maggiori. *Euclide nella supp. 5. della pro-*

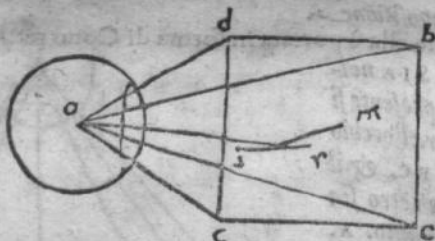
P 3 *spectina*

LA PROSPETTIVA DI

spettiva & la. D E. che si uede sotto l'angolo retto. D A E. apparisce maggiore della. N I. che si uede sotto l'angolo. N A I. minore de l retto.

- 9 Che noi ueggiamo principalmente con quella luce, che è din torno all'asse del Cono. Nella figura di sopra la linea. A M. è l'asse del Cono.
- 10 Che la virtù, & potenza uisua opera principalmente inuer so quelle cose che gli sono dauanti. Cioè à dirittura della linea .A.M. asse del Cono.
- 11 Che la punta del Cono del ueder nostro è dentro alla pupilla, & è centro della sfera dell'occhio; poiche'l cerchio della pupilla ne taglia la quarta parte. Nella figura di sopra la punta del Cono è nel punto. A. centro dell'occhio, & la pupilla è la. B C. & è la quarta parte del cerchio. A B C.
- 12 Che le cose che si ueggono, ò si ueggono con uedere diritto, ò rotto, ò reflexo.

Dal centro dell'occhio. O. escono i raggi. O B. & O E. che ueggono la. B E. con raggi retti, ma poi la. B E. entrando sotto vn corpo diafano differente dall'aria i raggi si rompono nella superficie. D E. & così la grandezza. B E. è uista



da' raggi O D B. & O C E. rotte. Ma la grandezza. A. M. si uede col raggio. O M. che si riflette nello specchio. I R. Et i raggi. O B. & O E. si rompono ne' punti D. C. ad angoli pari sopra la superficie del secondo diafano. D C. che è quel che dice il seguente capitolo. Il che si dimostra per la 5. del primo essendo il lato. O D. eguale al lato. O C.

- 13 Della similitudine, che hail ueder nostro col Sole.
- 14 Che il ueder nostro rompendosi fa angoli pari in quel luogo oue si rompe, come anco fa il Sole.
- 1 Che noi andiamo adunq; à trouare quelle cose, che noi ueggiamo con alcuni raggi che si partono dagli occhi nostri, ce lo dichiara la figura degli occhi, la quale non è concaua, ne accomodata à riceuere cosa alcuna, come quella degli altri fenfi, ma tonda à guisa d'una palla. Et che quei raggi, che si partono dagli occhi, sieno luce, ce lo dimostra lo splendore degli occhi,

ELIODORO LARISSEO.

occhi, & quello, che auuiene ad alcuni, che di notte ueggono
senza aiuto di luce esteriore, come sono gli animali, che di not-
te uanno pascendo; & come era Tiberio Imperadore de' Ro-
mani, & anco gli occhi degli animali notturni risplendono di
notte come il fuoco; Ma che noi andiamo à trouare le cose, che
noi ueggiamo con la luce, & splendore, che dagli occhi man-
diamo fuori, dalle cose già dette resta assai chiaro; & farà an-
co piu apertamente conosciuto allhora, quando dimostreremo
la somiglianza, che è tra il ueder nostro, & il sole. Et che
quella luce, che da noi è mandata fuori, che sogliamo chiama-
re, uista, sia portata rettamente, & in forma d'un Cono rettan-
golo, oltre à che Tolomeo nel suo trattato della Prospettua
lo ha dimostrato con gli instrumenti, si può anco prouare, &
dimostrare con ragioni: Perche se la uista debbe andare quan-
to piu presto sia possibile alla cosa da uederfi, è necessario, che
uadia per linea retta, essendo, che questa è la minore di tutte le
linee, che hanno i medesimi termini; & in oltre se di quelle co-
se, che si hanno à uedere, gli occhi ne debbono pigliare la mag-
gior parte, che sia possibile; fa mestiere, che ui guardino con
figura circolare essendo, che questa è maggiore, & piu capace
di ogni altra figura piana di eguale circonferenza, come è di-
mostrato. † È necessario adunq; al uedere nostro, & che con-
rà prestezza appreda la cosa da uederfi, & che in un tratto ne
uega quãto piu sia possibile, pche così è utile all'animale, &
la natura suole abbracciare, & procurare tutto quello, che gl'è
espedito, & buono. Per il che con ragione il nostro uedere
ua per linea retta, & si conduce alle cose da uederfi in figura
circolare. Et essendo così portato il nostro uedere, & andan-
do in questa maniera a trouare le cose da uederfi, harà figura,
ò di Cilindro, ò di Cono, hauendola massime distesa, & al-
lungata, come è cosa ragioneuole, che l'habbia. Hora egli non
ha figura di Cilindro perche se questo fusse, non potrebbe in
un subito uedere q̃lle cose, che sono maggiori della pupilla †
senza che tutte le cose, che si ueggono apparirebbono all'oc-
chio di eguale grandezza; La onde è necessario, che il ueder
nostro habbia figura di Cono, & cotal figura hauendo, potrà
andare à trouare diuerse grandezze di cose uisibili secondo la
grandezza della lor basa; hor che il uedere sia di figura Conica
si può confermare con le già dette ragioni. Et è chiaro che il
Cono è rett'angolo di specie terminato, percioche è specie in-
fima

3

da Archimede,
& Manrolino,
& dal Clauio.

4

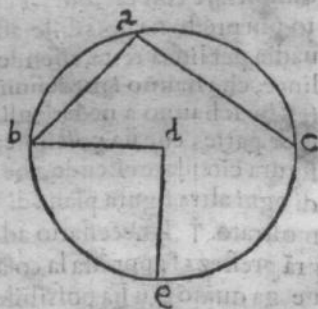
† pche il cerchio
della pupilla sia
ria basa del ce-
lindro.

5

LA PROSPETTIVA DI

fima come è l'angolo retto. Ma gl'angoli ottusi, & acuti sono di specie indeterminati, & infiniti perche tali angoli possono essere accresciuti, et diminuiti in infinito. Et la natura suole anteporre alle cose infinite le finite come piu nobili, & meglio accomodate all'animale, che si serue della ragione. Adunq; il Cono del nostro uedere sarà rettangolo, come è conforme alla ragione, & ci viene ancora confermato dall'apparenze, conciosia che essendo'l Cielo rotondo ne ueggiamo con un solo sguardo la quarta parte, & anco della circonferenza dell'Orizzonte ne ueggiamo la medesima parte, & se noi siamo in su la circonferenza d'un cerchio ne ueggiamo in un occhiata intera mente la metà, il che non uedremmo esser così, se il cono del ueder nostro non fosse rettangolo. *Che il Cono del nostro uedere sia rettangolo l'Autore lo dimostra con tre esempi apparenti,*

i quali nella presente figura si scorgono chiaramente, perche essendo la quarta parte del cerchio compresa dall'angolo retto, & l'occhio stando nel cetro dell'Orizzonte .D. uede la quarta parte del cerchio che è .B.E. seguirà che l'angolo del nostro uedere nel punto .D. sia retto, & il medesimo, che si dice dell'Orizzonte, si intende anco del Cielo non essendo altro l'Orizzonte che una superficie, che si immagina, che passi per il cetro della terra, & uadia fino all'ultima superficie del Cielo; di maniera che il medesimo sarà la quarta parte dell'Orizzonte, & quella del cielo. Così parimente stando l'occhio nella circonferenza d'un cerchio, uede la intera metà di essa circonferenza, cioè stando l'occhio nel punto .A. uede co' raggi .A.B. & .A.C. la metà della circonferenza del cerchio che è .B.E.C. essendo retto l'angolo del mezzo cerchio, per la 31. del terzo. Et ogni uolta che l'occhio starà dentro al cerchio cioè nell'area sua fuori della circonferenza uedrà meno di mezza la circonferenza, & tal uolta piu del mezzo cerchio, come auuiene qñ sta nella circonferenza, oue dal pñto .A. uede tutta l'area del cerchio. A.B.E.C. che è piu della metà del cerchio. Ma à quel che dice Euclide, che nessuna cosa uisibile si puo tutta in un tratto uedere, si risponde, che la quarta parte del Cielo si rappresenta à gl'occhi tutta in un tratto. E da sapere adunq; che noi quelle cose,



ELIODORO LARISSEO.

le cose, che uediamo, alle uolte le apprendiamo tutte in un tratto, & alle uolte non le uediamo così esattamente, & sottilmente. Perche se bene affermiamo di uedere le cose tutte in un tratto, non diciamo di ueder nulla sottilmente, & perfettamente. Essendo che a uolere esattamente risguardare qual si uoglia cosa, bisogna, che apprendiamo tutte le parti sue, quali restano in mezzo fra gli estremi raggi, che escono dagli occhi; perche quelle cose, che nella prima occhiata non si potettero uedere, con il nuouo discortere degl'occhi, uengono poi uedute. Fa ben mestieri d'intendere, che questa figura Conica del ueder nostro, che passa per le parti oscure della pupilla uien di uisa, & distinta in raggi uisuali, che necessariamente sono l'uno dall'altro separati, accioche abbraccino & comprendino tutto lo spatio, che è fra loro, cioè tutta la superficie del cerchio, che è basa del Cono. Et glle cose che si veggono ò si ueggono sotto angoli retti, ò sotto angoli acuti, essendo, che sotto gli angoli ottusi, non si uede nulla; imperoche quegli angoli, sotto i quali ueggiamo si congiungono, & conuengono insieme nella punta del Cono del ueder nostro, & gli angoli retti stanno sopra il diametro della basa del Cono. Ma gli angoli acuti stanno sopra certe linee rette, le quali sono anco esse nella basa del Cono, ma minori del diametro, o giunghino, o non giunghino alla circonferenza del cerchio. *Nella figura superiore del Cono gl'angoli. D A E. & F A R. retti stanno sopra i diametri del Cono. D E. & F R. Et l'angolo acuto. N A I. sta sopra le linee. O P. & N I. che sono minori de' diametri di esso Cono, delle quali la N R. è congiunta alla circonferenza del Cono, ma la. O P. sta bene nella basa del Cono, ma non è già congiunta alla sua circonferenza.*

Hora quelle cose, che sotto maggior angolo sono uiste ci appariscono maggiori, perche le ueggiamo con maggior copia di luce, il che chiunque pur mediocrementemente lo considera, apertamente l'intende. Essendo, che chiaramente conosciamo, che ueggiamo qual si uoglia cosa meglio con quella luce, che è attorno all'asse del ueder nostro. Onde uolendo noi qualche cosa accuratamente uedere, uoliamo l'occhio di maniera, che con la parte intima, che è nel mezzo del cono del ueder nostro, comprendiamo guardando la cosa che uogliamo uedere, Et di qui nasce, che se sarà un ago posto innanzi agli occhi nostri, & riguardiamo oue egli è posto, non lo ueggiamo fino à tanto, che non lo guardiamo con l'asse del Cono, o ueramen-

7

8

9

† Asse è la linea
a m. n. la figura
ra privilegiata.

Q te con

LA PROSPETTIVA DI

- 10 te con quei raggi, che gli sono dintorno. Et per questo la uirtù & potenza uisua opera principalmente in uerso di quelle cose, che gli sono dauanti per linea retta, & quelle che gli sono poste per obliquo, non comprende così perfettamente. La onde se dirizzeremo il ueder nostro (seguitando la natura) nel la parte dinanzi, sarà del tutto l'asse del cono innanzi agli occhi nostri, & gl'altri raggi, che gli sono uicini, andranno chi di sopra, chi di sotto, chi alla destra, & chi alla sinistra parte; Et è di tal natura la potenza uisua, che uedendo in uno specchio quelle cose, che ci son dietro alle spalle, gli appariscono essere dinanzi, & essere in quelli che guardano nello specchio.
- 11 E ben cosa manifesta, che la punta del cono del ueder nostro non è nella superficie della pupilla, perche se questo fusse, noi non uedremo da ogni parte della pupilla. Ma è dentro à quella, & è nel centro dell'occhio. Perche la prima, & minor basa del Cono è l'ultima superficie, che rinchiude, & circunscriue la pupilla dell'occhio. Auuenga che la pupilla non è un cerchio ma una superficie, che è la quarta parte della palla dell'occhio; imperoche il Cono del ueder nostro è rettangolo.
- 12 Ma quelle cose, che noi ueggiamo, o le ueggiamo col uedere dritto, che uia intero, & senza rompersi fino al termine della cosa ueduta, ò ueramente le ueggiamo col ueder rotto, & spezzato. Imperoche quando guardiamo nell'acqua uediamo la sua superficie col uedere dritto, & non rotto. Et quelle cose, che nell'acqua nuotano, ò nel profondo di quella son poste, quando le guardiamo, passa il ueder nostro fino al fondo, ma per la resistenza dell'acqua si rompe. Et di qui è che se sarà messo in un uaso qualche cosa, che da una certa distanza non si ueda, & messa poi l'acqua nel uaso, si uedrà detta cosa, che prima non si uedeua, da quella medesima distanza. Et in questo modo ueggiamo le cose che sono nell'acqua. Ma quelle cose che sono fuori della superficie dell'acqua (& gl'atichi usano di dire) ogni cosa, che col uedere intero per l'aria ueggiamo; noi ueggiamo cò uedere dritto. Ma quelle cose, delle quali noi ueggiamo le immagini nell'acqua, ò nello specchio, le ueggiamo riflesse. Hor queste cose che per l'acqua, ò altre cose lucide uediamo, & questo moto del ueder nostro dritto, & riflesso, come anco il lughissimo, & presto progressivo, che egli fa, si può chiaramente uedere, che il medesimo accade anco a' raggi del sole; accioche da questo si confermi quanto da
princi-

ELIODORO LARISSEO.

principio si è detto, & si conosca, che la luce esce dagli occhi nostri indubitatamente, perche ueggiamo, che interuiene al sole il medesimo, che al ueder nostro. Essendo che quanto la luce del sole cammina, partendosi da esso per uenir fin sopra alla superficie della terra, tanto camina anco il ueder nostro, quando noi risguardiamo il cielo. In oltre si uede, che tanto la luce del ueder nostro come quella del sole si fa in instante. Essendo, che nel medesimo modo, quando la nugola che ci era sopra si parte, siamo aggiunti, & illuminati da' raggi del sole in uno instante; così ancor noi alzando gli occhi al cielo ui giugniamo col uedere in un tratto. In oltre, perche ueggendo noi i raggi del sole caminare rettamente, & anco romperli, come si uede nell'acqua, nel uetro, nell'osso, & in simili altre cose, così anco al ueder nostro per simili cose passando interuiene. Et dalle medesime cose, da che i raggi del sole sono rotti, è rotto anco il uedere nostro. Et questo rompimento si fa ad angoli eguali. Il che da questo si può conoscere esser uero, che se dall'acqua, o da qual si uoglia altra cosa densa, & leggieri si fa la riflessione de' raggi del sole, noi per uederli di maniera accociamo gli occhi, che stieno ne' raggi riflessi, & guardino in quel luogo dell'acqua, oue i raggi del sole son rotti, accio in essa ueggino la imagine del sole come in uno specchio, essendo che i raggi del sole conuengono, son simili, & corrispondono a i raggi del ueder nostro, poiche si riflettono à medesimi angoli, & eguali, la quale riflessione (come poi mostreremo) si fa nel medesimo modo nel ueder nostro, & ne' raggi del sole. Et perche anco interuiene tanto alla luce del sole, come al ueder nostro, che da quelle cose pigliano il colore, nelle quali si rompono, ò si riflettono, per dare esempio tanto di quelle cose, che da noi son uiste, come di quelle, che dal sole sono illuminate. Imperoche; ò nascendo, ò tramontando il sole se passerà co' raggi per qualche nugola rossa, apparirà, che la terra, il mare, & ogni altra cosa che dal sole è illuminata, sia di colore rosso: il che parimente ciascuno potrà conoscere, che interuiene al uedere nostro. Imperoche del colore che è il mezzo per il qual ueggiamo, apparisce la cosa ueduta. Adunque ogn'uno, che piglierà uno specchio di qual si uoglia colore, considererà le cose, che in esso si ueggono col uedere rotto, & riflessò essere del medesimo colore, che è lo specchio, nel quale le cose si ueggono. Il che dica-

LA PROSPETTIVA DI

mo, che nel medesimo modo interuengono tanto a' raggi del sole, come anco al ueder nostro. Ma se la riflessione si fa negli specchi di argento, ò ueramente nell'acque limpide, & quiete; ne il raggio del sole, ne il ueder nostro ne ritarrà colore nessuno, & senza dubbio saranno senza colore alcuno. Quelle cose adunque, nelle quali cascono i raggi, che si rompono nelle cose predette, che non hanno colore nessuno, appariranno del medesimo colore che elle in uerità sono. Le quai cose stando così, non credo che nessuno si uergognerà di affermare, che la luce esca dagli occhi nostri uedendo così gran somiglianza, & conuenienza, che è fra il ueder nostro & il sole. La onde il gran Platone disse, che fra tutti gli strumenti de' sensi, solamente quel del uedere era similissimo al sole, & che rappresentaua principalmente la figura & imagine sua. Egli è ben da sapere, che queste riflessioni, ò rompimenti de' raggi del ueder nostro, si fanno, con ordine, ò ragione certa; Imperciocché si fanno ad angoli pari, & in quei punti si congiungono, ne' quali si riflettono. Essendo che ha dimostrato il Mekanico Herone, nel libro degli specchi, che quelle rettilinee, che ad angoli eguali si rompono, sono minori di tutte l'altre linee, che dalle medesime simili parti uengono, & si rompono alle parti medesime ad angoli ineguali. Il che hauendo dimostrato disse: Se la natura non ha in darlo operato intorno al uedere nostro, il rompimento del uedere si fa con angoli pari. Et questo si uede chiaro, poichè i raggi del sole si rompono ad angoli pari. Ne bisogna dire, che al ueder nostro interuenghi questa inegualità, & che a' raggi del sole auuenga di rifletterli ad angoli eguali, & pari. Et di sopra habbiamo insegnato che ne' rompimenti de' raggi del sole si fanno angoli pari, & eguali agli angoli del ueder nostro. Il quale si è dimostrato, che si rompe con angoli eguali.

IL FINE.

Dominici Boninsignii Flo.

SOMNIVM.

AD EGNATIVM DANTEM.



*V*A gelidi Arctous plaustrum boreale Bootæ,
Anguiferamq; Helicen tua quondam mem-
bra Lycæon
Aspicit, astriferi illustrant quæ limina Cæli,
Est locus ignavi domus & penetralia Somni;
Qui prope Cimmerios habitat, quæ flumina
sensim

Labuntur lethæ, circumq; papauera florent;
Phœbus adire potest quo nunquam luce diurna:
Sed nox, & nebula, dubiæq; crepuscula lucis
Ante fores antri, volitant in limine primo
Somnia nata Deo totidem, quot graminia terris,
Somnia terrificis curis turbantia mentes.
Huc inter syluis frondentia culmina, & inter
Saxea tesqua seror, loca foeta nigrantibus umbris;
Et simul in somnis, dum linqueret astrâ, tenebris
Nox adoperta caput, mihi iussus adesse senectus
Quidam cui tristis spargebat tempora canis,
Continuo aggreddior quem sic affari orsus.
Quisquis es, o uenerande senex qui talibus oris
Hæc loca senta situ, quæ non uestigia signant
Incolis, unde domo (haud nostri te tædia tangant)
Fare age, & optatam temnas ne rumpere uocem.
Ille refert; nostris succede penatibus hospes,
Non iniussus ades; patrijs nam ducier oris
Huc ego te uolui; referas quo dicta per urbem hæc
Ille ego, qui quondam docui dum uita maneret,
Dicerer & patriæ Alcathoes dum gloria nostræ.
Vnica cui, duplex ne foret, seu mansio triplex;
Et maiora oculis nobis propiora remotis

Corpo-

Corpora, cur soleant, & qua ratione uideri,
 Et speculi tandem qui mille arcana reclusi;
 Pro pudor in tenebris fœde sic uindice nullo,
 Et lacer ora diu per tot iam secla iacerem;
 Ni foret ignotus nullus EGNATIVS oris,
 (Vnde honor Arne tibi) uentura in tempora cui nunc
 Immortale decus fama haud mortura propagat,
 Me Floram Arguuum ducit qui gente Pelasga
 Eois clarus, claros tibi pinifer Atlas,
 Clarus utriq; polo, & gelidas quâ dimouet Arctos,
 Territat & medius sinuoso corpore serpens;
 Et quâ nubigenas Cælum mihi parturit imbres
 Ignotum, aduerso pascit quaq; astra sub axe.
 Et quâ Nile caput multos obscure per annos
 Oculis; & nitidas Ponto uehit Iber arenas.
 Hic inter centum quæ non peritura peregit
 Clara opera, & peraget quoq; (sit modo uita superstes)
 Præstitit hoc etiam quod me caligine tanta
 Eruit, unde dies precor hoc non deleat ulla.
 Hæc illi (quoniam tuus est) mea dicta referto.
 Non ego nunc optem grates persolvere dignas
 Quamquam o: sed superi hoc faciant, & Iuppiter ipse,
 Iuppiter ipse faue; atq; illis ac omnia cedant,
 Omnia sint illi nunc, & post fata secunda:
 Tunc bene quæ nouit felix referatur ad astra,
 Clarius, & clarum illustrent sua sydera Cælum.
 Tu quoq; COSME faue, magnis atq; annue cœptis.
 Pluraq; dicebat, somnus sed liquit inertem;
 Aureum reddiderant namq; orbem tela diei,
 Disspuleratq; polo stellarum lucifer agmen.



A' LETTORI.



VOLEUA il P. M. Egnatio dietro a questa prospettiva di Euclide aggiugnerui la pratica per sodisfatione degli artefici, ma sapendo, che il Gëtilissimo, et Illustre Barone Bernardino Martirano è per dar fuori in breue la pratica, che egli ha fatta in tanta eccellenza, che in tal genere non si puo desiderare meglio, se ne rimette a quella, la quale si potrà accompagnare con questa di Euclide, & di Eliodoro Larissèo, la quale per piu uostra cōmodità habbiamo uolsuto stampare non solo tradotta in Toscano, ma Greca, & Latina.

A. L. L. O. K. I.



ΗΛΙΟΔΩΡΟΥ

ΛΑΡΙΣΣΑΤΟΥ ΚΕΦΑ-

ΛΑΙΑ ΤΩΝ ΟΡΤΙΚΩΝ.

HELIODORI

LARISSAEI CAPITA

OPTICORVM.



FLORENTIAE,

Ex Officina Iunctia, M D LXXIII.

CVM PRIVILEGIIS.

ΗΛΙΟΔΩΡΟΥ

ΛΑΡΙΣΣΑΙΟΥ ΚΕΦΑΛ

ΑΛΙΑ ΤΩΝ ΟΠΤΙΚΩΝ.

ΗΛΙΟΔΩΡΟΥ

ΛΑΡΙΣΣΑΙΟΥ ΚΕΦΑΛ

ΟΠΤΙΚΩΝ.



ΦΛΟΡΕΝΤΙΑΣ

Εκ Οφθιαλμολογίας καὶ Ὀφθ.

Ὑμν. Πρακτικῆς

ΗΛΙΟΔΩΡΟΥ HELIODORI

ΛΑΡΙΣΣΑΙΟΥ

LARISSÆI CAP.

OPTICORVM.



κεφαλὰς τῶν
ὀπτικῶν.
ὅτι προβολῆς τινὲς αὐτῶν ἡμῶν γε
νομίνας ἐπιβάλλομεν τοῖς ὀφθαλμοῖς.
ὅτι τὸ πρὸς τὸν ὀφθαλμὸν αὐτῶν
ἡμῶν φῶς ἐστίν.
ὅτι τὸ πρὸς τὸν ὀφθαλμὸν φῶς, ἐπὶ
ὀφθαλμοῦ φέρεται.
ὅτι καὶ ἐν ὀφθαλμῷ κινῶνται.
ὅτι καὶ ἐν ὀφθαλμῷ φέρεται τὸ
κῶνος.
ὅτι ὅτις ὀφθαλμὸς κινῶνται, καὶ ἐστὶ
πλήρης ὀφθαλμοῦ φῶτος.
ὅτι τὰ ὀφθαλμοῦ, κατὰ ὀφθαλμὸν,
καὶ ὀφθαλμοῦ ὀφθαλμοῦ γινώσκου.
Διὰ τὴν τὰ ὑπὸ μείζονος γινώσκου ὀφθαλμοῦ
μῆκος, μείζονα φαίνεται.
ὅτι τὸ πρὸς τὸν ὀφθαλμὸν τὸ κῶνος
φωτισμὸς καὶ ὀφθαλμοῦ.
ὅτι ὁ πρὸς τὸν ὀφθαλμὸν πρὸς τὸν ὀφθαλμὸν
πρὸς τὸν ὀφθαλμὸν πρὸς τὸν ὀφθαλμὸν
γινώσκου.
ὅτι τὰ τῆς ὀφθαλμοῦ κῶνος κῶνος,
καὶ τῆς κῶνος, καὶ κῶνος
ἐστὶ φῶς, καὶ πρὸς τὸν ὀφθαλμὸν
πρὸς τὸν ὀφθαλμὸν ὀφθαλμοῦ τῆς κῶνος
κῶνος.
ὅτι τὰ ὀφθαλμοῦ, καὶ κῶνος
γινώσκου, καὶ κῶνος
καὶ κῶνος τῆς κῶνος τῆς
κῶνος.
Περὶ τῆς πρὸς ἡλίου ὀφθαλμοῦ τῆς
κῶνος ὀφθαλμοῦ.
ὅτι κῶνος ὀφθαλμοῦ τῆς κῶνος.

Quadam à nobis projectio-
ne ea, quæ sub aspectum
cadunt, attingimus.

Id quod proiicitur atq; emit-
titur à nobis, lux est.

Quæ à nobis emittitur lux re-
cta, fertur, atq; ī coni figura.

Item in cono fertur rectan-
gulo.

Aspectus nostri conus simi-
li luce plenus non est.

Ea q̄ cernuntur, aut rectis an-
gulis intuemur aut acutis

Cur ea, quæ sub maiori cer-
nuntur angulo, maiora ui-
dentur.

Eo lumine qd̄ circaconi axē
est, maxime contuemur.

Cernendi uis ac facultas, in
ijs maxime, q̄ ante sunt,
munus suum exequitur.

Vertex coni uisus nostri, in-
tra pupillā est, & est sphe-
ræ centrum, quandoqui-
dem tetartemorion abscin-
ditur pupillæ circulus.

Quæ aspiciuntur, aut cernū-
tur directo, aut uisus no-
stri uel refractione uel dif-
fractione.

De similitudine quæ uisui
nostro est cum sole.

Cum frangitur visus noster,

ἴσας ποιῇ γωνίας τοῖς, πρὸς ὧς
κλῆται.

Ομοίως δὲ καὶ ἀκτίνων καὶ τῶ
ἐλπί, καὶ τῶ ἐξῆς.

Ὅτι μὲν οὖν προβολῆς τινος ἀφ'
ἡμῶν ἐπιβλῆμεν τοῖς ὁρμίνεσι,
δῆλοι καὶ τὸ τῶν ὀφθαλμῶν σχῆμα
ἔκλειον, εἰς πρὸς ὑποδοχὴν τῆς
νύκτος, πεποιημένων, ὡς περ τὰ τῶν ἀλ-
λων αἰσθητικῶν, ἡ δὲ σφαιρικὴ δυνά-
μις ὑπερέχον.

Ὅτι δὲ τὸ τοῦ προβλημένου
ἀφ' ἡμῶν φῶς εἰσὶν αὐτὸ ἀπολχ-
πόμεναι τῶν ἡμῶν δυνάμεσι
μεγαλεργαί καὶ τὸ τινὲς καὶ
νυκτορ ὄραν, εἰδὲν τὸ ἔξωθεν
προσδεμένους φῶτιος, ὡς περ εἰς
τὰ νυκτινομα τῶν ζώων, οἷος ἐκεί-
νος ὁ Τιβήριος γεννησὶ ὁ Ρωμαίων
βασιλεὺς, τῶν δὲ νυκτινομάτων ζώων
τὰ ὁμμάκων, καὶ ἐκλαμπόντων φαι-
νέται νυκτορ δίκην πυρός.

Ἀλλ' ὅτι μὲν φῶτος προβολῇ τοῖς
ὁρατοῖς ἐπιβλῆμεν δῆλον μοι
καὶ ἐκτεστον: ἐπὶ δὲ σαφίσι-
νον εἶναι, ἐπειδὴ τὴν πρὸς ἥλιον
ὁμοιότητα τῆς ἡμέρας ὅτιος πο-
ρεῖσθαι.

Ὅτι δὲ τὸ προβλημένου τὸ τοῦ
ἀφ' ἡμῶν (ὅθεν καὶ εἶδος ὅτι κα-
λῶν) ἐπ' ὁδὸν φέρεται, καὶ εἰς χύ-
ματι καὶ ὁρμίνεσι, καὶ ὁ, πρὸς το-
λεμῶος δὲ ὁρμίνων ἀπὸ τοῦ ὄραν
ἐπὶ αὐτῆς ἐπὶ τῆς πραγματικῆς
ἐνέσι δὲ καὶ λόγῳ διακρίσθαι, εἰς
μὲν καὶ τὰς ἡμέρας πρὸς τὸ ὄραν
πιν.

pares facit angulos ad id, ubi
frangitur, itemq; radij solis.

Projectione itaq; à vobis ea,
quæ cernuntur, nos attinge-
re, oculorū figura declarat,
non caua, neq; ad aliquid re-
cipiendum facta, ut reliquo-
rum sensuum, sed orbicula-
ta & rotunda. Id autem
quod emittitur lucem esse,
argumento est oculorum ful-
gor ac splendor: quodq; non
nulli noctu etiā cernāt nul-
lo extrinsecus lumine indi-
gentes, ut & ea animantia
quæ noctu pascuntur, ut Ti-
berius ille Romanorum Im-
perator. Noctiuagorum au-
tem animantium oculi per
noctem in morem ignis ef-
fulgent: eiecto ergo, & emis-
so lumine, nos ea continge-
re quæ aspiciamus ex his fa-
tis perspicuum est: apertius
vero tunc cognoscetur, cum
solis & aspectus nostri simi-
litudinem exposuerimus.

Atq; id, quod à nobis emit-
titur, quodq; solemus visū
appellare, recta ferri, & con-
rectanguli figura, cum Ptole-
maus in optices explicatio-
ne, organis demonstravit,
tum ratione ostendi, & in-
telligi potest. Vt enim visus
noster quàm citissime ad

ἡλοχρεῖς μὲν ἀκριβοῦς τί ὄραν
 παρτα. αὐτὰ δὲ μίση ἐπιπο-
 ροῦνται τα μετὰ τῶν ἀπὸ
 τῶ ὁμῶςτος περιμένον, ἀπὸ
 τῶν περιμένοντες, καὶ ὁ ἀπὸ
 ἡλίου, ἡμᾶς ἀπὸ καὶ αὐτῶς καὶ
 τῶν πρώτων ἐπιβολῶν, πύνα
 τῶν ὁπῶν ἐπιδρομὴ διασώμεθα
 γινώσκον. ὅτι, τὸ κοινὸν
 τῶν, καὶ φανερὸς ἐστὶν ὁ ὅτι οὐκ
 μὲν, δὲ τῶν ἀπὸ τῶν πύων, τῆς
 κόρης φερόμενον, χιζέται ἐξ ἀπὸ
 κινεῖς κεχωρισμοῦ αὐτῶν ἀπὸ
 λαγνέτητος, συναρκαζούσας δὲ
 ἀπὸ τῶν τῶ μετὰ αὐτῶν τῶν
 τῶ τῶν ὁπῶν τῶν τῶν τῶν
 ὁπῶν δὲ τῶ ὁπῶν τῶν τῶν καὶ
 ὁπῶν τῶν τῶν τῶν τῶν καὶ
 τῶν δὲ ἀμβλῆτος οὐδὲ ποτὶ. σμι-
 σαται. ὅτι αὐτῶν, καὶ
 αὐτῶν ὁπῶν πρὸς αὐτῶν τῶν κοινῶν
 τῶν τῶν ὁπῶν τῶν, καὶ αὐτῶν ὁπῶν
 ἐπὶ διαμέτρων βλάσται. τῆς
 βλάσται τῶν κοινῶν, αὐτῶν ὁπῶν, ἐπὶ
 τῶν ὁπῶν, αὐτῶν καὶ αὐτῶν τῶν
 τῶν βλάσται τῶν κοινῶν ἡλίου
 τῆς διαμέτρων, ἡτοι δὲ ἀρμόζουσι
 ἐς τὸν κύκλον, ἡτοι. Αὐτῶν τῶν
 πομῖανος γινώσκον ὁπῶν τῶν
 μετὰ φανεται. πλείονι ὅτι αὐ-
 τῶν ἐπὶ βλάσται τῶν τῶν. ἡτοι
 δὲ οἱ καὶ βλάσται ἐπὶ τῶν τῶν
 ὁπῶν αὐτῶν τῶν,

Vniuersim quidem una con-
 spici res affirmamus, subti-
 liter uero nihil planè: etenim
 ut subtiliter aliquid contem-
 plemur, omnes eius partes
 prosequamur oportet, quæ
 inter radios ab oculis pdeñ
 res occurrunt: ac quæ primū
 obtutum necessario effuge-
 runt, hæc oculorum percur-
 su repetita conspiciamus. In-
 telligi. n. oportet, conicam
 hanc, & luci cognatam aspe-
 ctus figuram, per obscuras
 pupille uias permeatē scin-
 di in radios, qui necessario
 quidem alij ab alijs separati
 sint, ut concipiant, & com-
 plectantur totum, qui inter
 eos intercedit locum, idest
 circuli uniuersi profundita-
 tem; quæ autem aspicitur,
 aut rectis cernuntur angu-
 lis, aut acutis; at obtusis nū-
 quam. quibus enim obtue-
 mur angulis, ad ipsum uerti-
 cem coni aspectus nostri co-
 eunt, ac recti quidem in dia-
 metro consistūt basis ipsius
 Coni; acuti uero in rectis
 quibusdam lineis, quæ sunt
 ipsæ quoq; in basi coni, at dia-
 metro minores; quæq; aut
 congruant ad circulum, aut
 non congruant. Quæ maio-
 ri angulo cernuntur apparēt
 maiora; copiosiore enim lu-
 ce ad ea contendimus. hoc
 autem qui uel paullulum con-
 siderabit, aperte intelliget,

ἔτι τῷ πρὶ τ' ἀφ' ὧν τῆς ὁψίτης φά-
 τῃ, μέγιστον πᾶσι σκοῦμεν ὁρᾶν
 εἰν ὡς ὁραῖν τὴν ἀκριβῆς ἐβέλ-
 ομεν, ἐπιστρέφοντες οὕτω τὴν ὁ-
 ψιν, ὥς κατὰ αὐτὸ τὸ μέσον
 ταύτης τῆς ὁψίτης κῶντος
 προσβάλλειν τῷ ὁρῶμεν. δὲ αὖτοι
 τοῦτο καὶ ἐκαστὸς, ἵνα τοῖς, περὶ
 κειμένης τινος, προσβάλλοντες
 τὴν ὁψιν ἐπὶ τὸν τόπον, οὗ ὡς κη-
 μέν τυχῶν αἰὲν οὐχ ὁρῶμεν κατὰ
 ἑαυτοὺς κατὰ τ' ἀφ' ὧν πᾶσι, κατὰ
 τὰ τοὺς πόδας αὐτῶν ἀκτίνων
 αὐτῇ ἐπιβάλλομεν. τοῦτο δὲ αὖ-
 τισι, ὅτι ἡ ὁπτική δύναμις μέ-
 λιστα πᾶσι εἰς τοῦτον προσβῆν τὴν
 ἐνέργειαν ἔχει· εἰς δὲ τὰ πλάγια
 οὐχ ὁμοίως πέφυκεν, πρὸς ὧς τοῖς
 ὡς κατὰ φύσιν φαίνεται ἡμῶν τὸ
 τῆς ὁψίτης χῆμα, ἀκριβῆς μὲν πρὸ
 ὧς ὁρᾶν αἰεὶ τὸν κῶντος, σὺν
 ἑγγύς δὲ, αὐτοῦ τῶν πλησιέστεραι
 ἀκτίνων τῆς ὁψίτης. αὖ ὅς τοι λογι-
 παί αἰὲν τι καὶ κατὰ, καὶ εἰς τὰ
 πλάγια φέρονται. οὗτοι δὲ ἐπὶ πρὸ
 ὧς πέφυκεν ἡ ὁπτική δύναμις, ὥς
 τὰ κατὰ πιν, ἡ ὁλως τὰ μὴ ἐμπρο-
 σθεν ἡμῶν κειμένη καὶ ἐκ κατὰ πτε-
 ρὰ ὁρῶμεν τινί, πρὸς ὧς εἶναι ταῦτα
 φανταίνεται καὶ ἐν τοῖς ὁπτικῶν
 σιν οὐκ ὑπάρχειν αὐτὰ. Διὸν δὲ, ὅ-
 τιν τὸν τῆς ὁψίτης κῶντος κορυφῇ οὐκ
 εἰσιν ἐπὶ τῆς τοῦ ὁψίτης κῶντος
 οὐδ' αὖ ποτε αὐτὸ πέντε τὸ πρὸς τὸ
 κῶντος ἐκαστὸς, καὶ εἰς ὧς

nam ea luce maxime, quæ in
 uisus axe est, res quasq; cōtē
 plari uidemur. quod si quid
 accurate, & subtiliter intue-
 ri uelimus, ita conuertimus
 aciem, ut per mediam maxi-
 mē, & intimam aspectus co-
 ni partem res ipsas tuendo
 consequamur. quo fit, ut si
 qua oculis obiecta sit acus,
 atq; obtutum in eo loco, ubi
 posita est, defixerimus, eam
 non discernamus, quo ad per
 axem, aut per eos qui circa
 axem sunt, radios attenti le-
 gamus. atq; idcirco fit, quod
 cernendi facultas ad ea ma-
 xime, quæ anteposita sunt,
 contendatur, obliqua uero
 non perinde percipiat. Itaq;
 si in anteriorem partem, na-
 turam sequentes, aciem diri-
 gamus, penitus quidem an-
 te axis coni erit. ei uero pro-
 pinqui reliqui radij, sursum,
 deorsum, in dexteriores &
 sinistiores partem feren-
 tur. atq; adeo cernendi uis
 hanc naturam habet, ut si ea
 quæ à tergo sunt, atq; omni-
 no ante nos non sunt sita,
 proposito speculo contem-
 plemur, ea tamen esse ante
 nos uideantur & in iis esse
 qui in speculum inspiciant.
 perspicuum autem est uerti-
 cem coni aspectus nostri in
 oculi pupilla non esse. neq;
 enim ab omni pupillæ parte
 cerneremus, uerum intra eā

ὅτι τὸ τοῦ ὀφθαλμοῦ βάσις, βάσις
 τις δ' ἐστὶ τοῦ κύβου ἡ πρώτη, καὶ ἔλα-
 χιστή οὗ κύκλος, οὗ πέρασ' εἰσὶν ἡ τὴν
 κοίλῃ περιγράφουσα περιφάνεια.
 αὐτὴ γὰρ τοῖς ἡγεῖται, οὗ κύκλος, ἀλ-
 λά τ' ἐκ τῆς περὶ τοῦ σφαίρας ἐστὶν
 ὑποφάνεια, ἐπὶ τὸ ὁμογενεῖος ἐστὶν ὁ
 τῆς ὀφθαλμοῦ κύβου ὡς ἐδείξαμεν.
 ὑποβάλλομεν δὲ τοῖς ὁμομοίαις, ἡ
 τοῖς κατ' ὁμομοίαν ἀκλάσας μενέ-
 σαις μέχρι καὶ τῶν ὁμομοίαν τῆς
 φερομένης ὀφθαλμοῦ, ἡ κεκλῆσθαι τῆς
 ἡδὴ, οἷον ὅτι εἰς ὕδαρ σφαιρῶμεν,
 τὴν μὲν τὴν ὕδατος ἐπιφανείαν
 κατ' ὁμομοίαν ἀκλάσας φερομένης
 τῆς ὀφθαλμοῦ θεωρούμεν, τὰ δὲ κατ'
 ὕδατος νηχόμενα, ἡ καὶ κείμενα
 προεῖσιν μὲν ἡδὴ τῆς ὀφθαλμοῦ εἰς τὸ
 βάθος ὁμομοίαν, ἡ ἀκκλωμένης
 μεν τοῦ ὑπὸ τῆς αὐτῆς κατερῆσθαι
 ἰσχυρὸν οὐκ εἰς ἀγνοίαν τὴν εἰς ὅσον
 ταῦτα τοῦ αὐτοῦ ἀποσήμετος ὄντος,
 ἰσχυρὸν ὕδαρ χεῖρ, ὁφθαλμοῦ τὸ ἐμ-
 βληθὲν, ὁδὸν προπερὶ οὐκ ἐκτρέφει.
 ἔτι τὰ κατ' ὕδατος θεωρούμεν
 τῶν δὲ ἐξ ὕδατος ὕδατος ὑποφαν-
 είας, καὶ λέγειν δὲ ὅσον τοῖς πελαγ-
 οῖς, ὅσα μὲν ἄλλοι, καὶ ἀκλάσας φε-
 ρομένης τῆς ὀφθαλμοῦ θεωρούμεν, ταῦ-
 τα κατ' ὕδατος οὐκ εἰς θεωρεῖται.
 ὅν δὲ πᾶς ἐμφάνειας θεωρούμεν ὡς
 ὕδατι, ἡ ὅλως οὐ κατὰ τὴν ταῦ-
 τα κατ' ἀντιφάνειαν ὁρατοῦ.

est, & in intimo oculo; basis
 uero Coni prima ac minima
 circulus is est, cuius extre-
 mum est ea quæ pupillam
 concludit, & circumscribit
 superficies. nam ipsa, quidē
 pupilla, non circulus sed su-
 perficies est quartæ partis
 spheræ: si quidē rectangulus
 est uisus nostri conus. ea au-
 tem quæ à nobis prospiciun-
 tur, attingimus aut directo
 progressu infracto obtutu ma-
 nente ad eorum usq; quæ cer-
 nimus metam, aut etiam ob-
 tutu fracto. nam cum in a-
 quam inspicimus, summam
 quidem aquam contempla-
 mur delecta nec fracta oculo
 rum acie: at quæ in aqua na-
 rant, aut in ea sita sunt, cum
 intuemur, progreditur qui-
 dē in profundum aspectus,
 at ipso renixu aquæ refringi-
 tur. quod si quid quod in ua-
 se sit, non uideatur, cum a-
 quam id uas habebit, quod
 iniectum fuerit, quodq; pri-
 us non cernebatur, eodem
 interuallo apparebit, atq; ita
 quæ in aqua sunt, cernimus.
 earū uerò rerum, quæ extra
 aquæ superficiē sūt (& uete-
 res cōsueuerunt dicere) quæ-
 cunq; per aerem, & infracto
 manēte uisu aspicimus, hæc
 conspiciuntur per rectam ap-
 parentiam. Quorum uero
 imagines, in aqua aut omni-
 no in speculo hæc uideri per

τὰ καὶ ὕδατος, ἢ διὰ διαρκῆ-
 νον ἐκδιδόντων· τὴν δὲ εἰρημονίαν
 τῆς ὁψείας ἐπ' ὀδωσὶν τε φέρει, καὶ
 ἀνακλάσιν καὶ προσέτι τὴν ὡπλί-
 σον αὐτῆς τε καὶ ἀχρονὸν πρόσθεν,
 ταῦτα δὴ πάντα ὄψιν ἔχειν, καὶ
 ὡπλίων τῶν αἰκτῶν συμβαί-
 νοντα, ὥς καὶ τὸν βεβακλῶσαι
 πῶς. τὰ καὶ ἀρχὰς εἰρημονίας
 μὲν, ὅτι δὴ φῶς πρόστιν ἀπὸ τῶν
 ἡμετέρων ὀμμάτων, εἴη ταῦτα πα-
 ρεῖν ὡπλίων τῆς ἡμετέρας ὁψείας, κα-
 πί τοῦ ἡλικκοῦ συμβαίνει φῶτος.
 ὅσον μὲν ὅσον διὰ σῆμα, τὸ ἡλικκόν
 ἀποτίνηται φῶς, ἀρχόμενον μὲν
 ἀπ' αὐτῆς τοῦ ἡλικκῆς σφαίρας
 προΐον δὲ μέχρι γῆς, καὶ τὸν ταῦ-
 τος μυχῶν, τοσοῦτον καὶ ἡμετέρα
 ὁψίς προΐαν ἀφ' ὧν, ὅταν γε
 πρὸς τὸ σῆμα βέλπμεν, καὶ αὐ-
 πτεῖν ὡπλίων τῆς ἡμετέρας ὁψείας
 πρόσθεν ἀχρόνως ἐπιτελεῖται δι-
 κεύοντο καὶ ἡτοῦ ἡλικκοῦ φῶτος
 ἐπὶ τὰς ἀχρόνως γένετα δό-
 ξεις. ὃν πορὶ τὸν τρόπον νέφες ἐπὶ
 προΐοντος μὲν, εἰτα δὲ παρακ-
 λαέσας, αὐτὰ καὶ ἀχρόνως ἡ-
 μὲν δοκεῖ τὸ ἡλικκόν φῶς ἐπιβέ-
 λαν, οὕτως ἡμεῖς ἀναβλέψαντες
 μόνον, δούσης βλάβος τῷ ὅτιν
 τοῖς σῆμα καὶ δι' ὧν σῶς
 μὲν ὡς διακλωμῶσαι τε καὶ φε-
 ρομένης ὁρῶμεν τῆς ἀφ' ἧς αἰκ-
 τῆς, οἷον δι' ὕδατος, ἕλεος, καὶ
 ῥατὸς γε, ἢ τῶν τοιούτων τινος,
 διὰ τούτων καὶ τῇ ἡμετέρᾳ ὁψὶ
 συμβαίνει χωρεῖν, καὶ ἀνακλάται
 δὲ ἀπὸ τῶν αὐτῶν, τὸ τε ἡλικκόν
 φῶς, καὶ τῇ ἡμετέρᾳ ὁψὶ συμβαί-

antiphaniā, at quæ per aquam ceteraq; res per lucidas aspiciunt, & hunc aspectus nostri, & porrectum motum inflexum, & quam longissimū subitumq; progressum in solis quoq; radiis eunire uideri potest, ut inde q̄ à principio diximus confirmetur, ac lucem quidem ab oculis nostris prodire, ex eo intelligere possimus, quod eam contingere uidemus & in aspectu nostro & solis luce. Quantum enim solare lumen porrigitur ab ipso solis orbe profectum, & ad terrā usq; progrediens ultimosq; eius recessus, tantum oculorum nostrorum acies, cum cælum intuemur, procedere uidetur. præterea, & aspectus nostri, & solaris luminis progressum fieri puncto temporis apparet. nam quæ admodum nobis obstat nube, diinde prætereunte, confestim, & in ipso temporis articulo, solis lumine attingimur, & collustramur, ita nos sursum uersus modo contuetes statim in cælum oculos coniciunt. Ad hoc per quæ corpora solares radios, & ferri, & perfringi uidemus, ut per aquam, per uitrum per cornu & cetera huiusmodi, per hæc oculorum acie permeare contingit, & ab eisdem tum solare lumen, tum

καὶ πρὸς ἴσας γὰρ τούτο παρὰ
 ἔχῃ γωνίαν. δὴλον δὲ τούτο ἐκ
 τούτου ὅτι ὅταν ἀνακλάσῃ οὐρανὸς
 ἡλιακὴν ἀκτίναν ἀφ' ὕδατος,
 ἢ ὁλως ἀπὸ τινὸς τῶν ὅσα πυκ-
 νὰ εἰσι καὶ λεῖα, κατὰ τὸν ὅμον
 τὸ πρὸς ἡμέτερον ὁρμησὶς εἶναι μὲν
 αὐτὸ ἐκ τῶν ἀνακλάσασα ἀκ-
 τίσιν, ὅρα δὲ πρὸς τὸ ὕδατος
 τὸ πρὸς ἀπὸ ἀνακλάσασα αὐ-
 τὴν ἡλιακὴν ἀκτίναν, ὅτι ὁμοῦ ὡς ἐκ
 κατὰ πρῶτον ὕδατι ἡλιακὴν κύ-
 κλον, ἐφαρμόξασθαι δὴλον ἐστὶ τῶν
 τῆς οὐρανὸς ἀκτίναν τὰς τῆς ἡλίου
 ἀκτίνας, διὰ τὸ πρὸς ἴσας τὴν καὶ
 αὐτὰς ἀνακλάσασθαι γωνίαν. καὶ ἡ
 ἀνακλάσις δὲ, ὅτι ὕψιον ἀποδείξο-
 μεν, ὁμοίαν φαίνεται γινώσκον, ἐπὶ
 τῆς ἡμέτερας οὐρανὸς καὶ τῶν
 ἡλιακῶν ἀκτίνων. ἄλλα καὶ τὸ
 χρώμα δὲ πρὸς ἀπὸ τῶν πρὸς
 ἀπὸ ἀνακλάσασθαι, ἢ διακλῶνται,
 συμβαίνει μὲν τῷ τῶν ἡλίου φωτὶ,
 συμβαίνει δὲ καὶ τῇ ἡμέτερῃ οὐρανῇ
 ὡς αὐτὴ φαίνεται ὁμοίαν τοῖς οὐρα-
 νῇ ὑφ' ἡμῶν ὁρμησίοις, οὐτοι δὲ
 ὑφ' ἡλίου κατὰ λαμπρότητα. Εἰ δὲ
 ἀδύνατον ὁ ἥλιος, ἢ δύσμενος διὰ
 τινος ἐξ ὧν διακλῶνται νῆφες,
 ὅρα ἔστιν ἀπεναντίας φοινικὰ καὶ γλυ-
 καὶ βαλεθῆαι, καὶ ὅτι πᾶς ὁ αἰὲς
 κατὰ λαμπρὸν, τούτοις δὲ παρὰ
 πλῆθος καὶ ποσὸν τῶν ἡμετέρων
 οὐρανῶν ἐκείνου. ὁ ποῖον γὰρ αὐ-
 τήν τοις διαφανέσι χρώμασι,
 τοῖς τοῖς καὶ τὸ δι' αὐτὸν φαι-
 νόμενον δόξαν αὐτὸν ὅρα.

aspectum nostrum frangi;
 idque ad angulos æquales.
 quod ex eo intelligi potest,
 quod si ab aqua, aut aliò quo-
 uis eorum quæ densa & le-
 uia sunt, radiorum solis sit
 refractio, nosque ita oculos
 statuamus, ut in refractis sint
 radiis, & in eum aquæ locū
 dispiciant, unde refracti ra-
 dij sunt, orbem solis in aqua
 tanquam in speculo conspi-
 ciemus, congruentibus uide-
 licet & inter se aptis, & respō-
 dentibus, uisus nostri radiis,
 & radiis solis, quod ad æqua-
 les, & eosdem angulos re-
 fringatur: quæ quidem re-
 flexio, ut potest ostēdemus,
 similis in obtutu nostro fieri
 uidetur, atq; in radiis solis:
 quin et & solis luci, & aspe-
 ctui nostro contingit, ut ab
 iis colorē quodammodo du-
 cant, à quibus aut frangun-
 tur, aut reflectuntur, ut simi-
 litudo intercedat cum iis,
 quæ tum prospiciuntur à no-
 bis, tum à sole lustrantur. si
 enim aut oriens sol, aut occi-
 dēs per rubram aliquam nu-
 bem effulgeat, et terra, & ma-
 re, & cetera deniq; quæ so-
 lis splendore fulgeant, pur-
 purea omnia uidebuntur,
 quod equè in obtuendo eue-
 nire, considerare qui uis po-
 test. Nam quali medium per
 lucidem colore sit, quod per
 id prospicitur eundem colo-

καὶ αὐτὸ παλιν εἰς τὴν λαβὴν ἐνοπρόν
ὁ ποιοῦν τῷ χροματι πρὸς αὐτὸ
θεωρῇ πάντα τὰ ἐν αὐτῷ ἐμφανί-
μω αὐτῶν τῷ ἐν ὁπρὸ φανεί-
ται. τῆς ὁψέως δηλονότι πρὸς τὰς
ὁρώμενας ἀνακλωμένως, καὶ τὸ τοῦ
ἐν ὁπρὸ χροματι ἐπιφερούσης αὐ-
τῆς, πάντα δὲ συμβαίνειν φανερὸν
ἐπὶ τῆς ἡμετέρας ὁψέως, καὶ τῶν
ἡλιακῶν ἀκτίνων. ἐκ δὲ ἡ ἀνά-
κλασις ἀπὸ ἀργυρέων τινῶν γίνε-
ται τῶν ἐν ὁπρὸν, ἢ ἀπὸ καθάρ-
ρων καὶ ὑμεμιωμένων ὑδάτων, ἔθεν
αὐτῶν ποιεῖται χροματι οὕτως τὸ ἡλια-
κὸν φῶς, οὐδὲ ἡμετέρας ὁψέως, ἀλλ'
ἀχρεῖς ἔρῶν πρὸς αὐτῶν. διὸ καὶ τοι-
αῦτα εἶναι τὰ χροματα δοκεῖ, διὰ
ἀντὶ τοῦτο, ἢ διὰ τοῦτο καὶ
μιναι ἀκτίνων προσβάλλουσιν, ὅπως
ἀντὶ κατ' ἀληθείαν ὑπάρχει.
Ἐξ ἀπάντων δὲ τούτων, ἔκ ἐστιν ὁ
οἶμαι αὐτῶν δὲ ἡ λέγων φῶς τι
ἀπὸ τῶν ἡμετέρων ὁματι πρὸς
εἶναι, οὕτως ἀφ' ὅθεν τὴν πρὸς ἡλίον
ὁμοιότητά τῆς ἡμετέρας ὁψέως εἶναι
φανερὸν. Πάσων δὲ ὁματι, καὶ
ἡλικιδέστων ἵφατα εἶναι τὴν ὁψιν
τῶν πρὸς τοῖς αἰσθήσεως ὁργάνων·
εἰ δὲναι δὲ ὅτι αὐτὰ ἀνακλάσεις αὐ-
τα καὶ διακλάσεις τῆς ὁψέως, οὐκ
ἀπὸ τῆς ἐπιπλοῦται πρὸς τὸ
ἵσας γίνονται γωνίας αἱ,

rem uidebitur habere. Itaq;
siquis sumptum quouis co-
lore speculum cōtempletur,
quæ in eo apparent, omnia
eiusdem coloris esse uidebū-
tur, refracta uidelicet & re-
flexa acie; ac speculi colorem
ad ea quæ apparent perferen-
te; atq; hæc tum in aspectu
nostro, tum in radiis solis
euenire dicimus. quod si ab
argenteis quibūdam specu-
lis sit refractio, aut à lympi-
dis, placidisq; & quietis a-
quis, nullum ab iis colorem
uel solaris lux trahit, uel aspe-
ctus noster, quippe coloris
quodammodo sint expertia.
ea igitur in quæ incidunt ra-
dii qui ab huiusmodi rebus
colore carētibus, aut per eas
franguntur, suum uerumq;
eorum colorem uidebuntur
habere. Quæ cum ita sint, ne-
minem opinor affirmare pu-
deat, ab oculis nostris lucem
prodire cum tam luculētam
aspectui nostro esse uideat si-
militudinem cum sole, & cō-
iunctionem. Magnus quidē
Plato ex omnibus sensuū in-
strumentis uisum esse dixit
solis simillimum, eiusque
speciem atque, imaginem
in primis referre. Scire
autem conuenit has uel re-
fractiones uisus, uel perfra-
ctiones non effici nulla certa
ratione, aut ordine, ad æqua-
les enim fiunt angulos,

αὐτὴ δὲ καὶ συνίσχεται πρὸς ἑαυτήν,
 ἀφ' ἑαυτῆς καὶ ἀλλοκλῶνται, ἢ διὰ
 κλῶνται. ἀπὲρ δὲ ἔστι ὁ μηχανισ-
 μὸς Ἡρώων ὡς τοῖς αὐτοῖς καὶ τοῖς
 κοῖς, ὅτι αὐτὸς πρὸς ἴσας γωνίας κλῶ-
 νται, οὐδὲν ἐλάττω αἰετοῦ μέσων
 τῶν ἀπὸ τῆς αὐτῆς καὶ ὁμοιομεροῦς
 γραμμῆς πρὸς τὰ αὐτὰ κλωμένον
 πρὸς ἴσας γωνίας. τοῦτο δὲ ἀπο-
 δείκνυσθαι φησὶν, ὅτι εἰ μὴ μέλλοι φέ-
 ρειν μᾶλλον περιέχειν τι τὸ ἡμέτε-
 ρον ὅφιν, πρὸς ἴσας αὐτὸν ἀνα-
 κλάσει γωνίας, ὁμοίως δὲ δεχθῆ-
 σεται, ὅτι καὶ ἡ δικάλασις τῆς ὁφεί-
 ως τῆς ἡμετέρας, πρὸς ἴσας ἐπι-
 τελεῖται γωνίας. ἐκ δὲ τούτων φα-
 νερὸν ὡς καὶ αὐτὸ ἡλίου ἀκτίνες,
 πρὸς ἴσας κλῶνται γωνίας. οὐ γάρ
 πᾶσι τῇ ἡμετέρᾳ ὁφείω ἰσότητι του-
 το συμβαίνει, δεῖ γὰρ εἶναι ταῖς δὲ
 τοῦ ἡλίου ἀκτίνι, κατὰ τὸ ἀρίστον
 καὶ ἀποκτον. ἀπὲρ δὲ ἔστι μὲν δὲ καὶ
 τοῖς ἐμπροσθεν ἐπίγειων ἀλλοκλά-
 σεων, ἴσας συνίσχεται γωνίας ὑπὸ
 τῶν ἡλιακῶν ἀκτίνων ταῖς τῆς
 ἡμετέρας ὁφείως, ἥ τις ἀποδείκ-
 νται πρὸς ἴσας κλῶνται γωνίας.

qui quidē coeunt unde uel re-
 fringuntur uel perfringuntur.
 Etenim demonstrauit Mecha-
 nicus Hero, in catoptricis, q̄
 ad æquales angulos frangun-
 tur rectæ, minimas esse om-
 nium, quæ ab eadem simi-
 liumq; partium linea sunt, &
 ad eadē franguntur ad impa-
 res angulos. Quo demonstra-
 to, Natura (inquit) si frustra
 nostrū aspectū circunactura
 non est, ad æquales angulos
 uisus per fractionem esse, ex
 quo perspicuum est, solis
 quoq; radios ad angulos æ-
 quales frangi neq; enim dici
 oportet uisui nostro hoc in-
 equalitate cōtingere, solis ue-
 ro radiis, sine equabilitate,
 atq; ordine. Ac supra docui-
 mus in refractionibus, æqua-
 les à solaribus radiis conflue-
 re, & constare angulos, an-
 gulis uisus nostri: quem ad
 æquales angulos frangi de-
 monstratum est.

ΤΕΛΟΣ.

FINIS.

Tauola

DELLE COSE PIV NOTABILI CHE NELL' OPERA SI CONTENGONO.



- L'ANGOLO del contatto è indivisibile. c. 22
 L'Angolo maggiore comprende maggiore quan-
 tità di luce. c. 10
 Angolo della Incidenza è eguale à quello della
 riflessione. c. 78
 Animali, che di notte ueggono lume. c. 10
 Annotationi de' Theoremi di chi siano. c. 20
 Annotationi del Traduttore. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. 13. 14. 15. 16.
 17. 18. 19. 20. 21. 25. 26. 33. 34. 36. 38. 41. 43. 44. 45. 51. 57.
 63. 66. 68. 69. 71. 73. 75. 76. 77. 78. 79. 80. 82. 83. 84. 95. 98.
 100. 101. 104. 107. 108. 110.
 Apparenza che cosa sia. c. 79

B

- p la Basa della Colonna quel che l'autore intenda, Et se bene il Buteo
 ne riprende il Pena, che nel Theorema 29. & 30. in uece di Ce-
 lindro dica colonna, non perciò si uede che con molta ragione lo
 biasimi essendo, che nel medesimo modo l'occhio uede il Celin-
 dro & la colonna, anzi sotto nome di Celindro si può intendere
 ogni sorte di colonna quanto alla proprietà del uedere. c. 44

C

- le Circonferenze doue apparischino linee rette. c. 4. 34
 Cono del ueder nostro è pieno di luce & splendore che esce dall'oc-
 chio. c. 10
 le Cose che si ueggono con piu angoli attualmente, et non in potenza
 si ueggono piu distintamente.

D

- Diametro dell'Orizzonte è miglia 225. c. 11
 Diffinitione dell'angolo. c. 9
 Diffinitione del Cono. c. 9
 Dimostrazione d'una parte de' Theo. come si debba fare. c. 25
 Dimostrazioni aggiunte da M. Egnatio. 23. 33. 34. 43. 51. 59. 63.
 66.

TAVOLA.

| | |
|---|--------|
| 66.68.69.71.75.83.84.98.100.101.104.107. | |
| Diottra. | c. 8 |
| E | |
| Esempio dell'ago. | 2 |
| Eliodoro Larisseo & sua opinione circa il modo del uedere. | 10 |
| F | |
| Fuoco come si accenda con li specchi. | 109 |
| I | |
| l' Image per mezzo dello specchio come si uegga in aria. | 108 |
| L | |
| le Lettere d'una faccia del foglio nò si ueggono tutte in un tratto. | 3 |
| Linea Geometrica. | 6 |
| Linea Prospettina. | 6 |
| Lemma che cosa sia. | 53 |
| M | |
| le Misure delle cose da che dipendino. | 35 |
| N | |
| Nessuna cosa uisibile si può tutta in un tratto uedere. | 1. 18 |
| O | |
| l' Occhio perche non sia di forma concaua. | 4 |
| Opinione de' Matematici, di Platone, & di Galeno circa il uedere. | 7 |
| Organi de' sensi quali siano atti a riceuere, & quali no. | 3 |
| P | |
| la Palla apparisce di lontano un cerchio. | 41 |
| Proportionone che l'ombra ha col corpo che la fa. | 1 |
| la Prospettina è scienza. | 7 |
| la Prospettina ci insegna a misurare. | 35 |
| la Prospettina precede al trattato de gli Specchi come il genere alla specie. | 36 |
| Tappo Alessandrino dimostra il Theorema. | 22. 38 |
| R | |
| Raggi del Sole & della lucerna vanno per retta linea. | 1 |
| che Raggi uisuali escono dall'occhio & vanno alla cosa veduta. | 37 |
| Raggi visuale, che cosa sia. | 6 |
| Raggio uisuali sono portati per retta linea. | 8 |
| Raggi uisuali come giunghino alla cosa veduta. | 11 |
| Raggio appresso de' Prospettini vale quanto che appresso de' Greci & de' Latini Visus, & però ogni volta che dicono raggio si dene intendere raggio visuale, cioè il uedere, se bene il | |
| Eutcone | |

TAVOLA.

Buteone ne riprende il Pena di hauere usata cotal voce, in luogo di *41c*, perche se in vece di raggio (che è quella cosa che dall'occhio esce & va alla cosa veduta) hauesse detto il vedere, non saria stato così bene inteso, essendo più propria la voce Raggio, che non è *Vede* re in questo luogo. Ma il Buteone non solo in questo ha il torto a riprendere il Pena ma in ogn'altra oppositione che gli fa, perche hauendo egli lo spirito della contraditione, & facendo professione di biasimare ogn'uno, non poneua molta cura, se qualche dicua lo diceua con ragione o senza: il che molto chiaro si scorge in quel che dice contro al Pena nella prima suppositione de gli specchi, che dal Pena fu tradutta così, *Ponamus radium esse rectam lineam, cuius media omnia extremis officium*. cioè supponiamo che il raggio visuale sia vna retta linea, della quale i mezzi cuoprono gli stremi. Dice il Buteone se la linea è vna lunghezza senza larghezza, che mezzi harà che possino coprire gli stremi? Se il Buteone hauesse visto nel secondo della Fisica al 2. cap. la differenza che Aristotile fa, fra la linea Geometrica, & la linea Prospettina, dicendo che il Prospettino non considera se non quelle cose, che sensatamēte vede, haueria conosciuto, che la linea prospettina ha larghezza, & grossezza, la quale appresso de Geometri sarà chiamata corpo, & così i suoi mezzi potranno coprire gli stremi. Onde il Pena giudiciosamente traducendo il verbo *in angulo*, disse *Officiunt*, cioè cuoprono o occupano, & non disse come il Buteone *Obtenduntur*, id est contra, & diretto tenduntur, perche oltre che quel verbo non vuol dir questo, saria bastato ad Euclide dir solamente, che il raggio è vna retta linea, perche è proprietà d'ogni linea retta, che i mezzi sieno posti in contro a gli stremi. Ma che i mezzi cuoprino gli stremi, è proprio solo alla linea Prospettina, che ha larghezza & per ciò è detto bene dal Pena, che il raggio visuale è vna linea retta della quale i mezzi cuoprono gli stremi.

la Ragione che è fra un'angolo & l'altro donde si caui.

le Ruote dell'auo, & le Macine quando apparischino Ouate.

11

57

S

li Strumenti fatti dall'arte ci mostrono che i raggi vanno per linea retta.

2

la Superficie piana come apparischi vna linea retta.

4

le Scienze non appartengono a sensi.

5

le Scienze hanno origine da loro principij.

5

le Suppositioni hanno bisogno della paramitia, cioè di vn poco di dichiarazione.

6

Simi-

TAVOLA.

| | |
|--|----|
| Similitudine del tatto. | 8 |
| Scala altimetrica. | 35 |
| il Sole, la Luna, & le Stelle appariscono superficie piane. | 41 |
| Simiglianza, che il nostro vedere ha col Sole. | |
| T | |
| il Termine non è parte della cosa terminata. | 7 |
| Tiberio Imperatore vedea lume di notte. | 10 |
| Theorema che cosa sia, & le parti, che habbia. | 18 |
| V | |
| la Visualità della linea non è differenza accidentale. | 7 |
| l' Vna & l'altra suppositione del modo del vedere serue parimente alle dimostrazioni de' Theoremi. | 8 |
| il Vedere ha forma di Cono, & Rett'angolo. | 10 |
| Vitellione senza ragione contradice ad Euclide. | 38 |

IL FINE DELLA TAVOLA.

Registro.

* A B C D E F G H I K L M N O P Q R S T

Tutti sono Quaderni eccetto T che è duerno.

I N F I R E N Z E.

Nella stempria de' Giunti.

M D LXXIII.

ERRORI OCCORSI NELLO STAMPARE.

| Carte | Righe | Errore | Corretto |
|-------|-------|-------------|----------------------|
| 15 | 34 | destri | destre |
| 16 | 16 | sinistri | sinistre |
| 22 | 1 | IG. | 16 |
| 51 | 14 | CBC | CBD. |
| 74 | 16 | linea retta | linea retta a piombo |
| 84 | 17 | BL. | B. N. |
| 84 | 26 | OL | O. N. |

Nelle figure della Prospettiva si affettino
le infrastrate cose.

Nella 17. dal punto c. a punti. G & B. si tirino due linee, & il me
desimo si facci dal punto T. a punti B. G.

Nella 2. della 39. propositione dal punto N. fino a punti P. & O. si
tirino due linee.

Nella 3. della 43. la A. si metta nel primo angolo della circonferen-
za dopo il punto D. & nella quinta si tiri una linea dal punto N.
fino al punto P.

In quelle de gli specchi.

Nella 2. della 4. metti la z. dove le linee D. & C. si congiungono
insieme.

Nella 6. metti la N. nell'angolo BGA. & la L. si metta nell'ango-
lo DAC.

Nella 11. sotto il punto D. si metta la E.

Nella 17. la G. si metta nella circonferenza sopra il punto E.

Nella 20. si tiri una linea dal punto A. al punto E. & si metta la N.
all'incontro della c.



